蚁君羊 智能优化方法及其应用

Ant Colony Outstlayers Optimization Mother and the Applications

蚁群智能优化方法及其应用

柯良军 著

清华大学出版社

由麻醉介

本格在資票與接物核化化分泌相类與於的基础上,介绍了新耐等低化化方法的基 本班里,預述基本要素等基本內容。同时,介绍了蘇耐智能化化方法在該有資同應。背 包回應,這同四個。概性均衡。且經算與與兩國經濟聯發展與斯斯國以及多計報間合作 化同國等集余能合使化同國經過用計劃,計畫與關係可能。數學物能化化方法在其稀应用中 的基本设计方法也具質性養殖金融合有效验径。

本书遗合作为从事智鑑优化方法及其应用研究的相关科技工作者、专业技术人员 纳参考书,也可作为计算机学科、控制科学等专业研究生和高年级本科生学习叙非智能 优化方法的参考者。

本书封面站有清华大学出版社筋伪标签。天标签者不得销售。 新和学者、但和从中 《新知·新自体》、000-87303000 15001121578

45 BERN ACHT AUSS CTP #F-REMCSC (2012) SE 020241 SE

图书在版编目(CIP)数据

蚁器智能优化方法及其应用/构良军著,一北京,请华大学出版社,2017 ISBN 978 7-302 46378 7

1. ①似··· Ⅱ. ①何··· Ⅲ. ①最优优算统一研究 Ⅳ. ①O242.23

#KM#. 1: 7

財而设计, 常常形 告任校对, 示法注

责任印制: 刘容龙

出版拨行。请华大学出版社

周 生; http://www.tup.com.en, http://www.wqbook.com 株・まな状態を含む経過を加入を

质量反馈。010-62772015,zhilisng@top, tsinghus, edu. cn 復件下载。http://www.tup.com.en.010-62795954

即 装 者,北京泽宇印刷有限公司

提 情,全国新华书店

开 本: 155mm × 245mm 印 後: 11.5 字 数: 212 千字 数: 次: 2017年6月第1版 即 次: 2017年6月第1版 即 数: 1-1000

家 价:59,00元

项目资助

国家自然科学基金项目(61573277) 陕西省自然科学基金项目(2015JM6316)

FOREWORD

最优化是人类决策的基本准则。智能优化方法作为一类重要的优化 方法。通过模拟自然界中的智能行为或观察。在可接受的申制内、得到的 应的调查师。写题计算未有规则的应证作。每于实现广泛应用于正点生 产和社会任活中的发杂大规模优化问题。是到回内外学术界和工业界的 每本案件

奴群智能优化方法是一类重要的智能优化方法,已经用于解决许多复杂的优化问题,本书在总站主张智能优化方法的基础上,介绍了 紅胃智能 优化方法的基本思想和基本要素,到一 详细阅述了 奴群智能优化方法的算 协改法和服务程度等方理的研究或果

板轉對能化化力效原規較認為。但实現基本形才指導,它的東均成 用能便于使用者对算法原理,持續決同認的理解程度。但依要于算效量報文 現。本书看實施於一帶在用規模部營能促化力法辦改級行為的規。但但 區。完向同應。展性的資。卫星質器與宣向應以及多目标组合化化同應等复 金脂合化化同酯的的设计服務。有掛于提考更好能理解和类提供潛能化 化力法。排用一颗粒化物能

本书适合计算机,自动化等专业本料生和研究生用于了解和学习蚁群 智能优化方法等智能计算方法,也可作为科研工作者和工程技术人员的参 老书。

本书得到国家自然科学基金项目(编号:61573277)和陕西省自然科学 基金(编号: 2015JM6316)的资助以及字舱动力学国家重点实验室开放基金 的支持,在此表示诚挚感谢,本书的完成得益于冯祖仁教授、张青富教授和 李品研究员的指导。

由于作者水平有限,书中难免有各种不足,就请读者不吝批评指正。

2017年3月

目录

W 1 W 04 W 1 1.2 复杂性测达的基础知识 -------2 1.2.1 算法的复杂度 ----- 3 1.2.2 问题的复杂度 4 1.3 智能优化方法叛迷 …………………………… 4 1.3.1 对用的智能优化方法 5 2,3,3 最大最小蚂蚁系统 ------ 34

CONTENTS

		2.4.2 叙群算法的改进	
		2.4.3 叙群算法的理论研究	
		小结	
	查书	文献	41
8 3	策	旅行询问题	46
	3.1	引音	
	3, 2	算法描述	
	3.3	算法随机模型与收敛性质分析	48
	8.4	参数设置和数值实验分析 ······	
		3.4.1 参数设置	51
		3.4.2 与其他改进奴群算法的比较	
	3.5		
		文献	
8 4	車	多维背包问题	
	4.1	何题情述	
	4.2	现有算法回顾 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	4.3	算法描述	
		4.3.1 算法的基本思想	
		4.3.2 信息聚和启发信息的定义	
		4.3.3 解的构造	
		4.3.4 信息素的更新规则	
		4.3.5 局部搜索	
	4.4	信息素下界的选取 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
		4, 4, 1 Stützle 和 Hoos 法的分析	
		4.4.2 自适应方法	
	4.5		
		4.5.1 解的评价	
		4,5,2 参数选取	
		4.5.3 性能分析	
	4.6		
		文献	
第 :		定向问题	
	5.1	问题描述	78

	5.2	算法描述	79
		5.2.1 启发信息的定义	
		5.2.2 解的构造	
		5.2.3 信息素的更新規則	80
	5.3	差异量的性质 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	81
	5.4	平均差异量的计算 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	82
	5.5	实验分析	83
	5.6	小结	
	热书	文献	87
6	章	团队定向问题	
	6.1	何题描述	89
	6.2	现有算法闰版 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	91
	6.3	算法循述	91
		5.3.1 信息素和启发信息的定义	92
		6.3.2 解的构造	93
		6.3.3 信息素的更新規則	96
		6.3.4 局部搜索	97
	6.4	实验分析 ·····	97
		6.4.1 参数设置	98
		6.4.2 4种构造法的比较	98
		6.4.3 与其他算法的比较	
	6.5	小排	05
	数书	文献	06
7	100	属性約筒]	08
	7.1	何题描述	
	7.2	現有算法回鎖	
	7.3	算法描述	11
		7.3.1 边模式奴群算法	
		7.3.2 团模式蚁群算法	
		7.3.3 点模式似群算法1	
	7.4	实验分析	
	7.5	小结	17
	8.0	÷#	17

36	8章	卫星资源调度问题	119	
	8.1	问题描述	119	
		8.1.1 卫星测控基本概念	119	
		8.1.2 卫星测控资源调度 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	122	
	8.2	卫星侧控资源调度模型		
		8.2.1 决策变量的选择		
		8.2.2 约束条件的描述		
		8.2.3 卫星测控资源调度数学模型		
	8.3	卫星测控资源调度问题求解		
		8.3.1 叙群算法		
		8.3.2 解的构造		
		8.3.3 实验结果 ······		
		小结		
		文献		
36	9 章	旅游路线规划问题		
	9.1	引音		
	9,2	问题描述		
	9.3	旅游路线规划问题的數学模型		
	9.4	相关算法		
		9, 4, 1 GLS(Guided Local Search)	134	
		9, 4, 2 GRASP(Greedy Random Adaptive		
		Search Procedure)		
		9.4.3 烟花算法		
	9,5	蚁群算法及其分析		
	9.6	小结 ······		
		文献		
第		多目标组合优化问题		
	10,			
	10.			
	10.			
		10, 3, 1 MOEA/D-ACO 求解 MOKP		
		10, 3, 2 MOEA/D-ACO 求解 MTSP ·······	152	

B ≉ X

	10, 4, 1	实验条件			 154
	10.4.2	性能评价	指标		 154
	10, 4, 3	结果比较			 155
10, 5	t⊊ Bierit	erionAnt &	E MTSP	上的比较	 158
	10, 5, 2	实验结果			 159
ŧ					 166

附引



绪 章

1.1 引言

报告并对性水的步步。从中有少年本部产人,以即是异型改造原则。 成们不明的水。传统《花园报文 是由少规则。或此、《数性、我们会的发现在化 特色,问题的计算是分社的优化为效中者的的成员。然然会现在化为效的 场色和优化分类。或是成本方法。他们以由了有有特殊的的现在分配。 均。希特斯斯拉拉拉用于现代规则。不使用于幸使性的国。相下等转载的 传统等的问题。这一位,也是是多大型,他们是一个大型,从一个大型, 伊曼(Van Nemanna)提出了一定转来及中,是他们为是"",并则国际和 大型问题。人们认识的例如于现在的,不是一个大型,这一个大型的中心,因的 大型问题。人们认识的例如计算相思行。"并可以未被优化的相思。要许上 要许是一个大型的是一个一个大型的是一个大型的是一个一个

白 ② 輕化 30 年代以来,尤其是在最近 20 年 一 一年与於病病教學規划 成然不同的。這個這是模談自然事中的自己區位化免疫表示解复杂化化问题 的新發物能优化算法相應出現。如此作算法、人工免疫性、模块因果算法、 人工神經同等。故有算法、較子同优化算法等⁽¹⁾。这些智能优化算法大大 1 富 了使化妆本。② 海那种预查提化粒本增以处理的优化问题杂价了加的 使具意力的物质力等。 在众多智能优化资业,或贸等总是是成功的资法之一切。该资法 是大职等者 Dorigo 等于20 就包 90 年代初报出,故师等法师从则就会有了 为,养习期的信息,保存信息加工时利用历史解信息,更新信息聚场,信息来 信息和习得的信息,请在信息加工时利用历史解信息要新信息聚场,信息来 能交替指挥是原用于可答的原

1.2 复杂性理论的基础知识

一般地,优化问题可表述如下;

 $\min_{x \in \mathcal{X}} f(x)$ (1-1)

其中: 是目标系数: - 是要形式 集解空间: で由一副管理定义、務解で、为 を局域化的(globally optimal): (如果事立: ○ 日北解空间中 任意解的目标或 数値小部 『(ごつく『(コ)・マーターの 経帯は、为予空间 図6 日 中局部最後的 (locally optimal): 如果第立: ○ 日 化子解空间 の 中任意解的目标函数的、 相「パントン(ア・メンチン6)。

在优化问题中,目标函数、约束函数和变量有不同的表现形式,对应于 不同类型的优化问题。

- · 函数典型、有许多分类体部、例如按照是否线性分为按性函数或非 统性需数、相比的能长问题分别多数性优化和事故性化、原 是否为内分为内容要或非内函数、相似的优化问题分别称为内优化 和自己优化、按照是否建构以分为是按函数和非连续函数、相似 的优化的最少解析为连续化和非位操化化。
- 函数表示。在一些问题中, 医吸可以给出解析表达式。但是在一些

回题中, 函数只能用黑盒子表示, 通常只有若干采样点对应的目标 函数值, 例如结构设计问题。

- 目标函数个数。如果目标函数只有一个,则是单目标优化问题。如果不让一个,则为多目标优化问题。
- 函数系数类型,系数可能是确定的,也可能是动态变化的,还可能是不确定的(陷视数,模额数)。
- 变量表型。如果变量是函数。则是变分问题。如果变量是数值是。则 更可以分为连续变量和高数变量。如果一个问题中既有连续变量也 有高数变量。则该问题是债合型的。
- 受量个数、如果只有一个变量、则称为单变量问题、否则是多变量问题。

我们不禁祭问。这些优化问题哪些是容易的,哪些是复杂的。下面依 提计算复杂性理论[**] 探讨这个问题。

计算复杂性理论研究至少需要多少的资源计算一类问题。所谓资源、 通常是指时间和空间,即求解问题时所需的过算数和内存。相应地,复余性 分析包括时间复杂性和空间复杂性分析。

一个问题的复杂度不是指特定算法求解其个算例所需的资源、而是指 求解號问题最优算法的复杂度、下面简单介绍算法复杂度和问题复杂度的 基本概念。

1.2.1 算法的复杂度

評价, 小等款通常规则伺复企度和空间复杂度向个方面考虑,分析算 底的间周发杂散, 非不能使得到策级过行所需要的时间, 相差 赛姆男一个 估计量。另一点地震转回 料理整定电影震影响员, 但此 选算时制制整 于计算环境, 用地算时间影量发杂度准久不大。 算法的过程时间与算法中 访问的运算整任正式的, 但是还算数多。则运行的相似长、算法中的协约运 管整力时间间度, 是不一次,其中、起身侧腹形。

等法的时间复杂度是时间频度 T(n)的新近估计量。将算法的复杂度 为(OT(n)), 如果存在正常数 n, 和 c 使得任意 n>m 。其复杂度都小 F cT(n), 也就是说,算法的复杂度与 T(n) 具有相同数量级, 其中 T(n) 为 n 的函数。

- 多項式対向算法, 称算法为多項式算法, 如果其复杂度为 O(p(n)), 其中 p(n) 是 n 的多項式。
- 指數級时间算法,你算法为指數級算法,如果其复杂度为O(产),其中常

W <>1.

如果·个算法是指數级时间算法。刚算法的复杂度離君同聽規模呈招 數級關於。

策法的空间复杂度是指算法在计算机內執行時场靠弃储空间。 称算法 的空间复杂度 S(n) 为(S(n)), 即算法的复杂度 与S(n) 具有相同数量级。 民中 S(n) 为n 的函数。

1.2.2 问题的复杂度

P-类问题,如果存在一个多项式时间算法,或该问题能由确定型图灵 机在多項式时间内解决,係该问题为P类问题。

NP-类问题,如果至今没有找到多项式时间算法解的一类问题,或该问题能由非确定型图灵机在多项式时间内解决,称该问题为 NP-类问题。

NP 完全问题(NPC), 此类 NP 问题中的所有的 NP 问题都可以用多项 式时间时约到某一个 NP-完全问题。它是 NP 类中"最难"的问题, 换言之, 它们是最可能不属于P 美的。

NP-hard 类问题: 若 NP 中所有问题到该问题是图灵可到约的: 你该问题为 NP-hard 类问题: 对于这一类问题: 一般认为不存在多项式时间的精确性算法求得最优。

迄今为上,人们还没有证实或证伪 P≠NP? 图 1-1 给出了在 P≠NP 条件 F.P.NP.NPC 和 NP hard 的关系。



图 1.1 F,NP,NPC 和 NP hard 关系图

本书涉及的旅行資同題、多學背包问题、定询问题、周性约篇、卫星资源 调度问题都是 NP-hard 类问题。

1.3 智能优化方法概述

面对形形色色的优化问题,人们已经提出了大量的优化算法。优化算 法可分为精确算法和近似算法。

 精确算法:精确算法以找到问验最优解为目标。典型的精确算法包 括动态规划、分支定界算法、割平面法等。 · 运转标法,就似算不信息提高可能依据· 通文比判别问题的消息 解为目标。 医似罪法布雷温耳法和自定大算法。通近算法维修 由所得到的解集是由于以及由于利利用第一,负支管法律使到大规 提出的的分析。它能以可以就是的计算中的增加可以就定的地。 是一位得到到的态度操作,我就是一分为个目的意义性。 编出预方法。专门和自发验出于一个问题设计的自发式等 法。而智能计算力量。可以

在设计优化算法时,一种思路是针对问题的特殊结构,设计出专用电算 法。 佩如单纯形算法是运筹学的经典之作,但是它只能用于线性规划问题。

经典数学规则中的算法基本是专用型算法。这类算法一般都有很好的 理论女师《周周初间题结构的数学化应用。往往能找到最优解。这当然限制 了这类算法的应用范围。并且这类算法对于使用者的编数能力也提出了保 高的型水。

随着人美社会的发现。新的复杂问题层出不穷。许多问题要求人们在较 矩的时间内得到一个清景的解。因此追溯需要通用性强且易于实现的算法。 这些照便使人们探索额的优化方法。同时。随着并坚持不规则。 们将生物学、地理学、免孕中的假理力法与优化相结合、担出了许多知能与

1.3.1 常用的智能优化方法

1. 读传管法

1) 简介

化方法。

遗传算法⁽⁴⁾是最早的智能计算方法。它模拟自然界进化现象。借鉴达 尔文的进化论以及生物遗传学的基本用根据解优化问题。

1859年-185次及其污染核果实物种基础如中提出了价度选择化关环的。 是一致化应型的等效。大量、适宜、一、标准能力、电场等在一个中 4. 应应者将在下水、后层皮槽被投。一些输出现象,更够用的燃料从, 成果的成果,从而有效应使免疫。一个电影中发生,从中能是处理中,遗传的 或是存在。是因为一种感染性,是因为原则。企业物理是处理中,遗传的 成果在企业研究和创始的生物。而是他是有的成果,企业和发生的现象和现实的解析, 对,从后一个基础的企业。一些是是有"自身发生"。在195年也是可能的工程, 参与人工程度的上层中中,他就是要让"直接实施"。在195年也就没有不会 参与人工程度的上层中中,他就是要让"直接实施"。还是一个模型,不是一个

香琴理论基石。

在衛等與橋立之初之上並促用戶自這百歲級、榮荷人, Felland分 中 K. Delona。 D. Foul "海外及地震力。他将亚沙木里海外及地 进, 1985 年 D. Goldberg 在英博士论文中研究了面向天然气管温度化的 进物等加, 1989 年 D. Goldberg 由版了自然大党 下涨第分中的当场 是是上海是能等的起源进程中的 K. Jegak《公香》、是人 20 世纪的 中代以后,当代等此特別了科学界有「电等的」还看现,由是了大量的研究 使者和成功等了可求。

在安学规划中, 高克川敦学语言描述化何则是, 立 数学规划, 再利川 数学中的运算来解判题。在用进行算法未解优化问题目, 首先用生物学护 活胎进化问题, 特殊编码成一个险仓体, 利用目标调散的对求调散建定验 仓保适度减数评价染色体的适应能力, 再利用生物进化过程模拟等技术 物订理。

2) At 15 KE MI

酒作等級規模工物等的選化起營。它有完全使化到國際經刊資源P-等其表达成兩位体、用产电由一定放量原仓体组成的均均种群。再刊用进 传教作动种部中的设仓体进行操作。产业也新的种群、优素效益。多者资本、 位额种群型成定于环境。本代种新生的最优个体控过解别。输出遗传等达 到400条件编

證传操作包括3个基本遗传算予(genetic operator)。选择(selection)、 交叉(crossover)、变异(mutation)。它们都是以随机规则进行操作的。其效 里与编码方法。活度临离数、参数设置等被切相关。

遗传算法的主要步骤如下:

- (1) 种群初始化,进化代数计数器;设为 0.随机生成 N 个个体作为初 验种群P(0),并计算种群P(0)中每个个体的适应度。
 - (2)选择运算,依据种群中个体的适应度,将选择算子作用于种群。选择的目的是把种群中适应度高的个体直接遗传到下一代或通过配对交叉产生新的个体制物使每下。件
 - (3) 交叉运算,将交叉算子作用于种群。交叉的作用是将两个父代个体的部分基因加以交换重组而生成新个体。在遗传算法中,交叉算子发挥着重要的作用,它是产生凝解的重要算子。
 - (4)变异运算,将变异算子作用于种群。该算子改变种群中个体的若 F基因库上的基因值。
 - (5) 种群更新; 种群 P(t) 经过选择、交叉、变异运算之后得到下一代种



P(r+1).

(6) 停止条件判断; r=r+1. 若進化次数 r 等于最大允许进化代数 MaxT, 期对进化过程中所得到的具有最大适应度个体进行解码,并得其作 为最低解除; 第末每止

在设计流传管法时,需要重点考虑以下管法要素,

- (1) 解前编码,编码是一种映射,它将优化问题的解空间中的元素转换 或遗传空间的由基因被一定结构组成的染色体或个体、因此,编码也可以 数值间额的表示。
- (2)适应度函数定义, 进化论认为适者生存。这里的"适者"是指适应 环境信令体, 个体的适应环境能力用适应度衡量。考之相对应, 遗传算效 利用适应度函数评价种部中的个体的优劣程度, 其定义依赖于待求解问题 的目标函数。
- (3)种群初始化,在遗传算法开始运代时,需要初始化产生一个种群。 在这一过程中,需要考虑种群多样性,种群中个体的可行性,初给化过程的 计算效率。一般采用随机法初始化种群。
- (4)选择算予,选择操作依据单即中个体的适应度,从种群中应择适应 度高的个体,淘汰适应度核的个体进行交叉和变异。最常用的选择方法是 轮盘踏选择法(roulette wheel selection)。

轮盘赌选择法来源于博彩资戏中的轮盘站,轮盘由圆盘和带针组成。 图12 给出了一个 6 扇区的轮盘、每个扇区中的数字表示被扇区的面积占 总轮盘的比例。



图 12 具有 6 个个体选择的轮盘

在轮盘赌选择法中。每个个体的选择概率是凭适应度和种群中房有个 体的适应度总和的比值。设种群规模为N。个体i的适应度为Fii。则个体 i被选择的概率为

$$P_i = \frac{Fit_i}{\sum_{i=1}^{N} Fit_i}$$

(1-4)

由式C1-20可见。个性基应废墟海、J级选择的概率途程长。在计算以 每个个体的选择概率后。采用舱金额站进行边路、将舱金房水区、户价区 每个前区对是一个个体。同区中的数据现为个体的选择概率。每次选择、检 场下状能量的特性、"轮盘保险"技器则,指针尚尚的个体就被选择。这样进 行下及近。则规模为分的物件。

- (5) 交叉算子, 依据交叉率将科群中的两个个体按照 ·定的超視規則 交換某些基因,能够产生新的染色体。
- (6) 受异算子,一定的变异模率对种哲中染色体的一个或多个基因器 的基因值进行变动。
- (7) 算法结构,在设计通传客法则,种框更源方式有代(generational) 方式和稳态(steady-state)方式而表。由一种方式更通常个种群。而且一种 方式仅替接一些适应度低的个体。稳态方式仅更新种群中的最另个体。如 果该个体比当前而限的新个体是。规划而个体替换最穷作体。

2. 模拟退火算法

1983 年、Kirkpatrick 提出了新用超大效应¹⁰⁰,被火型火火送一等放使 风热力学中的源大过程。采用 Metropolis 库朗接垄断的构成状态。温饱们了 局局最优。化为一种企品优化效益。它已经用于水解延旋构造、组合优化的超多有用类似的问题。在生产可度、控制工程、机器学习、神经网络、混像处 概念等和任务组合作品的应用。

1) 基本原理

超夹过程是一个典型的物理过程。它包括加盐过程、等超过程和约和 过程。金海特化组次后会类特集的。图1-16出了在每十2是中的特的 交易和商业全分处。一处组。42是程中的国政发展下降的。如果会 组金属物体的部定会似下降。它没有达到平衡态。由是处于市均匀的电影 运。这就是特大过程,经过许大过程。物体能对没有达到最小值。它能极 合金值的创用和程度。仍全域的现实

工业上、水了使材料填贴。定价模理和塑性要求。。该或余应方、得到 限期的物理性能、通常材料提引进大处理。 全国物体的进步过程实际 [-使成得图体测量至6分离。同比现像验的却。 企图核全面的过程中。 全層原 作的热运动布脚增强、四侧增大。原子的有件稳定的状态模模术。 是賴从 下的状态。而在分词的过程中,他国现代被影性、全级服子而高低工作的



图13 退火的3个过程

状态起手纸能有序,为了就全规原产有每一个电压器度 序幕能处于一个校 底能量的状态即远离先分的热平等。冷却让替温度必须缓慢降低。这个过 异可以用蒙特卡罗力法模拟、该方法由然比较简单。但高安大亚崇拜者继获 得比伦翰德的结果。计算是较大。 第二节题来是特别的"特别是被查的技术,就转起为了协同少和高速和最

低态的物理形态。深程时以沉着需求超些有点数常用的状态就可较快运列 经验的效果。1955年,然etropolis 等受到资料卡罗展及方法的启示。提出了一 中部要管理系统。但以整体变数核态。后随意认为自体态。约律域 随时产生核核点,两名的编码分别为 K. 相志,若 K. 二乙二,则据受前状态。 为给由水态。无效 A. 是似 E. 译成

$$p_{\ell} = \exp\left(-\frac{E_{L} - E_{\ell}}{K \ell}\right)$$
 (1-3)

接受状态;,其中 K 为咸耳兹曼(Boltzmann)常数;exp(x)为变量;的指数 函数。当这个过程必次恢复;则进入人量还得后,最佳得力;维量较低的平 商态。各状态的截率分布终趋了一定的正则分布,这种接受新状态的方法 被称为 Metropolis 推明;它能够大大减少采释的注射量。

从 Metropolis 龍灣中可以看出,齊繼 F可被受与当商状态態歷差较大 的動状态,前在俄繼 F / 跨龍裝是比当商建量的動状态。均当有維維差较 小的動状态, 1954 不同鑑度 F 的熱波動脈動全原原子垂漸排列的过程一 致。在個度過 F 字時,就不能接收任一个 E.>-E. 的動状态」。

1983年, Kirkpatrick等根据金属物体的退火过程与组合优化问题之间 存在的相似性和 Metropolis 等提出的原始模拟退火算法,提出了现代版本 的模拟退火算法,并且成功利用它解决了许多组合优化问题。 在稅間東京與中地方住房問題的一个條相等下退決度營申請於 「校志、議即在貸的日本職務申目市政本的營建品收益。但稅等4242年 下基就報查的收益。肾社役近一个均均高温。按照 Metropolis 產則在当該 放性物的领域中模拟有限力而前解。過过營制額定查收。每下海稅因經 使物質值的分別也。 稅間最大學在每十四里下戶方次的國家之日一 統管機能的排在每个温度下海及分地达到熱于衛,而級終起下建數線小 份本高。

2) 算法基本要素及过程

撥配基大稅金的基本應應是,均夠优化問題的可行前者并是物情的報 行表。前日和前稅自律的体理,仍能能過減效。但因物採退火过中中年介的 熟慮別。跨超过程中,結合權本突執特性的Metropolis 抽样推開,在單空间 中應便提索全局度优額。在陷入局部最优时,能以一定概率關北。最終也于 电局域性的。

在模据很大算法执行过程中,算法的效果取决于一组控制参数的选择。 美键技术的设计对算法性能影响较大。

解。为了有效录解优化问题,应采用合适的编码表示解或状态。例如,在求 解评包问题时,可采用 0-1 编码,求解旅行商问题时,可采用原序编码,对 于连续函数优化,可以采用实数编码。

(2) 邻城定义,模报退火算法从一个解出发,探索其邻城,子找改进解。 邻城决定按索伯围。

模拟温火算法的邻域定义与局部搜索中的定义一样。

無如在车辆路径间巡中,一种等域定义是采用一系列 6 辺交换操作作 为邻域,点表示交换边的个数。6 越大,其邻域解与当海解差别,越大。

模拟退火算法采用基于 Metropolis 准则的邻域移动方法, 如果一个新解优于当前解、当前解被新解替换、那么就称从当前解移动 到这个新解。再制, 佐堤一定的椰本准定当前解展系统由新解。

Metropolis 密與中狀态幹移概率 p_0 定义如 F, $p_0 = \begin{cases} 1, & f(j) \leqslant f(i) \\ \exp\left(-\frac{f(j)}{KT}\right), &$ 其他 $(1.4) \end{cases}$

其中 / 为当前状态。j 为其邻城中的一个状态。其目标系数值分别为 f(i)和 f(j)。当前温度为 T。 可见。当前并得到的邻城新解妆于当前解时, 无条件

移动: 当新鲜劣于当前解时,以一定概率移动。

从 Metoropolis 灌制中可以紊出、当了 很大时, 故态鳑õ横率趋于 1、 当前部域中的任一状态都可能被接受, 此时算法正在进行会局要索, 而当 了很小时, 状态转移概率趋于 0, 它只会接受当前等域中更好的状态, 此时算 法进行局源搜索。

因此,模拟退火转法医具备跳出局部优解的能力又具备探索全局最优 的能力。

(3) 热率而达到,10至从实来应便使用。在,10至企会顺度产品中、 证据下,均到达到膨胀之。机是企作或证明也,5时期处产规之是。还 他的、模拟证人等违法用在每一个混废,在停圾中寻开。之股量的每%,这一 证外书的等值的内侧外,可用外及信息从分量定,以已以为价值是外对。 20、内部外发放后外间隔隔的。20人在4天,用每个位位从外对。 对内部处发放力收入的数。另外,也可以保证从他并动态两节内陷环 次表,约如,有效用进行收款的。从间面往代处理的。

(4) 降温函数。

10.42

模拟退火算法的搜索能力与退火速度(温度的降低速度)密切相关。 在高温状态下,当前邻域中几乎所有的解都会被接受,算法进行全局搜索,当温度变低时,当前邻域中越来越多的解释会被拒绝。算法进行局器

在同一個麼下,需要村邻城进行充分的搜索以达到熱乎應株态。如果 個度「階運度大快,到可能情況敵使解,过早地輸入局澤政化,如果個度下 跨速度太慢,以可能等或等低算法的收效速度。因此,降温函数的选择对于使 但個本效益的性能有重要影响。

3. 禁始搜索

禁忌搜索⁽⁴⁾是 Fred Glover 提出的 ·美智能计算方法。據忌是人美处 **跨复杂確認时避免**证回犯错的至要策略之一。早在 1977 年 · Fred Glover 已经开始探索利用这 ·思想设计算法。直到 1986 年才正式提出禁忌搜索。

1) 基本思想

禁忌搜索是局部搜索的一种改进。在局部搜索中,它首先构造一个可 行解z作为当前解(incumbent solution),在一定的领域 N(z)内进行含準 搜索,投與当前等域內的級化解。"(即同部級优解),再以此級优解为新的当 前能进行等域搜索。或是上述过程。直到找到满足条件的解。等域搜索的优 势在于算法结构简单,容易实现,但搜索结果依赖初始解,且只能搜索到邻 域內的因那最优解。

为了在搜索过程中避免难发且能够被出海消耗信息。从再实现全局提 。然显算还采用类似于人类短期记忆的第三表。将算法要查过程中最近的 若行改移动加。然此表中、禁止在企高的选代中进行移动。准定重复强位 经提索过的等级,同时、部岛表位算还能够放变为解。将算还付人籍的区域 即计模案。

算法循环过程中会不断更新禁忌表·在一定次数的循环后,最早进人禁忌表的移动会从禁忌表中删除,这就是所谓的"解禁"。

在搜索过程中,基些处于禁忌表中的移动有可能会使等域搜索得到优 于当前最优解的解。因此禁忌搜索又提出了渴望水平填念, "移动达到渴望 水平,不论它是否在禁忌表中,都会被接受,即"破禁"。

焦忌搜索中禁忌表和渴望水平是最重要的两部分,可以便算法跳出局部最优,在一定的造代次数下得到一个相对较优的解。

2) 算法要素

设计等层搜索算法则。需要考虑以下基本要素。初始解、搜索空间和邻 域结构、适值函数、禁点表、洗择整路、测望水平、停止准则、缩码方法。

(1) 知如你,也必要是其其本点以。其代能应或于自由原则是。 到如杨则是是对对。非常即称使使使改成。以其实是更好。这一的自称更 是使其目。会种优都应使来的企改速度。在实际一步的实施有效至会的 合化化问题。如果实用指线点一整或口用预度让被对当的。其也难以写 另一个可引用。一年次次上上、关闭时间面的结构后点。这一一人简单 的答款因为一个使好的物智产。用用意是要求求证,从而提高等也的不算要 参和效率。

① 使完全向局等级规范, 澳水公地总由推求还伊中所有了整新报货 物售。 與那一定與轉起何經一排在空间時间是所有很更好的售。 然而在一些同年。这是建立份計斗是一份每回的事。艺术是在在多种之 人类式。如何也就是建立使的引手是一份每回的事。艺术是在在多种之 与他中一提它到井不只我然中指导。但几乎没对十个寸针解的一条等的 。 等级指的支撑空间到一层。在些影发中一场需要,而吸收的 从55向从用有局部都但回程。其体由、吸减能的从55向村里的特定的非常 便能工作几件分类规则的之后。 和定义搜索空间与邻域结构是其中的关键步骤,这要求设计算法时对问题 要有充分的认识和了解。

- (3) 适值病效。适值病效是对搜索结果的评价。一般对示。以目标或 放在能予运信病效是比较重要的自分法。"自与示发的计算比较困难时, 可以自目标函数是污运场的变货。作为适量函数、使于计算从最市省计算 时间,种爱形式的运货和截免须是严格单调的。且适值或数的最优性与目标 高数的磁性处理。例。
 - (4) 禁忌表。禁忌表是禁忌模索管法区别于局部模索的关键。是禁忌 搜索算法的核心。为能使算法跳出局部极小点,需要接受率改进移动。

禁忌表的作用在下進免錯环,接言之,避免接受一个已经经历过的解。 及數數结构下述,確認表於且在一定を便由崇拜先出的队列。

通过避免访问以前搜索的区域,禁忌能使算法探索额的区域。在搜索 过程中,禁忌对象保存在禁忌表中,由且通常只需要保存有限的信息。在设 计禁忌表时,要考虑对什么禁忌以及禁忌多久。

(5) 循環水平。

如必要來中,果嗎可從下,在仅來用排出社会節止,一些可能將到成點越 時的個件,是空企學或實施停身。但因人局部最便)。因此,有各學來取情施 以說前禁息,即門其个程助清及並不集計劃,不也该報助是有各學卓來中 結構受達之中房。非更新当前每個当前就位辦。这种使學或不受禁忌表示 並的集件和方面可來中,或與於對於確康,或使理解。

4. 粒子群算法

較子科优化算法^(c) 是一种基于种群的全局搜索算法和監視搜索算法。 按算法以简单、易于实现。无期除废信息、参数少、精度高和收敛速度换等提 点受例学术等和工业的重视。成功填解换了一系列连续和离散的优化问题。由为课处计管理域的需求执名。

較子群优化等法品市心理学研究者 James Kennedy 和计算物能研究者 Russell Eberhart 在受到人工生命研究结果的启发后于 1995 年提出的,它 是模拟动物群体的智能行为和使用计算机对这些认知行为进行协良后的 产物。

自然界中的许多生物都具有一定的部体行为。现公自然界生物的郭体 智能行为非通过计率机量模型。 2 回租 1 4 所 示。科学家们通过对马标。鱼标等郭体性行为的研究发现。 单个个体的行为 指领单、一般不具有规律性。 4 基件多个体加速的排体测率表现出来等效 行为。表现出海的组织标彩记作。 这 发现的是 7 种学家们自合族关

14) 軟群智能优化方法及其应用

注。項引了包括生物科学家、计算机科学家和社会企同学家等面实的必要。 促换机制度开于应用部人的研究。例如 1987 年 Reynolds 使用和产系设据 报马指的集化方法。1999年,Heymore 和 Grenander 发现乌属建设引马身。 他们发现。乌群在飞行中可以改变方向,也可以需有某一特定方向飞行,还可以重机形。这样中一定用有某种潜在的发性。而来,这两个交更被用于 标准的任何报告。





图 1.4 自然基中的乌斯和鱼群

社会心理学研究、特别是心态社会即叫现论的发展。是或了鲜鲜的发展 6次、重要需要, 教育在一个动态的搜索它即中证真性。从为人会 行为、个体可以积极环境的变化及时地测能他们的信念和态度。从而和群体 的行为保持一处。这些研究为教了非算法的提出观定了思想来激和现论 基础。

1) 基本原理

粒子每更新一次位置,就计算一次适应度值,通过比较新粒子的适应度值与 个体极值,群体极值的适应度值来更新个体极值Ptm,和群体极值Gms.

一定的過度 飞行,每个粒子在根索时,充分考虑搜索到的历史最好位置和种 群内其他粒子的历史最优点,在此基础上进行位置(或状态,解)的变化。

相关变量定义如下。

第 : 个粒子的速度表示为v.-(va,va,····,va);

第i个粒子的个体极值表示为 p_i 一 $(p_a,p_a,\cdots,p_{in})_1$

种群内所有粒子的形体极值表示为 $p_e = (p_{el}, p_{el}, \cdots, p_{el})$.

一般来说。在子的位置和迷摩都是在连续的实数空间内取值。

在每次进代过程中,粒子通过个体极值和静体极值更新自身的速度和 位置信息,其数学表达式如下,

$$v_{ij}^{k_{i}^{-1}}, \quad v_{ij}^{k_{i}^{-1}} + c_{1}r_{1}(p_{il}^{i}, x_{il}^{k}) + c_{2}r_{2}(p_{il}^{i}, x_{il}^{k})$$

$$x_{ij}^{k_{i}^{-1}}, \quad x_{ij}^{k_{i}} + v_{ij}^{k_{i}^{-1}}$$
(1.5)

其中。id(1.2。....D);(c(1.2。...n))。方为当前的部代状数。c,和c,称为 学习图子电解加速系数。学习图子按数子队看自我选择和尚养好中代养子 传学习的能力。并继由者自己的历史最优代数以及种籍的成等域向前历史 能优校置数据)。描述情况下c,和c,从为2,c,和c,是[0.1]均匀分布的 的组织数。2,c,是用的分别分类和图1.5。9.6。



图 1 5 粒子速度与位置的关系示也图

在粒子群算法中,粒子的速度主要由3部分构成。

(1) 粒子当前的應度,是粒子 8 行中的微性作用和其能够 8 行的基本 保证,表明粒子当前的状态,助止粒子大幅度改变方向。平衡粒子的仓局和 局部搜索能力。

- (2)认知部分、表示粒子在飞行中凭借自身的经验、向自己管经找到过的最优位置靠近、使粒子有足够强的全局搜索能力、避免局部最优。
- (3)社会经验部分,表示粒子在飞行中考虑到社会经验。向邻域中其他 粒子学习,通过借鉴相信息共享,垫粒子在飞行时向邻域内所有粒子曾经没 到过的最好点靠近。
 - 2) 粒子群算法的要素

迄今为止,切下校产器算法的研究大多以帶有機性权惠的软产群算法 为基础进行分析,可採相鄉正。因此,大多數文杖中将带有惯性权重的粒产 群算法據为标准版較产群算法,而將前端的粒产群算法條为基本較产群算 法或原始的減产罪算法,

粒子群等法的要求包括等法的相关参数和等法设计中的相关问题网部 分。其中相关参数包括种群大小、学习因子、最大速度、惯性权重,算法设 计中的相关问题有邻域和补绍物,粒子空间的研验化和停止条件。

在在产程联路中,由一个整个组成为集合 X = C1,22, --12,1 属于位 中国在广新的设计的一个整合框,一个程于从它的等级。 基础自己,其 中。在 X 、特殊的教育都等级中。在 下中数于运转的表表可以用一个太利 图 G = C1,5 点示,其中下是在产的最后,是是均衡点,表现长至均等级 为产业的的企业系。这个上时间基础资本的产作的条件的。 节令 算法中是他的产品。这个上时间基础资本的产作的条件的。 节令 等级中发的产品。

较子群算结的主要按照如下,

第 1 步,初始化粒子群,随机设定位置 x,和速度 v,1

第2步,在每一次进化(责化)中计算每个粒子的适应原值。

第3 市, 对于每个粒子 x, 如果其适应度值比解绘历过的历史最好位 署 P....的适应用值好。期用当前位署 p. 更数个体历史最优位署 P.....

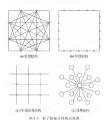
第 4 σ ,对于每个粒子x,如果其历史最优适应度值比群体内或邻域 内研经历的最好位置 G_{tot} 的远过度值好,则用当酱的全局最优位置 p_e 更新 种群的历史最优的位置 G_{tot} 1

第5步; 根据更新公式对粒子的位置 x. 和速度v. 进行修正:

第 5 市, 若未达到停止条件, 侧转到第 2 市。

5. A 1709-28-80-04-040

白然界的蜜蜂是一种社会性群居生物,在群体中,单个蜜蜂的脊髓与能 力是有限的,然而,由一群具有简单智能的个体组成的群体却表现出令人 惊讶的智能,无论所处的环境多么复杂,它们总能找到维星居间,群离话中



且食物最丰富的食物源。蜂群表现出的智能行为引起了科学家的极大 兴趣。

2005年, Karaboga 系统就提出了人工蜂群算法(Artificial Bee Colony Algorithm)算法,并将人工蜂部算法应用于求解函数值优化问题,取得很好 的效果。

1) 基本原理

Seeley 競琴提出了,种蜂群的群居行为模型。自组织模拟模型、换模型中,群体由各种角色的震蜂组成。是整向个角色的演蜂和层流单一的任务。但蜂群中的颤蜂通过薄弱、气味等信息交互方式,使整个蜂群能够协同完成活油蜂模型。是含紫金种较为复杂的任务。

在模型中,蜂群包括3种基本要素:食物器、服倒蜂和非照偏蜂,其中 非麻细蜂包括油蜜蜂和醋酸蜂、具体地,这些要素提冰如下。

(1)食物源,食物源的优劣得度主要依賴以下因素,食物源刊蜂巢的柜 库;食物源的丰富程度;食物获取的困难程度等。一般地,用食物源的收益 基征这些因素。

(2) 雇佣蜂,也称为引领蜂、模型中雇佣蜂指正在某个食物源觅食或

(18) 软群智能优化方法及其应用

已必被这个食物源雇佣的蜜蜂。其数是一般与食物源有关,它们会配这个 食物源的信息。例如两蜂巢的距离和方位、食物源的收益等信息通过舞蹈的 方式必须其他蜜蜂。

(3) 偵察蜂,侦察蜂通常在蜂巢周围搜索附近的食物果,一般地,蜂杵中的侦察蜂敷量约占整个蜂群总数的5%~10%。

(4) 根随蜂,跟随蜂在舞蹈区等待由雇佣蜂者同的食物器信息。它们观察雇佣蜂的舞蹈,选择自己认为满意的食物源进行跟随。

機限中,蜂群有兩种基本行为模式,①引领模式,即当一只蜜蜂找到自己认为丰富的食物源时,引领其他蜜蜂到食物源处。②放弃模式,即放弃一 处金物源,引收新的食物源。

非無限定的無額以無給作中的个体进行信息交換的主要场所。也也的 合特徵的基分。在原指区、被停制过速或抑制的形式与其优集中变流在物即 后息。在他都智能行为中。信息交换的过程如下,他去他飞归城集,开始 解区进行期路、抑制区划用的废掉贴过减零进行选择。——且您空自己的食物 原。或非两色铁构混之一。含物果就没有的可能性依有于尽效益率。食 物质的或在单级人其能选择的可能性依有

在观食行为之初,一部分蜜蜂风肿集出发,它们的角色是抗寒肿,在蜂 展周围进行硫化推炼,当滋特健水肾食物驱肠理产室素,并证录食物源的 相关信息,此时缓伸的角色就转变为"被煎制者",比余食在进行采油的源蜂, 给成为"非原锡等"。其中,被原相的强蜂在觅食完成后,间集计效如下选择。

- (1) 波弃已经搜索到的食物源,角色由雇佣蜂变成侦察蜂。
- (2) 在舞蹈区与其他蜜蜂进行信息共享, 相非更多的蜜蜂。
- (3) 继续返回采案。而不招募其他蜜蜂。
- 非照朝的蜜蜂会做出知下选择:
- (1)以損害難的身份対鮮巣附近的食物源展开搜索。其搜索可以是完 全額組的。由可依賴主告給知识。
 - (2)选择一个雇佣赔进行跟随,其角色转变为跟随单,并在食物源的邻 域进行搜索。
 - 2) 人工蜂群繁装的基本过程

在用人工学都算法法常优先问题则,依如原则位于P作化处问题另一个行场。快物面的下路内收回指定的"火泡发"的混乱。 引领转和最勤协会 占等群数量的一半、给个食物原具有一个力、倒转,即引领拌款监等于监测数 级。"用一个性物高被放弃场"。它用动掉的引领着被变成了颜色珠。 在算法 初始它用"温特升如台水浴的冷却被进行股票"。



引领蜂会光动全局进行搜索,并北位搜索指宣食物票的丰富整度,演蜂 之践再食物需要力。等的打除。当所有的完确解完成也需求信息。可到到到 仍会交流に可需据以外几乎制金物膨胀及信息。只是做卖出行后起来 享。 單端轉類会模型引领物提供的信息投展一定的概率选择引领物还行款 因。 适促进售前贷款增强或准的银币继承,然后,跟随蜂会得引领物一 供申行知解释点,此处的好的场。

1.3.2 智能优化方法的一般框架

智能优化方法是人工智能的一个重要分支,笔者将从人工智能被角。 提出智能优化方法的一般框架。

- 人工智能的工程目标是设计制查出智能产品⁽²⁾、格代人解决问题或完 成任务。在解决问题时,需要用到知识,所谓知识,是可用于解决该问题的 领域信息。为了有效解决问题,需要解决以下问题。
 - (1) 知识表示,将知识表示成能用计算机处理的符号;
 - (2)知识发现与学习,从经验中不断独自动获取知识。(3)知识按理与应用,利用知识产生行为。
 - (37 知识性理解では2月1 利用知识に生化す

一般前言、智能优化方法是一种基于某种的感觉技术。在某种问题计 特徵优化力能够和超过有值。在一个它上是包括广场物态 工间小方位。产生就是你在广场创作两个可见的现在。信息也工程对理 广为以及实现分少少过差。例如你典准价等设造样间十个体的第三位体现 使用现构实。现合加强一位,可以使用现金 信息的研制表示。因此,等现代化力以是符合人工管理解决问题的一般 估大的。

本书特讨论的被罪罪法在知识表示,知识发现与学习及知识推理与应 用方面具有显异特色。在奴群算法中,信息崇具有重要的作用,它是知识的 裁体。在奴群算法演化过程中,奴群通过信息累进行信息交互,并用以指导 顺的构造。

1.3.3 智能优化方法分类

目前,已有数十种智能计算方法。 雪见的分类准则有以下几种。

- 种群 vs 单点;单点法在搜索过程中仅对一个解进行操作和变换; 前基于种群的算法对一个种群进行簿化。
- 记忆的作用,有些智能计算方法是无记忆的。即在搜索过程中,没有 利用到动态都取的信息,例如哪位很火管法。而有些智能计算方法。

悬有记忆的,它们利用到在线学习的信息,如禁忌搜索的长期和短期记忆。

- · 构造型 vs 生构造现象法, 通过检查过超级测量。
- 确定型 vs 随机型,在求解问题还程中,绕定性的智能计算采用确定 型决策。而在验机智能计算方法中,采用了许多验机规则。在确定 型算法中,如果初始解给定,则输出解及确定的。而在随机型算法

中、明始检查定物的中、超终形线的种业中能是不同的。 本书研究的政部智能化化管法力管产群等法申数排等法均属于群体智能等为效的基础。 (第159mm Intelligence)范围""。前律单继是受要信气。将"热射等等居民"的特行为启发。通过规程这些财务生物行为产生的计算力法。在自然界中。 种个物级反映或逐步的物质力常常有限。但以每个年代已一世的复席能 通过相信的种政性适应标准。表现件他们是一世的复席能 通过相信的种政性适应标准。表现件他们等

在群体智能中,一群相互之间直接或间接通信的个体组或群体,这些个 体通过相互协作或解问题。

- 1994 年、Mark Millonas 提出了評体智能应该遵循的 5 条基本原则、
- (1) 後近原則(Proximity Principle), 群体中的个体具有对空间和时间进行简单计算的能力。
- (2) 质量响应原则(Quality Principle), 群体能够对环境中的质量因子 作出响应。
 - (3) 多样性响应原则(Principle of Diverse Response), 群体的行动和 响应应图不能太窄,应具有多样性。
 - (4)稳定性原则(Stability Principle),每次环境变化时,群体不应该随 之改变其行为模式。
- (5) 适应性原则(Adaptability Principle), 在保证计算代价的条件下。 即体能够改变其行为模式。

1.3.4 智能优化方法的特点

与传统优化方法相比,智能计算方法一般具有以下特点:

(2) 优良的全局寻优能力。它们在解空间进行全局搜索,按照一定的机制 指导搜索,算法具有视好的鲁棒性,对初始条件不敏感,具有视频的容差能力。



(3) 易干定度、智能计算方法原理简单,一份不需要数径准导。

1.4 本书内容及组织

本书的第2章许述叙释算法的基本原理和算法要素。模述了算法的国 內外研究風状、融后的8章内容总结作者近年来的研究成果(包括论文 [47]~[52]以及一些实际提盟)。主要内容加下;

(1)在第3章中,首先介绍旅行商问题及其相关知识,再提出有限级信息素奴群算法,把信息素分成有限个级别,用完全不同的方式更新信息素、 并且信息素的更新能与目标函数似无关。

(2)在第4条付料参维背值问题。据出了一奏自适应放群算法·该算 法采用自适应方法选取信息索下界,其基本思想是在解的平均是详疑过小 转通过摊正信息索下界-截坐停题。针对多维奔包问题的实验结果表明,提 用的方法施利效整平衡多样件和强化性。

- (3) 在第5章和第6章、针对定向问题及团队定向问题、结合问题的特点、分別提出高效的奴符算法。
- (4)第7章提出了求解周性的简的效群算法。属性的简是一个重要的 特征提取方法。本意提出了3种叙特算法。依据其信息素释放方式。分别 移注3种算法为边模式叙述算法、组模式叙载算法和点模式叙载算法。
 - (5) 幣8章給出了卫星資源调度问题模型,采用蚁群算法进行求解。 该资源程度问题展于再安卫星测控中心的实际潜水。
 - (6) 第 9 章将放弃计划第 2 星期程平心即另所简单。 (6) 第 9 章将放弃针法用于求解旅游路线规划问题、并将其与多个智能针算方法进行比较。
 - (7)第10章提出了一类求辦多目标组合优化问题的效群算法,并在多 目标估行前问题和多目标志律并包局框中进行验证,多目标组合优化是运 等学的重要分支。本票综合由如何用效群算法宏辨这类问题,并分析所提出 算法的性能。

参考文献

- [1] 陈宝林、最优化理论与算法[M]。北京。培华大学出版社。2005.
- [2] 康崇禄,蒙特卡罗方法理论和应用[M],北京;科学商版社,2016。
- [3] E液、智能优化等法及其应用[M]、北京、诸华天学商繁社、2001。
- [4] Russell C, Eberhart, Yohui Shi, 计算智能:从概念到实现[M]. 北宗: 人民都电出版社. 2009.

- [5] Dorigo M. Seatzle T. 蚁西奴免[M], 盔军、胡琰输、罗组螺、详、北京:前华大学出版社, 2007.
- [6] Dorigo M. Maniezzo V. Colorni A. Ant system: Optimization by a colony of ecoperating agents[]. IEEE Transactions on System Man. and Cybernetits Part B. 1996, 28: 29—41.
 - [7] Dongo M., Caro G Di, The ant colony optimization metabacristic C l., Corne D. Dongo M., Glover F. ed. New Ideas in Optimization. London. U K., McGraw-Hill. 1999, 11~32.
 - [8] Zecchin A C, Simpson A R, Marier H R, et al. Parametric study for an ant algorithm applied to water distribution system optimization(] |. IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 2005, 9(2); 175~191.
- [9] Zhang N. Feng Z. Cooperative ant colony optimization for multi-satellite resource arhedoling problem [C.]. 2007 IEEE Congress on Evolutionary Computation. Singapore. 2007, 2822~2828.
- [10] 全飞虎、洪枫坞、高庆吉、基于蚁畔等法的自由飞行空间机器人路径规划[J]。 机器人, 2002, 24(4); 526~530.
- [11] 丁茂椒,何缶,养静坪,基于蚁器算法的多机器人边作策略(j),机器人,2003, 25(5):414~418.
- [12] 董以成,除义年,基于蚂蚁算法的移动机器入路征规划[J]。電吹大学学展, 2003,26(3),49-51.
- [12] 獎輳平、罗熊、易歲、鬼命环境下基于較群算法約零項器人鋒役規划[J], 控制 写決策、2004, 19(2), 166~170.
 - [14] 朱庆保, 动态复杂环境下的机器人器径规划构效换测算法[J], 计算机学报, 2005, 28(II), 1898~1906.
- [15] 核云鹤、熊信良、英觀武。等,基丁广义蚁粮客结构也力基就经济负荷分配[J]。 中国也积于原学报,2003,23(3),59-64.
 - [16] Gomes J F. Khodr H M. De Oliverira P M. et al. Ant colony system algorithm for the planning of primary distribution circuits [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2004, 192(2), 966—1004.
- [17] 觀衛傳,報路忠,出于点,等,多除設備电网络環候規划的并行政再算低[J]。电 方系統目高低,2004,28(20),17~43。
 [18] 智療化,時提別,能主息,等。是于改造效群算效的输电网络扩展规划[J]。电力
 - 系统自动化。2005、30(20)、37~40。
 - [19] 獎友平, 鄭允平, 黃ం鵝, 等. 远级火箭控制系统隔电故障诊断研究 J. 字能字 报, 2004, 25(5), 507~518.
- [20] 社督、吳启廸、叙群等法在系统辩识中的应用[J]. 自由化学报、2003、29(1)、 102~109。
 - [21] Parpinelli R S, Lopes H S, Freitas A A, Data mining with an ant colony optimization algorithm [J], IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 2002, 6(4), 321-332.



- [22] Tsai C F, Tsai C W, Wu H C, et al. ACOAF: a novel data clustering approach for data mixing in large database[J]. Journal of System and Software. 2004. 73 (1): 133-145.
- x.12: 135"-1405.
 [23] Meshoul S. Botouche M. Ant colony system with external dynamics for point matching and pose estimation[j]. Pattern Recognition., 2002, 3, 823-826.
- [24] [1情, 栄告, 能別様, ・ 神高群教報尼頼蔣方法的研究 写応用[]], 控制 写次策, 2006, 21(5), 583-587,
- [25] Xu X H. Chen L. An adaptive ant clustering algorithm[J]. Journal of Software. 2006, 17(9): 1884 ~ 1889.
- [20] 郑张成、叶志伟、茶干级指行为债益的影像纹挥分类[J]。或仅大学学展,2024, 29(8),669-672.
 - 「27」 玛丽拳、群体协问就群等被及其在插像分割中的控用[D] 哲宏、西宏交矮大 传, 2004.
- [23] 王峻年, 冯赵静, 冯祝仁, 一种基于主动险障碍增的放料图像分割算验[J], 控 超級於与20世, 2006, 2024), 515-529
- 期理能与应用, 2006, 23(4), 515-522. 「29] 王和平, 柳长安, 李为吉, 基于敦祥等法的无人机任务规划[J]。因北下亚大学
- 学校、2005、23(1):98~101. 「30 | 李十男、杨芹、基于夜遊旅游等技的起號与洋航漆规划[J]、学航学报、2007、28
- [31] 罗德林、茂海滨、吴州洋、等。基于启发式放弃等法的协同多目标或由空战决策 研究(1)、数型空报。2006、27(6)、1166~1170.
- **第5.12 | 新空下班: x006 ; 27.60 ; 1106 ~ 1170, [32] **名, 思世春, 林阜, 源于奴将挥出的发合行法及其在边域推定分析中的应用 [1], 带上下原金据, 2004, 26.60 ; 401 ~ 604.
- [33] 贺兹用、旅標刊、连续的東坡群使化算法的构建及其有下榜效化过程中的应用 11. 44下學用、2005、56(2)、1708~1715.
- [34] 何嘉葉、石峰、周怀北、改进的核群算法在 2DHP 標準中的应用[J]. 武汉大学 学報、2005, 51(1), 33~3k.
- [28] 霍军周、空广强、两张主、等、人机结合叙得/途传算法及其在卫星舱布局设计 中的应用[J]。机械工程学报、2006、41(3)、112~116。
 - [36] 股幣鎮、三道號、冀尚学、等、基下較群策號的PID 参数优化[J]. 此双大学学报,2004,37(5);97~100。
- [37] 股海滨、三道坡、于青井、基于改道放射算法的飞行的或转台的控制优化[J]、 中国空间科学技术、2007、28(4):36~43。
 - [38] 李上明、蚁群算法及其应用[M]、哈尔滨、哈尔滨 L·北大学出版社、8004.
 - [39] 段海滨、蚁群等法领理及其应用[M]、北京、科学出版社、2005.
- - [42] 任定件、智能优化方法[M]、北京: 高等教育出版社、2007.
 - [43] 张军, 计算管键[M], 北京, 清华大学出版社, 2009.

- [44] 段階級、仿生智能計算[M]、北京: 科学出版社, 2011.
- [45] David L, Poole. Alan K, Mackworth. 人工智能: 计算 agent 基础[M], 北京: 我被 自事出版社, 2015.
- [46] Millonas M M. Swarms. phase transitions. and collective intelligence [M]. Langton C G.ed. Artificial Life [] Rending. MA: Addison Wesley Publishing Co. 1994.
- [47] 柯貝平、冯祖仁、冯站静、有限级信息素蚁群弊法[J]、自动化学报,2006,32 (2),296-303
- [48] Liangiun Ke, Zuren Feng, Zhigang Ren, et al, An ant colony optimization approach for the multidimensional knapsark problem[J]. Journal of Heuristics, 2010, 16(1), 45-483.
- [49] Liangjun Ke, Claudia Archetti, Zuren Feng, Anta can solve the team orienteering problem [1]. Computers and Industrial Engineering, 2008, 54(3), 648-665.
- [50] Liangjun Ke, Zuren Feng, Zhugang Ren, An efficient ant colony optimization approach to attribute reduction in rough settleory [J]. Pattern Recognition
- Letters, 2008, 29(9), 1351~1357,

 [51] Liangiun Ke, Qangle Zhang, Roberto Battiti, MOEA/D-ACO, A Multiobjective
 Evolutionary Algorithm Using Decomposition and Ant Colony [J.], IEEE
 Transactions on Cybernetics, 2013, 43(4), 1845~1859,
- [52] Zhang N., Feng Z., Ke L. J., Guidance solution based ant colony optimization for satellite control resource scheduling problem(1). Applied Intelligence. 2011, 35



蚁群优化方法概述

2.1 蚁群算法的思想起源

類似作为。——神心反乱,其你物理保行为几有世界高的作性、高效。 提出、特殊的在发生和物理的运动并让一种一种分别或自然的特别。 这些特别是一条的小线点。由于特权的长序位于几度对策等更多的 纳。而且是影響的特別交列。而是现象的使任何企业特别的分布。 在于特化的线点。转让可以成功的标准。由于这种的有效的一位, 有于特化的线点。 等是可以成功的一位的线点。 特性可以成功的转形。 特性的线点。 特性的线点。 "是一个人员工的线点"。 "是一个人"。 "是一个人

1989年.Gross 等^[1] 利用一群蚂蚁做了如下实验。在奴穴与食物源之 刺烟度二分支撑。每次移动时.蚂蚁只能选择两个分文之一往返于纽穴与 食物源。实验观察发现.在视短时间内.大多数蚂蚁综合选择路径较短的 矫.川且蚁群选择每分分的概率随着两个分之之间的长度比极增加耐度. 随后,Dorigo 等¹⁸ 所有關目之 經濟的效果%。 图中 A 及較次 E 是 会物後,HC 为 · 福時時,與在沒有報告的时候。可以確定如同2-(16) 所 不協任例這位物數。但是由于與兩份存在。或以以經是 H 或 C 由 A 到這 E (而 2-1 (b)),以熱径流母之光泡分过的物效需;你们自意采度的影响。 后 也边的海径就一制或化比上语下的信息来强度减,3%将使更比他明较起新的模 中域角。指在自然影響的展生,特效和的下选者在边边海径位至-1(c))。



图 2.1 新载笼套编辑隙得示意图



图 2 2 概想化图点

在 (一1 时刻, 将有 20 只蚂蚁由 B 和 D 剪达 C, 有 10 只蚂蚁由 B 和 D 到达 H(图 2 2 (c))。随着时间的推移,蚂蚁会以越来越大的截率选择路径 BCD. 最终完全选择路径 BCD,从面投到由数穴创食物源的最短路径。

- 受其实蚂蚁竟食行为的附发,Dorigo等开创性地提出了似料算法,其基 本思想是利用一群人,到蚁酸视真实到蚁的宽食行为走解问题。人工蚂蚁 相真实蚂蚁既有联系又有区别¹⁷,通过比较两者的特点,有助于了解蚁群算 结的工作机理,蚂蚁群就挂的研究也有一定的指导愈义。
- 人工蚂蚁绝大部分行为特征来源于真实蚂蚁,它们的共同特征主要有 以下5点。
- 人工蚂蚁和真实蚂蚁都是一群相互合作的个体
- 它们可以通过全局范围内相互合作按出问题较好的解。虽然每只人工 蚂蚁构造可行解的行为往往比较复杂,但是高质量的解也是整个奴群合作 的结果。
 - 2) 人工蚂蚁和真实蚂蚁都通过信息素进行阿拔通信
 - 在实现在分型的操作上联节员联系。每人下跌发发更用处理操作。 结构物资等后。这就已是于现象性制度的更多的特别。但目时 就以后边过期外使制度能力。我们就这些方式完全了了增入上即规则 是过的海线周围的环境。同时也改变了整个故障亦存他的历史完息。另外, 就算是中华在一个行政条件发展。它被成立等是发现,这种成立的 点案。再发现料提升人工转发中间来到现一个中国基础定位应该部分 。从间度人工规定是对特别是两个一个可以推广之间的现象。
 - 3) 人工蚂蚁和真实蚂蚁都利用了正反馈机制
 - 人 Esse從真实與或是有行外的信息。相同了正反視而則自己學化則 約2個信息性序於:implicit solution evuluation)¹⁷,解的隐性评价意思。 游校数如可以接換機化。工程保险法、从高位效的防护心计以接收更多的信息表 。而正反信息申者衛祉超越到信息素地多。从有被更多的解放选致的 可提付權人。如果合理利用。正反而引以或以事于轉移的优化等法的一个 有物組成。但是心理由了物的口类的现象分。
- 4) 人工期報和查实期級都有一个共同信任券,并且只能局部移动 人工制裁与查实制級有共同信任务,即一根连接起点,城穴,到终点(查 物源)的最知(最小代价)路径。查实制級不能挑跃,它引り继在相邻区域内 行志;据人工制程由只能一步步驰沿着向面的相邻检查结选。
 - 5) 人工網報和真实網數都乘用腦机的、近视的(myopic)状态較移策略 与真实網較类似,人工網報在构造解財按照一种隨視決策策略在相邻

北态间移动,而且它们只是利用了局部信息而没有利用价值性预测未来块 态。因此,它们所采用的策略在时间和空间上都是局部的。这个策略既与

国际经存生验信息有关,又与由规则引起的环境局部改变有关。 人工蚂蚁还具有真实蚂蚁所不具备的行为特征,主要有以下几点:

(1) 人工邮税生活在一个函数空间中,它们的栽造总由一个高效效态。

到另一个离散状态的跃迁,而真实蚂蚁是在一个连续的空间爬行。

(2) 人工蚂蚁具有一定的记忆能力,它能保存蚂蚁过去的状态。而真 宝蚂蚁没有表现出这方面的能力。

(3) 人工机模移放信息者的过程可以依据具体问题证定,而在它组织 基在移动的同时释放信息来。

(4) 为了提高系统的优化性能,人工蚂蚁可以增加一些额外的本领,如 假测能力,局部优化,回退等。而这些本领基直宅蚂蚁所不具备的。

总之, 叙群算法是真实奴群是食行为的一种抽象。同时, 为了能有效解 协定际优化问题, 它配予了人工组织一些自宅组织所不具备的本领。

2.2 蚁群算法的基本框架

在文献[4]中, Dorseo 和 Caro 给出了一个针对组合依依何原的权群等 法基本框架。组合优化同题通常可以由《元组(S, f, D)表示,其中 S 是解 读解的集合。/ 是目标调整, 就下任何, 正名在目标调整值 (1.1)。 自是约束 条件集合、其优化目标是过核全局最优可行解。

他会保存的现代S, C, (2) 可以除处为具在如下物证的问题。

(1) 有限集合 z (c, c, m, cw) 表示优化制度的组成元素 (component).

(2) 根据所有的可能序列 z < c, c, , · · · , c, , · · · > 定义问题的有限状态 整会 v, 其中 c, c, , m, c, 是 c 的 元素、序列的长度空文为 r, 表示序列中 元素的个数,序列长度的最大值1<200。

(3) 校选解集合 S 是有限状态集合 y 的子集,即 S⊂y。

(4) 可行状去集合 y□y,由满星约重条件集合 Ω 的序列 1 € y 构建。

(5) 非空集合 S' 是最优解组或的集合 S' C ≠ 且 S' C S.

通过以上描述。组合保化问题可以通过图的形式表示为 G (C.L), 其 中,2表示结点集合,1.表示所有结点的连接弧集合,从面,特求解的问题转 化为在一个图中搜索最小代价路径问题。问题的解对应于G上的可行序列 (可行路径), 它的最优解图为 G 上满足约束条件的最短路径,即目标或数

的最优解。



2.3 基本蚁群算法及其典型改进算法

蚂蚁系统(AS)是最早的效群算法。也是基本数群算法。此后,人们提出了许多改进的蚁群算法。包括蚁群系统(ACS)^[1]、基于排序的蚂蚁系统^[1]、最大最小蚂蚁系统(MMAS)^[1]等。它们与AS的主要区别在下状态

转移规则和信息素更新规则的不同。其中、ACS 和 MMAS 是两类应用广 泛的奴群算法、本节先分绍 AS、然后介绍 ACS 和 MMAS 的工作原理。其 他算法参见文献[8.9]。

为使「视明这样结结的基本规则。在全部推计高问题(TSP)、TSP 的图论描述题下、指定。个结点《与小结点代表一个域》)和连波结点的弧 设心均均离合 E-对付置。(N.)(P.)、(I.),O-E-用。《表示视验的恢复, 域而;每 J 之间的效离、TSP 问题故是存旧。(N. E.) 中收一条最短的 Hamilion 网络,则用四路《经过每个结点一次以上一次、从天使发为规论的 会级长来资格。在数据等及是效量中、TSP 常用等设计通

2.3.1 基本蚁群算法

在基本蚁群算法中,人工蚂蚁具有以下特征;

(1) 蚂蚁在城市;根据信息素和启觉信息选择下一个城市;。

(2) 在从城市:到城市;移动江程中或是在完成一次循环后,蚂蚁在边 (1.j)上释放一定量的信息素 (1.j)。

(3)为了满足问题的约束条件,在一次循环中,不允许蚂蚁选择已经访 间过的城市。

下面给出基本叙得算法的状态转移规则和信息素更新规则。

1) 状态转移规则

在初始时间: 所戴随机选取一个结点: 然后蚂蚁从一个结点移动到另一 个结点: 直到经过所有的结点。 设第《只蚂蚁当前所在的结点为: , 别从该 结点转倒结点; , 的解来为

$$p_{q} = \begin{cases} \sum_{\substack{i \in (i,j)^{s} \\ i \in N_{k}^{i}}} e^{-(i,u)^{s}} \cdot \frac{\eta(i,j)^{s}}{\eta(i,u)^{s}}, & j \in N_{k}^{i} \\ 0, & \text{33.6b} \end{cases}$$
(2-1)

其中 p(1.)) 是弧(1.)) 上的自效信息。在 TSP 问题中 p(1.)) 一般造取为弧 核的钢弧、N. 是由所有未经过的点组成的集合。a.身分割表示信息素和信 发信息相或是参数 它们即则 (1.)分 m (1.)力 在决策中听占的性策、由 次(2.1)可加。那些具有较多的信息素且较短的弧度,被选择的截率较大。

2) 信息素更新规则

经过==1次选择,與放完成一个回路,也就是问题的 个可行解。当 與放假路返回時,在C解於是的假稅上額下信息素,用 Δ-克泉亦等人 只賴飲 在獲役(G,j)上的释放的量,它的取值与相同的可行得了,聚能有关。设 L, 表示该則認所必账,要然 L, 量於 本的所靠維軟,在解於是的領徵上報序。 的信息者入心線大、任食媒致行, () 上信息者的总改变量为

$$\Delta r(i,j) = \sum_{i=1}^{n} \Delta r_{i}^{k}$$
(2.2)

Ects on 15-60 or 85

根据具体算法的不同。△式的表达形式可以不同。Dorigo^[1]管给出3种 不同的痕理:分别为 Ant Cycle System, Ant Quantity System 和 Ant Density System。

任 Ant Cycle System 中, 公式力

其中 O 为营数: /。表示第 / 只蚂蚁在本次循环中疾走路径的长度。

在 Ant Quantity System 中, Art 为

Ant Density System #1. Art 3t

局向解散符 为an Cycle System 對以別在下海域与走一步都要逼着后息 素的温度。而未是等现所有剩款完成一个新的构造以后。在 Ant Quantity System 中· 信息素徵取品增量 为 Cycle,或可用量分别最重估 之间现面的或 小伯灣大。在 Ant Density System 中· 从城市/ 到城市/ 的時效在路径上释 成份后是承级股是一个与旗长及关的常数点。Ant Cycle System 利用全局 信息服务自然。全企未被下写时间的影響的影像好。

此外,基本级群算法引入信息素挥发机制。设信息素的保持系数为 p. 则信息素挥发系数为 1 p. 信息素接式(2 6) 网络

至此一次进代结束,进入下一次进代。 重复进行上述过程,直到满足某 个停止条件则算法停止。

研究表明,基本解析软法具有以下依占。

(1)具有较額的全局搜索能力。在算法中。一群蚂蚁避过相互涂作来 更多數值原环境。以表得更好的性能、利用助政群体而不是单只蚂蚁、投得 等法投资全局最优解的概率增加,另外。使用概率规则而不是确定性规则 根导姆索,依明算法有可能离离局服局处。而传给使化算法对制度,沒代表。

长轻愉喊,一口陷人局部最优好得难离弃。

(2) J. 在海库布的开行中,所有有效同时往处地在都空间中提张上常 适合于并行实现,因此它平衡;此一种高效的并行搜索等法。一方面则效 的搜索行为发验立点上的。不需要剩中原制。另一方面。都使一只表示几乎 频效能由不好的选择。基个或群系统的预能够保持正常功能。这种分布式 再行提出太上的重要特化性的的证明。由他可以

- (3) 在优化过程中不依赖于优化问题本身的数学性质,如连续性、可导性以及目标函数和约束条件的精确数学描述等。
- (4) 具有学习能力,在复杂的、不确定的、时变的环境中,通过自我学习不断提高蚂蚁的适应性。

但是,基本或群算法存在以下缺点。

- (1) 当遗转就等用法、该算法、规密被保护的规范制用。这是限为 数群中个体的移动是随我的。我然通过信息价变流够的有意况路径进化。 但是当即继续模仗人时。很难有效如何向身处危足之的的器价中就十一条 经好的粉色。据物的地层过度也会应用大量的计算时间。这一些点是被帮 算法本身快速的。根据有年级上的效遇,但可能以采用局部便紧等方法要高 算法会投性。或少等进度索明高度的时间。
- (2) 等品间保护再集品、外海粮金品间等混造需要,定便但后,有 付款金品额品面等。以我不相当使不知意可。 有的数本而是一个。 品面标识面在应来和压力的混合物。由它是果面说明一名。未被集成 的低势与含合化物的保健和心。应是根据的原料等是人。它得成品 特的原本或者非常小。从何外军法。由于国际有益是果实种的负责的 是有行程生。使用面。是要规则明显了正正证明本有一些种理观象还 并为太阳重先的一个不足之处。用血在其由的非常还到。请要等于专业 普遍的报准《回报》的。
 - (3)有典优化问题难以用构造图描述。虽然构造图在一定程度上扩展 了奴群算法的应用范围。但许多较复杂的实际问题仍然难以用构造图描述。

2.3.2 蚁群系统

奴群系统是 Dorigo 和 Gambardella 产1997 年提出的, 蚁群系统与剩蚁系统主要有以下不同之处。

1) 状态转移规则

在ACS中,状态转移规则如下,一只位于结点;的蚂蚁按照式(2 7)给 由的规则选取下,一个将要到达的城市;,

$$j = \begin{cases} \operatorname{argmax}_{a \in I(0)} \langle \tau(i, u)^{a} \eta(i, u)^{b} \rangle, & q \leq q, \\ S, & \text{if b} \end{cases}$$

其中,q是一个[0,1]之间的服从均匀分布的随机数,qc Ⅱ一个参数(oc € [0,1]),S 最按照式(2 1)给出的概率分布洗出的一个随机变量。J(i)是可 洗燥市集会.

式(2-7)给出的状态转移规则称为伪胎机比例状态转移规则(pseudo random proportional state transition role), 这个流色转移规则,与式(2.1) 给出的随机状态转移规则(random-proportional state transition rule)一样。 都倾向于选择经短的日有较多信息素的边作为移动方向、参数 5. 决定了 模型和开发的相对音器性。当一目位下线占了的枢控物解决(2.7)给水的提 则读取下一个称要到达的城市;时,它先产生一个随机数 0 < σ < 1; 如果 prin.,使提出(2.7)洗取最好访,而解按图式(2-1)洗取一条访。

2) 令局信息素質經過庫

在 ACS 中,只有全局最优的蚂蚁不被允许释放信息素。这种策略以及 伤筋相比例规则的依旧,你告职权其在证券的开发作力, 假权的现象主要 集中到当前选代为止时所找出的最优路径的邻域内。在每只蚂蚁都构造完 一个解之后,全局信息表更新规则按照下式执行。

$$\tau(i,j) \leftarrow (1-\omega)\tau(i,j) + \omega \Delta \tau(i,j)$$
 (2-8

$$\tau(i,j) \leftarrow (1-\omega)\tau(i,j) + \omega\Delta\tau(i,j)$$
 (2-
 $\Delta\tau(i,j)$ { $(L_{\phi})^{-1}$, $(i,j) \in 全局最优路径$ (2-
 0 , 批他 (2-

长由,,,, 具位自要挥发条数(0~~~1), L,, 具全量量使数径长度。 由式(2-8)和式(2-9)可知,只有用些属于全局最优路径的弧段上的信 真實才得到辦事, 今島更新規劃的另一个黑用县用当的基件的景化餐更新 信息素。在这种策略中,式(2.9)中用当前进代的最优格径长度 La代符 L., 并且只有属于当前迭代的最优路径中的弧线才会得到增强。 宝脸表 期,这两种类型对效群系统性能影响的差别很小,全局最优的性能稍好

-#:. 3) 局部信息素更新規則

在构造解时,蚂蚁应用式(2 10)给出的局部更新规则对它们所经过的 边更新信息素:

$$r(i,j) \leftarrow (1-r)r(i,j) + r\Delta r(i,j)$$
 (2.10)
由中, $r(0 < r < 1)$ 是一个参数。

室岭表期,当 $\Delta e(i,i) = e$, 时(其中 e, 为一党教), 算许能在使物的时间 内获得较好的解。特别线,在TSP问题中,r. (vl.,)-1,其中 L. 是由最近 邻城启发算法求得路径的长度,n 是城市的数目。

4) 解释系统采用使改表策略

超爾基提一等特惠克國報告。在每一步、與果賴效在是終于一个地 如計量額所有了新遊走。我等每股期的計算基金世末。方在編在數 系統的指案故事、特別是由于較大規模的问题、数都系統年期製造表案場。 機能表達。一个本。已近本共同報道市及與計學程度高與減率;preferred には此。,只要就是如此在人名力过去域。由或就会改成就会转移限期 从被改進中改集一一全成。。對改造中的所有城市都被的同过时,则似不 今集化有限組入的城市。

2.3.3 最大最小蚂蚁系统

Statute 和 Hoos 在 2000 年提出 MMAS。它与 AS 的差异主要体现在 信息素更新规则上。

1) MMAS采用糖基等的来更新信息素

 信息素取值限制在胚列[r_m,r_m],其中 r_m,r_m分别是信息素下界 和 !: 與

MMAS通过将超出这个范围的值强测设置为 Teas 成 Tosts, 避免不同弧段 的信息强度差异过大,从而达到避免停滞的目的。

3) MMAS将信息素初始化为 tan

在 MMAS 中,信息素的值在第一次选代之后看被设置为 zm,(1)。这 一点可以验证综信息素的助值值设置为某个事实大的数值来实现。这种策 熔使得明核在算法的初始阶段能够具有更好的探索能力。实验表明,它能 改革管准的研修

4) MMAS 还利用信息家的平滑机制提高其性能

当 MMAS已经收敛或接近收敛时,这种税勒将信息累作如下调整:

 $\tau(i,j)^* \leftarrow \tau(i,j) + \delta(\tau_{max} - \tau(i,j))$ (2-11)

近中,O-C>C1、(イ),Dラ(イ),D) 型信息展開衛報的信息素像。信息条件 同程期間条本原型を超过期度採信息素便於一時期と度的原文素的集構的信息。 20、20-14、C相同于信息素的条約時代。由了ショリ、現場前交 作用、 予報者的方と資本業の方を無効化。由了ショリ、現場前交 が用用、 予報者所分と資本業の方を集業の機能を表し、列による使用で提案 MMAS 付息素子用微性素化。有件上位へ与最間内理索基的列に

2.4 蚁群算法研究现状

自 1991 年 Dorigo 等据出级群算法以来^[10],特别是 1996 年 Dorigo^[2]等系统制送了级群算法的基本协理和数学模型之后, 蚁群算法偷受关注,取得了大量的应用与理论研究成果,

2.4.1 蚁群算法的应用

奴群算法在动态组合优化问题中一个最成功的应用是网络路由问题(15-56)。这主要是由于这类问题的内部信息和分布计算、随机动态以及异步网络经水更新等终环与促进算法的纷纭医积级和红。

提出, 体解空间预分离差千子域, 根据信息最表电解解在的子域, 依后在该 子域内已有的解中确定解的具体值。杨勇等[8] 最出一种求解连续空间优 化问题的解散算法,该算法主要包括全局接偿,品值搜索和信息素保度更新 规则。在全局搜索过程中, 蚂蚁的移动方向由信息案保度和启发式或数确 空,在层层推索过程中,采用确定性指索改革等注注使性能,加性的效准 事。李艳对和吴铁军[21]用二进闸对每个连续变量编码。然后让蚂蚁在高散 域搜索, 汪儒等[8]将叙群算法引入连续它间的函数寻优问题,通过将传统 轻稍算法中的"信息是很存"过段拓展为海线空间中的"信息量分布函数"。 导出了相应的求解算法、但志例等(**)保留了连续问题可行解的原有形式。 其融合简化算法的种质与操作功能, 他们将被理分为全局和局部机构, 个 体分别执行全局探索式和局部校测式搜索,并释放信息素,实现信息共享。 利用正反領机制以加速才优进界。宽晓丽和刘三阳(四)将解空间按一定原 到分解成离散子空间, 绑权在离散子空间搜索, 并且用改进的 Alopex 算法 对蚂蚁搜索得到的解进行修正, Socha 和 Dorigo[77]提出了高微域中蚁群算 体的一个直接推广, 比基本思想是利用概率服度或数(probability gensity function) 特代高散域中的高散模率分布, 蚂蚁依据概率密度函数进行抽样。 路海海(30)提出了一种用于北峡沟线空间使化间期的边边被群镇块,将 连续空间优化问题的解底量分解或有限个网络,同时构造了一个与蚁群 轻积极水相关的评价函数,让借助相调转必须或对较严禁法律行了办准。 终信息素数量限制在一个有界区间,以提高改进收群算法的全局收敛 PE 66 -

2.4.2 蚁群算法的改进

针对基本级群算法的不足。国内外学者深入研究了信息密释放方式、信息密更新规则、路径选择策略、参数的选取以及并行实现和计算效率等。并

且融合其他算法改进基本奴群算法。

1) 信息収释放方式

当AS应用对TSF问题中,则以项用边(cdge)根式释放信息素。即将信息 基本释放创出。。据寄研究基础的信息系称数、证在名人(cventa) 相同(clique)根式(可等,与这几种方式相对位、信息素分别表征边。点和因 的偏价。实验表明。中析不同问题。合理地连款信息素释放方式和于算运作 信有着重要影响。

2) 信息素更新規則

蚂蚁的信息素强度,从面间接改变蚂蚁间合作方式。

3) 路径选择策略

類核結構物的代表影響的解解解。Dorge M Gambardell¹¹¹ Gally 比較化多种基础的原理。是所 F Gam Liell (R) 50 种类似于 P Gambardell¹¹² Gally Endom-proportional state transition rules)。它提供「一种优级的压力。 新特性的解释和实验和比较 Liell R M S Gambardell¹¹² Liell R M S Gambard

4)参数的选取

使解节机的参数系形成其物的基础计算效率次温制度。目前向近 在常务间度地位于一级规则运输上的。由error 以及,以及其结合制 构资出向互用部件度。 Bose 29°一周查得有比点中的分量。 有点上位在规则。 Bose 29°一周查得有比点中的价量。 的后了每点从来回,一块金砂一般用模型在反应中间接到分量。 另外对金壳或是原则,一块金砂一般用模型在分型化均匀的可能分离。 是分别发金壳或是相比性,因为由于显现²⁰⁰一条件在现代的可能是有效化 较少性的类似性性性,因为由于显现²⁰⁰一条件在间间的分量。 较少性的一种形式,但是是是一个一种形式的反应。 一种中枢,但是是是是一个一种形式的反应。 一种中枢,但是是是是一个一种形式的反应。 一种中枢,但是是是是一个一种形式的发现。 一种中枢,是是是是一个一种形式的发现。 一种种化,是一种形式的发现。

5) 与其他算法的融合

局部搜索常用来改資奴罪算法的悖能^[12]。 蚁群算法执行一种棚搜索、 它为局部搜索提供好的初始解: 反过来,局部搜索这种精搜索又有助了避 免权群篡法陷于局部股保焊。

的命文章子,竟然²⁰¹⁰地址了一种简单数就算怎么。41旬年5年年代美国报明 新编辑。 2019年5年,用人或规定进步,发现期间有关的一块是型设 者如新加坡相思。之业(5-6-6) 国家鲜新达和种地间积积的。41旬中20年 同于还规模组。加坡联联市技术会心能成功。41億一年的是一条令令 网络国际人和超级分元的规则。 位之规²⁰¹⁰时间下有营造产则料度程度 的网络整造中,在成了化是次率中引制度。 文组写示的 的与网络型点,并是一个大型。

6) 并行实现和计算效率

與他也會分別²⁰但是有了并沒有解於中央權利的信息交換的研修於 於。但符合學經歷報度自在與兩種外數學與可以并含在企業和概定 也素的企局更新。他们还提供了一种确定处理机之同进行信息交流的时间 的策略。可能模煳的分面特色用语或编辑它自发变而时间。3平衡分别 被受職者期前分析。在影片,在信息变换后,是用度点的现象体 每。根据自直来的与自发进行信息来的更新。这些规程を早熟构造的效金的 目的。

展近·無係请和魏平⁽³⁾提出了一种二进制蚁群等法。这种等法采用二进制编码。由下这种算法对单个蚂蚁的智能行为要求比较低、对应的存储 空间和对数少。从前提高了算法的计算效率。

2.4.3 蚁群算法的理论研究

虽然蚁群算法在应用上取得了丰硕成果。但蚁群算法的理论研究还主要集中于算法的政治性和随相模型等方面。

Gutjahrⁱⁿ 用 Markov 过程情述了一类奴群算法 GBAS, 并且证明了其 收敛性。Stutale 相 Dorigo^(a)证明了一类奴群算法 ACO_{dera}, 的收敛性。在 虎尾庙上,证明了两类具有代表性的奴群算法即蚁群系统和最大最小蚂蚁 投海就等^[51]以 Markov 被和高限解件为研究工具, 对基本或继算法收 效性问题进行了理论证明, 把最优解集序头转变为下额序列与在或留信息 累线逐向量的收敛性, 环且给出了基本或群算法占法时间的定义, 从理论上 分析了基本或群算法官议对法则间的期望值。

值制指的是。Blum 和 Dorigo¹¹ 甲烷了核青鲜生的提來编句 (search bleat, 行对商化的构成系统。研究了第一、第二类数编例框、分析了每十 带新版(comperition blance system) 与第二类数编的表。然们是设料了 竞争年高线、可能不会出现第二类数编、询对于非竞争于新系统。可能会 发生第二类数编

2.5 小结

本章讲述了蚁群智能优化方法的生物学思想起源,给出了算法的基本 框架,并且给出了3个蚁群算法优表。最后,从算法应用,改进与理论研究3 个方面总结了国内外重要的研究成果。

参考文献

Hill, 1999, 11-32.

- [1] Goss S, Aron S, Deneshourg J.L., et al. Self-organized shortcuts in the Argentine ant J., Naturwiseenschaften, 1989, 76,579~561.
- [2] Dongo M, Mariezzo V. Colorni A. Ant system: Optimization by a colony of ecoperating agents[J]. IEEE Transactions on System Man, and Cybernetics; Part B. 1996, 28, 29-41.
- [3] Dongo M, Caro G Di, Gambardella L M, Ant algorithms for discrete optimizatio[1], Artificial Life, 1999, 5(2), 137~172,
- Artificial Life, 1999, 8(2), 137~172.
 Dongo M, Caro G Di, The ant colony optimization metaheuristic(C). In, Coroc D. Dorico M. Glover F. Ed. New Ideas in Ostimization. London. U.K. McGraw
- [5] Dorigo M. Gambardella L M. Ant Colony System, A Cooperative Learning Approach to the Traveling Saleseram Problem [J]. IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 1997, 1(1): 83—64.
- Evolutionary Computations 1997, 1(1), 53—60.
 [6] Bollahrimer B. Hardl R F. Strauss C. A new rank based version of the ant system; A computational study [J]. Central European Journal for Operations Research and Economics, 1999, 7(1), 25—28.
- [7] Stötule T., Hoos H. H. MAX MIN ant system [J]. Puture Generation Computer Systems, 2000, 16(8), 889-914.
 - [8] 李士勇、蚁群算过及其应用[M]、哈尔滨、哈尔滨 [·业大学出版社, 2004.
 - [9] 美海原、装用等压缩序及其定用[M]. 北京、科学出版社, 2005.
 [10] Colomi A. Dorigo M. Maniezzo V. et al. Distributed optimization by ant colonies
 [C]. Proceedings of the 1st European Conference on Artificial Life, 1991, 134~
- [11] Costa D. Hertz A. Anis can colour graphs [J]. Journal of the Operational Research Society, 1997, 48: 265—205.
- [12] Gambardelli LM, Taillard ED, Agazzi G, MACS-VRPTW, A multiple ant colony system for reblele routing problems with time windows CJ, Come D, Dorigo M, Glover F, EJ, New Ideas in Opt.misation. London. U K, McGraw Hill, 1999, 43—76.
- [13] Merkle D. Middendorf M. Schmeck H. Ant colony optimization for resource constrained project scheduling [J]. IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 2002, 6(4), 333-346.
- [14] Solom C. Ants can solve constraint entisfaction problems[J]. IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 2002, 4(4): 347-257.
- [15] Lessing L. Damitrescu I, Sultale T. A comparison between ACO algorithms for the set covering problem[1]. Lecture Notes in Computer Science. 2004. 3172; 17-19.

42 教群智能优化方法及其应用

- [16] Korosce P. Sile J. Robie B. Solving the mesh pertitioning problem with an ant colony algorithm [11]. Parallel Computing, 2004, 30, 785-801.
- [17] 泰玲,白云,章春芳,等。第01章候问题的奴群等法[J], 计算机工程,2006,32 (6):212~214.
 - [18] E轉, 辦何英. 种格干效群算法的多媒体网络多摄露由算法[J]. 上海交通大 字字报, 2002, 36(4), 526-529.
 - [19] 陈淳,杨你仁,矢事司,等。据于明分绍/合并策略的 QoS 多插路由方法[J]。国 龄科校大学学报, 2007, 29(2); 117~122。
- [20] 条约、原蜕、周月贵、等、一种基于较群系处的组摄路由算法[J]。信息与控制。 2006、35(5)。549~556。
- [21] Bilchev G. Parmee I C. The ant colony metaphor for searching continuous design spaces [J]. Lecture Notes in Computer Science. 1995. 993; 25~39.
- [22] Dreo J. Siarry P. Continuous interacting ant rolony algorithm based on dense hoterarchy [J]. Future generation computer systems. 2004. 20;841~856.
- [23] 蘇峻,沈清,备時,較青鲜法求無差執空何优化同盟的一种方法[J]. 教件学報, 2002,18(12),2817~2323.
- [24] 杨彦、宋晚峰、王建玉、等、蚁程算法末部还结空间优化同题[J]、控制与决策、 2003、18(8)、573~574。
 - [28] Li Y J, Wu T J, An adaptive ant colony system algorithm for continuous space optimization problems [J]. Journal of Zhejiang University-SCIENCE. 2003, 4 (1), 40—46.
 - [26] 托錫、吳启廸、峻群等法在系统聘职中的应用[J], 自动化学报, 2003, 29(1), 102~109.
 - [27] 松上闸、陈修钊、头框学、连续板群化化算法的研究[J]、浙江大学学报、2026、 39(8)。1147~1151。
- [28] 庭桃輔、刈三期、一种水解洒缔优化的榖脊提合算统[J]。西安电子科技大学学报、2006、33(5),745~747。
- [29] Socha K. Dorigo M. Ant colony optimization for continuous domains [J.]. European Journal of Operational Research. 2007.
 - [20] 段陶滨,乌湿军,孔道拔,等. 种求解选被空间统化问题的改选解群性([]]. 系统的真学报,2007,19(5),974~977.
- [21] 张秀裕, 我的中, 多目标故处问题的数群等这研究(J), 控制与决策, 2005, 20
 (2), 172—176.
 [32] Doemer K, Gujishr W J, Hartl R F, et al, Parco ant colony optimusation with
 - II.P preprocessing in multiobjective project portfolio selection [J]. European

 Journal of Operational Research, 2006, 171, 810—841.
 - [33] 胡簌、贯城、刘远恒、陕户级再算法的多QoS约束海研数据网格任务测度[J]。 华中科技大学学报,2007,35,90~93。
 - [34] 刘士蔚、宋餘海、周山长、热虬带保虬制液量计划优化模型及算法[J]。控制理 论与应用, 2007, 24(2); 243~248。

- [15] 撰寫仪、釋的也、除存露、等、其下最小期準投資物質的處作的東東國及也規划
- 方法[J]。上海交通大学学报、2005、39、27~31。 [36] 和育、吴铁军、水解复杂多阶段决策问题的造态窗口级群优化等法[J]。自动化
 - 学展、2004, 30(6), 872~879.

 [37] Fenet S. Solnon C. Searching for maximum cliques with ant colony optimization

 [J], Lecture Notes in Computer Science, 2003, 28(11), 221~202,
 - [38] 原則力。杨家本、自适定調整信息素的解释算款[J],信息与控制,2002。31(3), 108~201。
 - [30] 蘇峻, 此前, 备岭, 等, 基下均匀分看度的自适证解群算法[J], 软件学报, 2003, 14(8), 1379—1387.
 - [40] 蘇峻,從清,奉吟,等,具有感觉和知觉特征的旅游算法[J],系统信息学展, 2003, 15(10),1418~1425.
- [41] 黄田悦、青光彤、上版故、杜子信息來扩散的報解算故[J]、电子学报,2004,32 (5),865~848。
- [42] 整元格, 尹宝勇, 某于信息来并亦更新的蚁群算法[J], 果姚 ! 程与电子技术, 2004, 26(11); 1630~1683,
- [43] 都晉, 石文宝, 周家店, 具有脑机状动特性的蚁将算故[J], 仅各仅表学报。 2031, 29(4), 346—343
- [44] 李万庆,李彦告,求新复杂优化问题的基于信息值的自适应数据算法 J]、数字的定题与证据,208,35(2)。134-139.
- [45] E. 前,宋爱国,黄榷, 基于Bayes 淡蒲的蚁群忧化算法[J], 东南大学学最, 2006, 35(4), 568~562.
- [46] Botse H M, Borabissu E, Evolutionary ant colony optimization[J], Advances in Complex Systems, 1998, 1(2), 149~159.
- [47] Zeechin A C. Simpson A R. Marier H R. et al, Parametric study for an ant algorithm applied to water distribution system optimization [J]. IEEE Transactions on Evolutionary Computation. 2005. 9(2), 175~191.
- [48] 玛涵静. 游林排詞就群算就是其在兩權分割中的应用[D]. 哲实, 西安全議大 学, 2004.
- [42] 段驾纵、三道波、蚁将箕边的全局表做性舒克及改进[J]. 系统工费与电子技术。
- 2004, 26(10), 1506~1509, [50] 郑桂华,于森林, 动态分阶段级群算征及其收敛性分析[J], 控制与决策, 2007,
- 22(6): 685~688.
 [51] Brattari M. Stittle T. Paquete L. et al. A roring algorithm for configuring metaboratorical C.l. Langdon W.B. et al. ed. Proceedings of the Genetic and
- Evolutionary Computation Conference (GECCO 2002), CA, Morgon Kaufmann Publishers, 2002, 117–18, [52] Pelagrini P. Favraretto D. Moretti E. On MAX. MIN ant system's parameters [C], Darigo M. et al., ed., ANTS 2004, Lecture Notes in Computer Science, 2004, 41(5), 203–244.

- [53] Dorigo M. Stützle T. The ant colony optimization metaheuristic: algorithms applications, and advances C. L. Glover F., Kochenherper G. Ed. Handbook of Metabeuristics, MA: Klower Academic Publishers, 2002; 251-285,
- [54] 丁建立、陈增强、直著社、遗传等法与蚂蚁等法融合的马尔可夫收敛性分析[3]。 自动化学提、2004、30(4)、629~634。
- [55] 吴庆饯、张纪会、徐心雅、具有变异特征的蚁群算法[J], 计算机研究与发展。 1999, 36(10), 1239~1245.
- [56] 旅傳, 重杂交算子的解释优化算法[1], 计算机 [程, 2001, 27(12), 74~76,
- [57] 从市、广南加、河南政、等。一种新原料设置计算其政治性分析[1]。小规律程计 質机系统, 2003, 24(8), 1524~1527,
- [58] 段海滨、三道波、于芳芬、基于云栋图的小生植 MAX MIN 社通蚁群算法[J]。 **お林大学学瓶**, 2006, 34(5), 803~808.
- [M] 洪娟娟, 会飞虎, 高庆吉, 基于叙样算法的多层前简神经网络[J], 喻尔滨 T 也 大學學器,2003,35(7),823~825.
- [60] 驾政运,孙雍明,张智晟、基于叙群优化算法通归神经网络的短期负荷预测[1]。 市国技术,2005,29(3):59~63.
- [41] 经云鹤,如闻船,现信息、等、广义蚁群与粒子理结合等法的电力系统经济负荷 位配[1]. 由期技术, 2004, 28(21), 34~38.
- [42] Feng Y. Feng Z. An exmunity-based ant system for continuous space multi-modal function optimization[C]. Proceedings of the third international conference on Machine Learning and Cybernetics, 2004, 1050-1054.
- [43] 蒋知伏、陈荣元、唐勋舜、等、基于免疫 纲蚁等法的亦约束 QeS 路田西祥[1]。 \$647728F. 2004. 25(8), 89~95.
- [64] Randall M. Lewis A. A parallel implementation of ant colony algorithm [1], Journal of Parallel and Distributed Computing, 2002, 62, 1421~1432.
- [45] Chen L. Zhang C F. Adaptive exchanging strategies in parallel ant colony algorithm[J], Journal of software, 2007, 18(3), 617~624,
- [45] 維休婦、韓子、 连短短期退化管综[I], 自由化学器, 2007, 33(3), 259~264. [67] Gutishr W J. A graph based ant system and its convergence [J], Future
- Generation Computer Systems, 2000, 16(8), 873-888. [48] Stitule T. Durigo M. A short convergence proof for a class of ant colory optimization algorithm [J]. IEEE Transactions on Evolutionary Computation,
- 2002,6(4),358~365. [43] Gotjahr W J. ACO algorithms with guaranteed convergence to the optimal
- solution[J]. Information Processing Letters, 2002, 82(3), 145~153. [70] Hou Y H. Wu Y W. Lu L J. et al. Generalized ant colony optimization for economic disputch of nower systems C1. Perceadings of the 2002 International
 - Conference on Power System Technology, 2002, 1, 225-229. [71] Yoo J H. La R J. Makowski A M. Convergence results for ant routing R l. Technical Report CSHCN 2003 46, Institute for Systems Research, University of

- Maryland, College Park(MD), 2003.
- [72] Yoo J H. La R J. Makowski. A M. Convergence of ant routing results for simple parallel network and perspectives [R]. Technical Report CSHCN 2003 44. Institute for Systems Research. University of Maryland. College Park (MD). 2003.
 - [23] Badr A, Fahiny A. A proof of convergence for ant algorithms [J]. International Journal of Intelligent Computing and Information, 2003, 3(1): 22-32.
- [74] 孙杰、上秀坤、郑奎欣、等。一种简单则叙算法及其收敛性分析[7]。 小類被型計 等机系统, 2003, 24(8), 1524~1527.
- [75] 「建立、陈增强、森著林、德传算法与蚂蚁算法融合约乌尔可夫收敛性分析[]。 自动依守模、2004、30(4)、629~634。
 [76] 般焦敛、上灌波、于秀芬、基本蚁群算法的 A. S. 收敛性研究[]。应用基础与 I.
- 整科学学模, 2005. 14(2), 297~301,
- [77] 故稿, 郵志峰, 吳春國,等. 放靜算故的收敛速度分析[3], 计算机学报,2007, 30(8),1344~1353,
- [78] Blum C. Dongo M. Search has in ant colony optimization; on the role of competition-bilanced systems [J], IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 2005, 9(2); 159~174.



旅行商问题

3.1 引言

3.2 算法描述

实验发现,MMAS和 ACS 具有以下共同物点。

(1)参数的设置是依赖问题的,几乎没有规律可循,而目算法对参数比较敏感。

(2)在算法的运行过程中,信息素是按照指数下降的,这是算法易于早熟的一个照因。

(3) 在算法的运行过程中,大量的信息素相同或相近。实际上,如果纸上的 信息蓄相近,它们被洗取的概率差异非常小,可以近似地把它们看成是等同的。

受此启发。有限级信息素效群算弦把信息素分成有限个级划。用完全不 同的方式更新信息素,并且信息素的更新适与目标高效值无关。为了阐述 比工程原理非研究比性信息了 TSP 为解述问题。 领头的上颚接触后。

- 步骤 1,设定参数,初始化信息率;
 - **步骤 2. 按照数经法抵押酬检查问题的帐**;
- 步骤 3.按照信息素更新规则更新信息素
- 步骤 4, 共断停止条件是否满足, 若满足, 算法终止, 否则返回到步骤 2.

在算法实现中,信息素整分或有限个级别,不同的级别度用一定的经验 支票均应不同实数值,这样相同级到的弧的信息来明回。信息来资额运过 级别的变动实施,对于高品度火焰,提高其限别,对于其他的水,并承其 别,更新时只用加,减长,记入((;))是强((;))上的级别。(())上华级用的 建立试验(它实现处现现得价值或价值的转发系气态及重要压缩解如下。

- (u1) \forall (i,j), h(i,j) $\leftarrow h$ (i,j) $\vdash r_{ij}$
- (u2) 加果 f(w)>f(w), 関節=w, r
- (83) M T @, V ((, i) E @, h((, i) + h((, i) + n)
- (ud) \forall (i,j), $h(i,j) \leftarrow \max(1,h(i,j))$
- (u5) $\forall (i,j), h(i,j) \leftarrow \min(M,h(i,j)),$

(u6) ∀(i,j), r(i,j)=µ(h(i,j)),
其中,f 为目标函数。应是当路最优据。u5 局本改造代的最优解。参数 p, r,c,是企业数据。p, e, n, e, n, 为建闭级别数。p 数 p, 同定为 1, n, 为奖励级别数。p 数 p, 同定为 1, n, 为奖励级别数。p 数 p, 同定 (M)=q, u, 以(1)=1, 企业数 M 压品 大級果敦、r,c,是企业长月, 约定 g(M)=q, u, 以(1)=1, 企

实验中,
$$g(x)$$
 一般滋取为 $\frac{r_{\max}-1}{M-1}(x-1)+1$ 或 $\sqrt{r_{\max}^{n}-1}(x-1)+1$ 。前一

个函数是线性函数。后一个函数是四函数。这两个函数可以使信息素随着 级别下降而衰减速度不变或逐渐变慢。

在自点兼更新规则中,超过高数 (4)、火焰被划数,规门级别数约规范 缩级3的变化,进高控制信息原的变化,一方面,使奴隶能在教技体在教技师 的等域搜索,另一方面,被奴隶具有一定的需求循注域的能力。由 更更 能与目录函数低无之,因此并严两个位量数比例的目标函数,如果再还采用 完全相同的参数,就法性维制和

基本似群算法用两个参数表征信息素相启发信息的相对重要程度。而在 PGPACO中把第一个参数内嵌到函数 g(x)中。相应的路径选择规则如下。 假设蚂蚁在第 k 步位 F 第 r 个结点,它按照式(3 1) 计算选择弧(i,j)的 概率;

$$P(c_{i+1} = j \quad c_i = i, r) = \begin{cases} \sum_{i \in J_i}^{\tau(i,j) + \eta(i,j)^{\beta}}, & j \in J, \\ \sum_{i \in J_i}^{\tau(i,p) + \eta(i,p)^{\beta}}, & j \in J, \end{cases}$$
(3-1)

其中,g(i,r)表示弧(i,r)上的启发信息。在 TSP 问题中,启发信息一般选取为氮长的例数。J. 是由所有未经过的点组成的集合。

3.3 算法随机模型与收敛性质分析

下面讨论算法的随机模型,分析算法与有限马氏链之间的关系。有关随 机材积和有限马氏链的内容见文献[3]。本节中的记号及其意义见表 3 1, 马氏链有如下重要性液。

表 3-1 本市用到的记号及其意义

	表 3-1 本节川到的记号及其意义
E 6	意 义
r (n)	第 n 次选代时的信息家场,它是 N×N 阶矩阵,N 是纠缝的规模
w(n)	第 n 次迭代之前的最优解。(w(1)为任食可行解)。它是 N 维向量
1.	$z_i = \langle \mathbf{r}(n), \mathbf{v}(n) \rangle$ 。它表示符 n 次趋代时的状态
X	X - (s, /=")
r	4. 所有可能取值构成的集合,它是有限集
Z	to(a)所有可能取值构成的综合,它是有现象
Hir +2	H 把状态集 Γ 中的元素映射到 Z 中。 $H(\mathbf{g}(u),\mathbf{w}(u))=\mathbf{v}(u)$
Gent Pres	$ imes$ 是实数集。 $G_{inj}(s_i) =_{\P}(u)(i,j)$ 。 $(i,j) \in H(s_i)$ 。 G_{ini} 把效率集限剂
	到实数集
$P_{i_0i_0}$	状态 4. 转移到状态 1. 的概率
P	状态转移矩阵
Tt.	何始状态的概率分布
E)	第1次迭代时的核率分布
n"	最优级态概率分布

引題 1^[5] 对于有限状态马氏链,不管从何状态出发,经过 n 步转移到 任一瞬时状态的叛率随着 n 无限增大而趋近于 0.反之,离开所有瞬时状态 的极率随着 n 无限增大而趋近于 1.

性质 1 在 FGPACO 算法中, X 是有限状态马氏链,

证明:X是有限状态的;由算法的路径选择规则可知.X是马氏链。

- **性质2** 在 FGPACO 算法中, 着 s_a, s_a ∈ Γ, 关 F s_a 到 s_a 的转移模率 P₁, 有以下结论。
- (1) 若 $f(H(s_0)) < f(H(s_0)), ূ P_{1,1} = 0$,
- (2) 若 $H(s_*) = H(s_n)$,且存在某个撰 $(i,j) \in H(s_n)$,使得 $G_{(i,j)}(s_n) > G_{(i,n)}(s_n)$,則 $P_{s_n} = 0$,
- 证明:由信息素更新规则中的(u1)、(u2)、(u3),并且由定义可以得出

結论。 新規。

这便职会总师师,或者当前品就他或交上目标而被做下降。或者当 商量代解不变。但它引度的构造数价的选集进度。如果当商政化解不安。由 (a)(3))。特徵指的信息是收载的"由申调有"即一种。 经过有股份 代示。拥有现的信息要将保持不安。我时间前最优解对应的或上信息要都是 「m。 "凡原长的信息来将是1、按照等即时间可以对有限当代格的失态进 行分类。

定义 1、潜留器、最优态和正常态) 对于, e.f. 如果当前最优解对应的 强上信息家都是 r_{sss}, 其他强上的信息家都是 1. 则称, 是邻贸态, 特别地。

当 用(x) 是今局最优解时,则称、为最优态,记为。",其他状态称为正常态, 定理 I(FGPACO 的概率特性) 对于 FGPACO,具有状态 /, 一(▼(n))的超机过程是有限状态与氏性,它具有以下性态。

- (1) 所有状态不是瞬时态,就是吸收态,并且吸收态;是最优态,它具
- 有正常退性。 (2) 离开正常忘只需一次退代·离开每一个语程态的选代次数服从几
- 何分布。 電明,(1)对于最优态:,由(u1)、(u2)、(u3)可知它只可能转移到自 已。即 P.;; 1、因此是吸收态:从而具有正常退性。由性质 2 可知其他状态彩层即准态。

(2) 对于槽僧恋,记其对应的当街般优解为中。因为在离开该缔留态之准,每投纸上的信息素保持不变,从南流路概率也不变,因此它服从几何分布。 如果。

建理 2(FGPACO 的收敛性) FGPACO 算法收敛到全局最优弱的概率 额着 n 无限增大而约近于 1.

证明,注意到FGPACO每次迭代时,都保留了最优解。由性质 2、引理 1 及定理 1 的结论(1),可知结论成立。 SERE.

对 P 中的 定數接限以下约定排序, ① 对度目标函数值升序排列。② 如果目标函数值相例, 最优解对应信息素降序排列, 其他弧上信息索升序 排列。

性质 3 概率幹移矩阵
$$P$$
 是下《角矩阵、且 $P = \begin{bmatrix} L & 0 \\ A & B \end{bmatrix}$ 、 I_1 是单位矩
数 I_2 是 下 : 伯知改,它的最大纯征值 I_1 小于 I_2

证明,注意到了中的元素按照上面的约定排序,由性质2种定理1可知的论成立。

MENS.

由于B 的最大特征值小于1、B(I B) "是可道阵,记M, -I + B + B' $+ \cdots + B''$ "别 $P = \begin{bmatrix} I_1 & 0 \\ MA & B' \end{bmatrix}$ " $P = \begin{bmatrix} I_1 & 0 \\ (I_1 B)^{-1}A & 0 \end{bmatrix}$ 。 对于任意矩阵 A (行、列)向量可以看或行《列 数为 1 的矩阵》,还现截数为 |A|(《有关矩阵

危数参见文献[4])。今 B 的位数为λ·算法的收敛速度调是以下结论。 **定理 3(FGPACO 的收敛速度)** κ, 收敛到 π' 的收敛速度满足 | κ, π" ! ≪OG2), 由数基度。数数以不大下 λ 的取效处率以效。

William To The State of the Sta

$$= \left[\pi_{0} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{I}_{1} & 0 \\ \mathbf{M}\mathbf{A} & \mathbf{B}^{T} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \mathbf{I}_{1} & 0 \\ (\mathbf{I} - \mathbf{B})^{-1} \mathbf{A} & 0 \end{bmatrix} \right] \\ = \left[\pi_{0} \begin{bmatrix} 0 \\ \mathbf{M}_{1} - (\mathbf{I} - \mathbf{B})^{-1} \mathbf{A} & \mathbf{B}^{T} \end{bmatrix} \right] \\ = \left[\pi_{0} \begin{bmatrix} 0 \\ -(\mathbf{I} - \mathbf{B})^{-1} \mathbf{B}^{(1)} \mathbf{A} & \mathbf{B}^{T} \end{bmatrix} \right] \\ \leq \left[\pi_{0} \mid O(\mathbf{A})^{T} - O(\mathbf{A}^{T}) \right]$$

证券。

3.4 参数设置和数值实验分析

本节用 TSPLIB 中的 TSP 算包未测试 FGPACO 算法。沿用 TSPLIB 中的記法, 算例中的数字表示城市的数目 (算例 \$70 的城市数目是 70 算例 km0124p 是个例外。它的城市数目形 1000, 在实现管法时,用一张表记录已 经适用的城市。由用另一张表记录未被选用的城市。

3.4.1 参数设置

算法中原果的参数有信息素的购物值、集新规划数、展大规划数 M、参数 约和ram。下面分析参数对解法性能的影响。在实验中、只改变一个参数、销售转让债券数个变。在对肾明期试时。j = 6。信息素的预始在取为最大益的1.2。保法进行10次,进代次数为2500.%数数为25。函数 g(x)

M=1 (x-1)+1,

1) 最大级别数 M

*	表 3-2 r ₁ =3·r _{em} =260·最大级别数不同时,平均值及偏差比率				
М	10	50	100	1000	10000
ryt8p	14571.5 (1,0%)	14534.5 (0,756)	14545, 3 (0, 836)	14544.6 (0,8%)	15758, 9 (9, 236)
ell51	429, 2 (0, 8%)	429, 8 (0, 934)	428, 1 (0, 556)	428, 6 (0, 6%)	460, 5

性, 格特內於梅毒。

2) 信息素上界 (===

т_{тть} 是邮等装件建物—个电视的量。如果其度值较大,剩等技术能势等 前如果其取值效力,则会减利算法的开发推升。表33份出了_{"тт}不同 制的支援结果。由表中结果可见。同少公_{"тт}。55以时,两个鲜别的需要都个 上15。前当_{"тт}及在为 10,1000 或者 3000 时,据差较大,尤其是集例 火线的心能处理。此当,是都是10,1000 或者 3000 时,他还是1000

3) 整胎緩開數元

表 3-3 r₂=3.M=50.信息素上界不同时,平均值及偏差比率

Torre	10	50	300	1000	2000
ry48p	14728, 4	14491,0	14547, 1	14646,9	14713, 4
	(2, 136)	(0,5%)	(0, 9%)	(1,6%)	(2.036)
eil51	431	428, 3	428, 4	480, 1	429, 3
	(1,2%)	(0, 63%)	(0, 636)	(1, 0%)	(0, 834)

世,信号內見得差。

表 3-4 M=50.c_{see}=50.c₂ 不同时·平均值及偏差比率

retto	14519.1 (0, 7%)	14584.5 (1.150)	14603.6 (1.2%)
eil51	427, 3 (0, 356)	426,9 (0,2%)	427, 9 (0, 4%)

图 3 1 是在信息素上界 rm = 50.最大與財飲 M = 50.突続級財散 r, 3 B, 算例 ry48p 的实验结果(因为前 500 次进代已找到较好的每,仅恰前前 500 次近代结果)。由图 3 1 可见,算法收敛速度较换,并且表现出较好的 搜索能力。



图 3.1 算例 ry48p 求解过程演化

3.4.2 与其他改进蚁群算法的比较

依照文献[5]中提议的方式进行测试和比较,每个算例构造 10000kN



图32 等例ed51未解过程软化

次館: 4片 下3P.6-1、 4庁 A T5P. +e.2、 N 表示越市数目、 契約後別数 $\mu_{r,r} = 3$ 、最大規划数 M=50。 下前七粒 FGPACO 与 MMAS, MMAS-plat (尼4石信息 宏干滑現項的 MMAS)、ACS, AS 的性能、第3 支責性的参数设置 与数据引自文献[5]。 请4 个算例中 $\mu_{K}(x) = \frac{r_{min}}{1}$ (x-1)+1、在1670 和

kro124p 算例中, $g(x) = \sqrt{\frac{1}{M-1}}(x-1)+1$, 由表 3-5 可知,kro 算例结果与最优结果很接近,对 产民放除例,FGPACO 算法比其他算法的平均结果处。结果表明算法是有效的,且算法不易于早熟收敛。

表 3-5 一致 第 TSP(前 3 个) 经非对款 TSP(指 3 个) 的计算效果

30.04	級化物	FGPACO (Tam)	MMAS	MMAS - pts	ACS	AS
e851	426	426, H (50)	427.6	427.1	428, 1	437. 3
kroA100	21282	21286, 0 (400)	21320.3	21291.6	21420.0	22471.4
d198	15780	15950, 8	15972, 5	15956,8	16054,0	16702,
ry48p	14422	14498.2 (50)	14553, 2	14523, 4	14565, 4	15296,
ft70	38673	38979, 9 (210)	39040, 2	38922, 7	39099,0	39596,
kro124p	35230	36444, 6	36773.5	36573.6	36857,0	38733.

性、相体字表示最好的平均结果(拼号内是 rest)。

3.5 小结

基本整體實达在信息產業事材相目目示發售。但目标或整理定位 規律專以高加速的背談的學數設置等率限大的阻止、不要則的放對算 也無用了一种解析信息模型模型。它是信息素的成绩和个规划。信息素的 增由市場的開度接受進,比較特点层信息素的解散性及居信息更新展 技工目标函数值。文中证明了算法的全域性,另所了算法的收敛。 但"同行"算法的收敛,实验证明"算法的传教性"身种情。

虽然本章的研究主要针对 TSP 问题,但是有限级信息素效群算法的应 用并不局限于这一问题。

参考文献

- [1] Elum C. Dongo M. The hyper-cube framework for ant colony optimization [J], IEEE Transactions on Systems Man and Cybernetic, Part B. 2004, 34(2), 1161~ 1172.
- [2] Birstari M. Pellegriai P. Dorigo M. On the invariance of ant colony optimisation [11] IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 2007, 11(6), 732-742.
- [3] Kemeny J G. Snell J L, Finite Markov chains with a new appendix "Generalization of a Fundamental Matrix" [M]. New York: Springer-Verlag, 1976.
- [4] 方保修,同维东,李图民, 矩阵迹[M], 北京, 诸华大学出版社, 2004,
- [5] Stitule T., Hoos H H, MAX MIN ant system[J]. Future Generation Computer Systems, 2500, 16(8), 889~914.



多维背包问题

4.1 问题描述

多维身包问题的使化目标是在满层一定装置(resource)的来来作片从 原始中也就是为两位的证据人的特别产品。多维身包的程度。 NP-bard 问题,并以本家作的通知,指向随便使,证券给我《Caspo loeding)问题^[1]、下释(cutting stock)问题都分布式计算很柔极中的处理器 相数能许分化(ellocating processors and databases in a distributed computer switch)的显示

多维智和创助可以推建为[5]

$$\max \sum_{j=1}^{n} p_{j}x_{j}$$
 (4-1)

a. t.
$$\sum_{i=1}^{s} r_{ij}x_{j} \leqslant b_{i}$$
, $i = 1, 2, \cdots, m$ (4-2)

$$x_i \in \{0,1\}, \ j=1,2,\cdots,n$$
 (4-3)
其中 $,p,$ 是物品 j 对应的利润: x_i 是一个二值变量·它标记物品 j 是否被选

其中: p. 基物品 / 对应的利酬: x. 是一个二值变量 它标记物品 / 是希德波 取。如果 x. 等于1. 这意味着物品 / 被逐取: 如果 x. 等于 p. 就表示物品 / 没 有概度取 r. 是选取物品 / 房尾管的第 / 种资源 t b. 是等 c 予度源的总是 在这个问题中有 m 个资源均泉,因此该问题 2 常常被称为 m 惟背他问题。

4.2 现有算法回顾

为了多非常情况信息。人们很近了许多精确等这个exet algorithma,但是常是这些知识。自我可能从,是你有能有法也要是不予发发更 及你是这些知识。这些写法的《写作子上界的选取方法、Saski"为无来解与个异果 分的一场穿色线性性量的框。所是是个引起被带来的图光 Fee, Gasshai 可以在4位"使用控制的目(Legargami Peel 是不是多常是常常的一点,由于每月 了果然后上界。精确自我看得了更多的计算故事。我且由于计算基金性、精 特別在使素的中心规则和延伸。2020。mc(2)。

高发光期接近的用于跨爾尼茨提前的回流。由于ATF基金管理的。 这种效应是一个工程的特别的一个工程的特别的一个工程的特别的一个工程的 发光地放展的上来那些特殊的问题的效性混凝性也可能表现的一个工程的 他上述是有规则的一个工程的。 他上述是有规则的一个工程的。 是有规则的一个工程的。 是有规则的一个工程的。

最近、支統[9-11]項出了: 种来物与排骨包制值的数据算法。在末期 多律自创间照明,光特刊面测数为一件商选同(omatruction graph): 间的页 点相近于每个绘品。每个边点位于两个点点(物品)之间的连线。 明故在这 个图中记录以相应问题。 安徽中的发酵算法的主要区别在于两效释放 信息者的方式和最及信息的定义。 假定,是一个解。[18] [6,6,6,m.om.] 是被数物品类。此下。是多的基本。它用来的信息等形力。无能

(1) 第一种方法是把信息素释放在被流物品上。在这种方式中。信息 累用来表征对物品的确好。它的基本思想是增加被选物品的偏好使得这些物品在以后的解构造过程中更可能被选中。

(2) 第二种方法是把信息素释放到连接每对先后被逐物品(a, a, a, 1) 的 边上。其基本思想是当上一个被选物品品。由,增大选择。,,的可能性。 在这种方式中,信息素表示从一个顶点(物品)出发到下一个特定顶点(物 ALXINDRES.

(3) 第三种方法是把信息素释放到连接每对被选取物品的边上,其基

本思想是增加同时选取S中任意两个物品的可能性。

至于启发信息。文献[9]和文献[11]中提出了一种动态启发信息。即在 等法运行讨得中启发信息依赖于当前已构造的部分解。比较学表达式为

$$\eta_{\tilde{h}}(j) = \frac{p_j}{\sum_{l=1}^{n} r_{l,l}/ds_{\tilde{h}}(l)}$$

$$(4-4)$$

其中 $d_{S_i}(i) = b_i - \sum_{s \in F_k} r_k$, S_i 是已被选中的物品组成的集合。

而文献[10]中提出了3种静态自发信息。即自发信息在算法运行过程 中保持不变。它们分别如下。

第 ・种启发信息: _ラ ー pか (4.5 比中 d. 基参数。

版中 $s_i = 0$ 版中 $s_i = \max(r_v)$, $d_i = 0$ M $d_1 = 0$ M $d_2 = 0$ M $d_3 = 0$ M $d_4 =$

其中 $s_r = \sum_{i=1}^{n} r_v$, d_1 和 d_1 是參數。

4.3 算法描述

4.3.1 算法的基本思想

在 MMA3 中 信息条件 L 作一版权 机对信息系符取入用处信计 批引

AMMAS与 MMAS的主要区域在于信息发下附约的数、 6 常比中, 只有量化物发术能变换信息或注述:"为海底部"。它可能是一张监视模量。 也可能是年改进代的最处操作。在信息表现高品。是优别对心的信息是形 加、在下放进作中。是优别对应的研究系被重要的局域可能增长。如果是是 经复数的前句;"一的签算过水,就可以保持得来的多样性。因此,研究 的关键从最级进入之际。

首先给出一个能未衡量两个刺之间的差异。在数群算法中。蚂蚁依据 信息累异放方式,在其构造的帽。对应均划或者点上释放信息累、以后,称 该出边或者点组或的组合为耐。的释放集。由释放集可以给止一个衡量两 个解之间是异的组。

定义 (離界量) 給定两个解」。和 1_2 月上 民 対 点 的 移 数 集 分 別 1_3 和 1_3 。称 1_4 の 1_4 の 1_4 の 1_5 の 1_5

差异量具有以下性质: $\oplus D(s_s, s_s) \ge 0$: $\oplus D(s_s, s_s) = D(s_s, s_s)$: $\oplus D(s_s, s_s) \le D(s_s, s_s) + D(s_s, s_s)$, 这是因为 $S_i \oplus S_i \subseteq (S_i \oplus S_i) \cup (S_i \oplus S_i)$, 使根差异量: 可以完 义子均差异量衡量位群构造的解与、 (\cdots) 的差异

程度。 定文 2(平均差异量) 设 $s'(1 \le i \le n_s)$ 是奴群构造的解、称 avgp

 $\sum_{i=1}^{n} D(s^{i}, s^{lock})/n_{e}$ 为平均差异量,其中 n_{e} 为蚂蚁效。

需要指出的是,shirt为上一次运代中用来更新信息家的最优解。而

j(1 < i < n) 是奴群在本次造代中构造的解。由于蚂蚁构造的解,是一个 磁机变量、下面考虑 $D(x, x^{lest})$ 的期望 $E(D(x, x^{lest}))$, 由概率统计知识 可知。

 $avg_o \rightarrow E(D(s,s^{loc}))$, 当 $s_o \rightarrow +\infty$ 耐 (4.8) 也就是说, avg_o 是 $E(D(s,s^{loc}))$ 的 ·个估计,显然它是 ·个无偏估计 每 $^{E(s)}$,以后来 $E(D(s,s^{loc}))$ 为數據要量量.

如果平均差异肚很小,这表明极胖的搜索行为过度强化。在这种情形 下,增大信息素下界可以使放胖的搜索多样化,具体而言,在 AMMAS中, 信息素下界時期加下方式流散。

当我到一个新的当前级优解 s*时,信息素的下界 ro-被重新设置为一个很小的值,此后,如果平均差异量过小,可根据如下方式修正信息素的下原。

其中,y是一个正多数 $(1 < y < S^{\alpha}|), S^{\alpha}$ 是 $,y^{\alpha}$ 对应的释放集 $,\lambda(\lambda > 1)$ 是一个正多数。

这种方法的一个特点是避免完全丢弃蚁料保存在信息聚轨造中的信息。 在后续各类中,他分析这种方法对下领达性精的影响。

AMMAS 的基本說得是,在每一代,每只與紋构造一个解,然后接照信 息素更新塊糊來更新信息素。下面首先定义信息素和启发信息,再始出解 的抽為計劃和信息業更新規制,最后的由了局部模索。

4.3.2 信息素和启发信息的定义

除信息素之外,自发信息是影响解构造的另一个重要因素。算法中的 启发信息是式(4 9)定义的伪效用率(pseudo-utility ratio)^[1]

$$\forall j \in J$$
, $q(j) = \frac{p_j}{\sum_{i \in \mathcal{F}_j}}$ (4-9)

其中,w,是第:(个约束在原间匯松弛线性规划的影子价格(对隔变量),分码表示物品;)的零数件(tightness)。由式(4.9)可见, 购穀偏好于利销高且零 致性小的物品。

4.3.3 解的构造

在构造编时,函数用一个 n 推向量标记物品是否被线取,它对应于一个 解。这个向量的每个分量都构始化为 0, 在第 k 构造步, 與級依据式 (4 10) 官义的概率洗核物品

$$P(c_k = j \mid \tau) = \begin{cases} \frac{\tau(j)^{\tau} \eta(j)^{\mu}}{\tau(u)^{\tau} \eta(u)^{\rho}}, & j \in U_k \\ \sum_{i \in U_j} \tau(u)^{\tau} \eta(u)^{\rho}, & j \in U_k \end{cases}$$
(4-10)

戊中、U、(1<∞√∞)是由轉足的東且未被选择的物品用成的集合。。,№○ 0,≤>0,定>0,定>0,定>0,定>0,定>0。
2、自然整信息素和完定信息的相对重要性。由式(4 10)可 3、轉效的每十三乘具有较高信息素和引发信息的物品。假设物品上被选 取、期向前的第一个分量设置或1、构置过程在U、为空集时终止。

在解构造过程中,可逐物品集的确定对算法建度有需要影响。因为 $r_s \ge 0.$ 所以一口某个物品进反了约束,它在以后的构造过程都是不可思的。 这就是说 $U_1 = U_{t-1}$ 。 假设在第 s 构造步,如果物品 $o \in U_t$ 满足 $r_o \le b$.

 $\sum_{j=1}^{s} r_s x_j (i=1,\cdots,m)$ 。则该物品就是可透物品、注意到保存 b. $\sum_{j=1}^{s} r_v \tau_j$ 可提高计算速度。

4.3.4 信息素的更新规则

在每个蚂蚁构造完 ·个鲟后,只使用最优解更新信息素。具体而言。信 私素物用以下方式重新

$$\forall u \in J, \ \tau(u)^{t+1} = \rho \tau(u)^t + \Delta \tau(u)$$
 (4.11)

知果
$$\tau(u)^{i+1} < \tau_{\min}$$
, 別 $\tau(u)^{i+1} = \tau_{\min}$ (4-12)
如果 $\tau(u)^{i+1} > \tau_{\max}$, 別 $\tau(u)^{i+1} = \tau_{\max}$ (4-13)

其中 $_{*}$ ($_{*}$)" 是物品》 在第 $_{*}$ (代时的信息素、 $_{\rho}$ 是信息素保持率(pheromone prisistence) (1 $_{\rho}$ 是信息素的年发率), $_{\circ}$ 。""为是优解。它可能是当前最优解。",也可能是本次进代的最优解。",如果 $_{*}$ ""的第 $_{*}$ 个分类等 $_{*}$ $_{*}$ $_{*}$ $_{*}$ $_{*}$

 $\Delta r(u)$ 等于 $g(s^{\text{tert}})$, 我中 $g(x) = 1/\sum_{i=0}^{n} \rho_i(1-x_i)$, 各國 $\Delta r(u)$ 为0, r_m , 和 r_m 与的最后息素的 E FF, 在信息表型新后,那些破蔽代码效选中的物品将接受更多的信息来,但愈它们的领力度(desirability)增加了,信息来的

4.3.5 局部捜索

局局越索繼續效差經報於前下局部級值点。則定它實用單處进設有對 成。奉章單而動態機能的基準應對。用任意两个未被能物結構使一个 被逃動品。每次同行的/對數保等一定的改造。直线或者最級以前對於 为了經過局部便說的計算就理。可以到所有物品模型或是进行等申律利 由于存職從第二十六碳速物品的,如單本次對應的效益下戶消費及及在 就不同或供起來被認物品的,如單本次對應的效益下戶消費及收益 就不同或供起來被認物品。例與即門影響極級到效少計單線的目的。

为区别起见,每具有局部搜索的算法为混合 AMMAS(AMMAS+Is)。 它按照以下方式运行,在每一代,一旦某个蚂蚁构造了一个解,用局部搜索 条改进这个解。

4.4 信息素下界的选取

4.4.1 Stützle 和 Hoos 法的分析

在文献[19]中。Stützle 相 Hoos 律议将信息来的下界洗取为

(4.14

模索能力的影响,采用以下两个指标^[in]。 (1) 相似率(similarity ratio),这个指标被广泛用于量化多样性,并且

它已经在遊化算法中应用
$$^{(n)}$$
。 本文考慮文獻 $[18]$ 中提出的指标
$$\sum_{i=1}^{n} \left(\sum_{i=1}^{n} r_i \cdot \left(\sum_{i=1}^{n} r_i - 1 \right) \right)$$

 $(n_i = 1) \cdot \sum_{i}^{n_i} \sum_{j=1}^{n_{ij}} s_j^i$

由式(4 15)可见,当所有构造的解相同时,相似率为1;而如果蚂蚁构造的解宗令不同时,相似率为0。

(2) 重销样率(re-sampling ratio),它用来刺画算法在搜索空间中推样 的有效性。今 DiffNum 为到目前为止蚂蚁构造的不同解的数目, TotalNum 为到目前为止蚂蚁构造的解的总数、重抽样率定义为

TotalNum DiffNum (4 16)

重抽样率接近于0 意味看或群构造的解差异大,搜索能力强; 百重抽 样率接近于1 意味看效斯构造的解差异小,搜索接近停滞。 图 4 1 给出了相似率空化由线,即使 Plan 取为 0,005 这样一个很小的

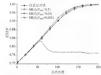


图 4.1 相似中的演变(自适应方法相 SH 法在算例 10, 100, 00 上的平均结果)

4.4.2 自适应方法



0 00

to the second second

The state of the late of the l

111100 000

10131

become and the second of the second of the

AND THE STREET

fined containing the control of

A SECTION OF THE SECT

emineral did was a few allers



4.5 实验分析

The Administration of the control of

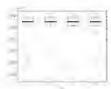
. 4.5.1 無約得快

A LEGAL PRINCIPAL CO. PRINCIPAL DE LA CONTRACTOR DEL CONTRACTOR DE LA CONT

4.5.2 申前成取

BAR CONTROL TO ANALOGO DE CONTROL CONTROL DE CONTROL DE





T C ED GENERAL TEC LEXT E-FOR



20 BIT 1 120



o se announce see a

The state of the s



The second of the second second



del medical sensors are



DILL MESSAGE

The state of the s

P. PARSON DESIGNATION

-					-		
8 4							
	-	- 1	315		1,000		
	-	7.6			100	100	
	mf."	property.		1340	0.00	Selfi	
1.00	~	198			1990	194	
	540		-		1000	1000	
	ma, i	1000	1600		\$1980	mat.	
Fee-d		-10		74.3	10	1946	-
200000	-	0	100		5548	limit :	
1.39-7-1		-			0.00	794	
0.000,017					No.	1.00.7	
- 100			-	7701	1.0		
		-9-	-			100.0	
-	-	0.00	-		199	(8/9)	
	-	1.78	201		Brief.	Head-	
R. Service		10	1964		0	1.00	
			100		878	360	
		-	-		26	100	
		100			Section 1	196	Mary.
T. (1)	-	NUMBER	100		400	1997	.3
4 -		1	346.			1988	
			The C	:=10	4.00	1000	
1000	-	-					
			0.0				
		54-2			-	-	
	341		-	774		1000	
100.47	_	-	and.	100	7 77	ATTACK.	-
District Contract		-		a mare to	110	Mark Street	9 79

in primature, in, in constant coulder 5

A PA CONTROL OF THE PARTY OF TH

des more management



in the first to the life

A STATE OF THE PARTY OF THE PAR

个算例为一组、每组用记号表示为m.n,对于 5,500,10,500 和 30,500.最 坛运行时仍分别是 100 bc,200 秒、400 秒(PU 为 2,86 Hz)。 前南实验表 明 有其能在相反的时间内设得的邻是令人满意的。 需要说用的是,为了公 平比较强全 AMMAS 和 AMMAS 来是 运运行时间形式停止条件。

首先,分析局部搜索者等让的影响。表 4-3 始出了 AMMAS 和 AMMAS+1- 的实验结果, 由结果可见, 局部搜索能有效或者 AMMAS 的 AMMAS+1- 在方有等例中源取得操作的等。并且, 提所信息素能引 特能、AMMAS+1- 在方有等例中源取得操作的等。并且, 提所信息素能引 与刺发使用度和特殊。AMMAS 的物能是下没合有用自造或含物信号等。

表 +3 AMMAS+is 和 AMMAS 的实验结果

\$0.00	AMMAS	+ls(a=1)	AMMAS	+la(a=0)	AM	MAS
第 例	杂状值	平均值	級化低	平均值	最优值	平均值
5, 500, 00	120148	120111	119850	119648	120116	12005
5, \$00, 01	117879	117841	117494	117360	117857	11778
5, 500, 02	121131	121097	120708	120526	121109	12104
5, 500, 03	120804	120776	120473	120293	120785	12071
5, 500, 04	122319	122303	121988	121812	122319	12225
5, 500, 05	122024	121991	121695	121562	121992	12193
5, 500, 06	119127	119093	118735	118614	119095	11904
5, 500, 07	120568	120525	120209	120121	120536	12047
5, 500, 08	121575	121537	121095	120961	121551	12147
5,500,00	120717	120678	120334	120192	120692	12052
5, 500, 10	218428	218397	218111	217943	218400	21834
5, 500, 11	221202	221168	220828	220668	221191	22111
5, 500, 12	217534	217513	217150	217039	217528	21745
5, 500, 13	223560	223547	223236	223136	223562	22349
5, 500, 14	218966	218956	218675	218528	218962	21890
5, 500, 15	220530	220497	220228	220132	220495	22015
5, 500, 16	219989	219974	219612	219519	219987	21992
5, 500, 17	218194	218171	217848	217758	218180	21812
5, 500, 18	216963	216948	216634	216551	216953	21690
5, 500, 19	219719	219694	219367	219188	219704	21985
5, 500, 20	295828	295809	295628	295 485	295828	29576
5, 500, 21	308686	308069	307893	307806	308077	30802
5, 500, 22	299796	299781	299620	299527	299795	29973
5, 500, 23	306480	306467	306338	306238	308482	30642
5, 500, 24	300342	300334	500175	300076	300334	30028

ME 69	AMMAS	+ls(g=1)	AMMAS	$+\ln(\alpha=0)$	AM	MAS
第 例	40:50:00	平均值	极代值	平均值	最低值	平均值
5, 500, 25	302571	302556	302421	202327	302560	302525
5, 500, 26	301329	301317	301157	301082	301325	301278
5, 500, 27	306454	306426	306269	306200	306422	306388
5, 500, 28	302828	302810	302671	302566	302809	302765
5, 500, 29	299906	299894	299756	299 656	299902	299845

注: 物品数为100,约束数为1,平均值用四会五人取值。

表 4-4 AMMAS+B,GA 和 2" 实验结果比较

祭 例 组	Tightness #	AMMAS+ls	GA	A*
5,500	0, 25	120629	120616	120623
5,500	0.5	219509	219503	219507
5,500	0.75	302362	302315	302360
10,500	0, 25	118493	118566	118600
10,500	0.5	217.509	217275	217298
10,500	0,75	302588	302554	302575
30,500	0, 25	115541	115470	115547
30,500	0,5	216223	216187	216211
30, 500	0, 75	302406	302353	302404

往。计算结禁用四合五人取值。

表 4-5 AMMAS+le 束缚的最大值

31 (4)	最大值	30.54	最大值	39.94	最大值
10,500,00	117784	10, 500, 10	217353	10,500,20	304353
10,500,01	119198	10, 500, 11	219041	10, 500, 21	302371
10,500,02	119196	10, 500, 12	217797	10,500,22	302416
10,500,03	118813	10, 500, 13	216848	10,500,23	300757
10,500,04	116487	10, 500, 14	213816	10,500,24	304367
10, 500, 05	119454	10, 500, 15	215086	10, 500, 25	301796
10,500,08	119813	10, 500, 16	217931	10, 500, 26	304949

37 51	最大值	30.94	最大值	39.96	最大值
10,500,07	118312	10, 500, 17	219984	10, 500, 27	296450
10,500,08	117779	10, 500, 18	214346	10, 500, 28	301331
10,500,09	119197	10, 500, 19	220865	10,500,29	307089

John AMMAS + In the Black Black

31/94	最大值	30.94	最大值	37.94	最大質
30, 500, 00	115942	30, 500, 10	219034	30, 500, 20	301643
30, 500, 01	114732	30, 500, 11	214626	30, 500, 21	300014
30,500,02	116613	30, 500, 12	215993	30, 500, 22	305062
30, 500, 03	115253	30, 500, 13	217842	30, 500, 23	302001
30, 500, 04	116487	30, 500, 14	215622	30, 500, 24	304416
30, 500, 03	115734	30, 500, 15	215829	30, 500, 25	294962
30,500,05	114107	30, 500, 16	215883	30, 500, 26	303328
30, 500, 07	114252	30, 500, 17	216448	30, 500, 27	306944
30, 500, 08	115271	30, 500, 18	217333	30, 500, 28	303158
80, 500, 09	117011	30, 500, 19	214690	30, 500, 29	300531

性, 算例的物品数 500.约束数为 20.

4.6 小结

本章首先用释放你的研究准务测量例中混合的影片的指统。并提出不 为是邻最未需要级群构选解写。一代中用来更高信息来的最低解之间的差 每。在此基础上。由于自当高度股上部小规模系统。它在平均原则是以由 自适应地维生信息来下界。什才多维作自问题的实验表明。这种方法能有效 他手握使素的多环性细胞化性。从应适免或得某些性能的目的。与其他联系 经证人的基础分类的影片。

在应用自适应方法来选取信息素下界时,要确定信息素下界的初始值、 参数 γ 和 λ , 一般越,信息素下界特別值值通过等P₁₀、设置为一个较大的值 (1.8°)之间选取 一个较小的值。 λ 在 (1.3)之间版值(通对版值)。

在奴群算法中,卵的构造相当于在卵空间抽样。利用这些抽样信息,可 以揭出不同的统计量, 自适应最大最小蚂蚁系统利用平均差导量对蚁群技 索行为进行评价,并且通过修正信息素下异欢差算法性能,由于采用了自

适应方法,它为选取信息素下界这一重要参数提供了可行方法。

参考文献

- Shih W. A branch and bound method for the multiconstraint zero-one knapsack problem[J], Journal of the Operational Research Society, 1979, 30, 369~378.
- [2] Gavish B. Pirkul H. Allocation of databases and processors in a distributed computing System C.J. Management of Distributed Data Processing. Akoka J. eds. North Holland. 1982, pp. 215~231.
- [3] Chu P C, Beasley J E, A genetic algorithm for the multidimensional knapsack problem[J], Journal of Heuristics, 1998, 4; 63~86.
- [4] Gavish B. Pirkul H. Efficient algorithms for solving multiconstraint zero one knapsack problems to optimality [J]. Mathematical Programming, 1985. 31, 78~105.
- [5] Osorio M A, Glover F. Hammer P. Cutting and surrogate constraint analysis for improved multidimensional knapsack solutions [R.]. Technical report. Hearin Center for Enterprise Science. Report HCES-09 00, 2000.
- [6] Glover F. Kochenberger GA. Critical event tabu search for multidimensional knopsack problems C. J. Osman. I H. Kelly J P. ed. Metabruristics: Theory and Applications. MA: Kluwer Academic Publishers. 1996, 407~427.
- [7] Hanali S, Freville A. An efficient tabu search approach for the 0-1 multidimensional kempark problem [J]. European Journal of Operational Research, 1918, 105; 459 ~675.
- [8] Vasquez M. Hao J K, A hybrid approach for the 0-1 multidimensional knapsack problem [C]. Proceedings of the 13th International Joint Conference on Artificial Intelligence, 2001.1, 323~333.
- [9] Alaya I. Soinou C. Ghidiza K. Ant algorithm for the multidimensional knapsark problem C.: International Conference on Bioinspired Optimization Methods and their Applications, 2004, 63~72.
- [10.] Fidenova S. ACO algorithm for MKP using various bearistic information [C]. Dimov. I. et al. ol. The 5th International Conference on NMA. vol. 2542. Lecture Notes in Computer Science. Berlin. Germany. 2002; 438~444.
- [11] Leguizamon G. Michalowicz Z. A new version of ant system for subset problem [C]. Proceedings Congress on Evolutionary Computation, 1599, 1459—1464.
- [12] Dorigo M. Maniesso V. Colorni A. Ant system: Optimisation by a colony of cooperating agents [J]. IEEE Transactions on System Man. and Cybernetics Part B, 1996, 28, 29-41.
- [13] Devore J L, Probability and statistics; For regineering and the sciences [M], CA; Dexhury Press, 2000.

- [14] Solnon C. Ants can solve constraint satisfaction problems[J], IEEE Transactions on Evolutionary Computation, 2002, 6(4), 347~357.
- [18] Levine J. Doottelle F. Ant colony optimization and local search for bin packing and cutting stock problems [J]. Journal of the Operational Research Society. 2004, 55, 705~716.
- [16] Blum C. Bless M J. New metaheunstic approaches for the edge-weighted k cardinality tree problem [J]. Computers and Operations Research, 2015. 32, 1335-1377.
- [17] Solnon C. Fenet S. A study of ACO enpabilities for solving the maximum clique problem(J). Journal of Heuristics, 2005, 12, 155-180.
- [18] Solnon C. Bridge D. An ant colony optimization meta houristic for Subset selection problems [C]. System Engineering using Particle Swarm Optimization. Nudjsh N. Mourelle L. Eds., NY, Nova Science publisher, 2006, pp. 7~29.
 - [19] Stützle T, Hoos H H, MAX MIN ant system[J], Future Generation Computer Systems, 2000, 16(8), 889~914.
 - [20] Morroson R W, De Jong K A. Measurement of population diversity[C], Collet P, et al., ed. the 5th International Conference on EA, vol. 2310, Lecture Notes in Computer Science, 2001, pp. 31~41.



定向问题

5.1 问题描述

定向问题的数学模型情述如下,给定图G-(V,E)。点集 $V-\{1,2,\cdots,n\}$,故聚E-((i,j)) $i,j\in V$]。每个点,具有一定收益c,c,>0,且,c,-0(点】每为起点。点。每份表点,往每两点:相,当能离为c,-每份,过一个点可获得流点对定的安全目标与点点多只能经过一次。定向问题的

优化目标是寻找一条从点1出发到点n终止的路径,使得所获得的总收益 最大目路径长度不超过 Tmm。定向问题的数学指述为[10]

$$\max \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} r_{ij}x_{ij}$$
(5-1)

s. t.
$$\sum_{i=1}^{n} x_{ij} = \sum_{i=1}^{n-1} x_{in} = 1$$
 (5-

$$\sum_{k=1}^{n-1} x_k = \sum_{k=1}^{n-1} x_k \ll 1, \quad k = 2, 3, \dots, n - 1$$
(5)

$$\sum_{i=1}^{s} \sum_{j=1}^{s} c_k x_{ij} \leqslant_i T_{max}$$
(5)

$$\sum x_v \leqslant S = 1$$
, $\forall S \subseteq V$, $|S| \geqslant 3$ (5)

比中 $x_*(1 < i i / \le n)$ 混二值要量。如果解检中极低了 $\dot{u}_i(i,j), x_i$ 等于1、亏 到为 \dot{u}_i ,约束(i > 2) 機能局个路径(庫解) 部从点 1 也変列点 u 停止 的 或(i > 3) 報度能力 相点。 形光梯度点 最多 引能处置一次,均均(i < 3) 制度 能力 解释的 於度 不起 过 T_{uv} ,均 実(i < 5) 可屬 结准 意 故 秦 乡 共能 经 历一次,均 或(i < 6) 新版 课程有量 经 其 机 版 收 \dot{u}_i 1.

5.2 算法描述

实际上,如果定向何器中的 T₂,为无穷大民点 1 和点 n 相同。那么定向 问题可以看成 TSP 问题², 本蒙语: 的算法 写文载[11]中录解 TSP 的数 阵穿法 相似。以(1,))上的信息素为 T(1,)),并且函数格信息素释放到所经过 的路径上。其主要使最基。

- 步舞 1.设定参数,并且初始化信息素;
 - 步骤 2、按照路径选择规则构造问题的解:
 - 步骤 3、按照信息素更新规则更新信息素:
- 步骤 4.判断停止条件是否满足,若满足,算法终止,否则返回到步骤 2. 下面首先给出启发信息的定义,再讨论解的构故,最后讨论信息素的更

5.2.1 启发信息的定义

本文采用文献[6]提出的显来定义启发信息。边(i-j)的启发信息定

SE BUILDI.

 $\eta(i,j) = (r_1/c_4)^4$ (5-7)

由式(5 7)可知,那些具有较高收益并且距离点;较近的点。偏好度 较高。

5.2.2 解的构造

由约束(5-4)可知,连反式(5-8)的点一定是不可行点(ii)。

事先去解这些不可行点,能够减少所需要考虑的点数。不失一般性,假 空程有点继续是次(5.8)

- 为了说明构造过程,采用以下记号。
 - T: 当前(未完成)路径;
 - O:路径 T 包含的点集;
 - L(T),路径T的长度;
 c.,第4个构造形料洗取的点。

在构造解析。每只构成从点 1 出发,在第 s+1 构造步,它依式(5 9)定 文的概率从可行点集 $C_{ij} - (j \in V \setminus \{(1,n) \cup O\} \ L(T) + c_{ij} + c_{\mu} \leqslant T_{min}\}$ 申 该版一个点

$$\rho_{c_0} = \sum_{\substack{u \in C_{i_0} \\ v_0 \in C_{i_0}}} \frac{\tau(c_k, j)^u \cdot \eta(c_k, j)^p}{\tau(c_k, u)^u}, \quad j \in C_{i_0}$$
(5-y)

在到可行点集为空,最后达取点 n, 这样就完成一个解的构造。

5.2.3 信息素的更新规则

在所有相似据均为空一个银匠, 位在套均用以下规则更新。

$$z(u,v)^{H1} = \rho r(u,v)^{\dagger} + \Delta r(u,v)$$
 (5-

$$\mathfrak{M} \oplus \mathfrak{r}(u,v)^{(i)} < \tau_{abi}, \quad \mathfrak{M} \circ (u,v)^{(i)} = \tau_{abi}$$
 (5-1)

$$\Delta e(u,v)$$

$$\begin{cases}
f(s^{\text{lon}}), & (u,v) \in s^{\text{lon}} \\
0, & 30 \text{ for }
\end{cases}$$
(5.13)

$$f(x) = 1/(\sum_{i=1}^{n} r_i x_{ij})$$
 (5.14)

其中 τ(ω·υ)*是在第1代边(ω·υ)士的信息素。 **** 是最优解。它可能是当前 最优解。***也可能是本次选代最优解。**。 注意到如果式(5-14)的分母等于 0. 此时最低年必核被投列,等按可移止。因此次(5 14) 基有意义的。 τ_m 和 $_m$ 分别压信息素的上下界。信息素的上界设置为 $f(x^n)$ (1 -p)。信息来下界度用加下的的大选来。当这样—个声的声响下来一被打破位为一个合业的6 。这可以通过将 τ_m 设置为 $(1 \sqrt{P_{bm}})/(c_{bm})$ $1 \sqrt{N_{bm}}$ $1 \tau_m$ $1 P_{bm}$ $1 \tau_m$ $1 T_{bm}$ $1 T_{bm}$ 1

其中 y(1<y<n) ふ(λ>1)是参数。

在后续章节中,将研究总异量的性质,并且讨论平均差异量的计算 方法。

5.3 差异量的性质

在定向问题中, 差异量是一个距离。

姓质 1 D(*,*) 是距离。

证明,所定解 s_i , a_i , a_i

且無別。這明中的也在否何國而不一起構成。」「信意を經及學是 可信息素更差的工業。且然地、何候中國的辦是一个國務更量。我在第一 次改批性。信息差別成为。別非更知信息素的就使那少一。也都十十次是 代中信息素用量少十。。但是少是使死5.2.2 等的模型方法可求的一个權 報報。在不考虑信息表上下押的情况下。對政在信息素更新目電新均取录 代解一定的報報用人。即以下始地度。

性质 2 $P(D(s,s_i^{lost})=0|\mathbf{r}_i) < P(D(s,s_i^{lost})=0|\mathbf{r}_{i+1})$.

$$\hat{p}_{q_{2}q_{2+1}} = \begin{cases} \sum_{i \in C_{q_{2}}}^{\mathbf{r}} (u_{1}, u_{3+1})^{j} \cdot \eta(u_{1}, u_{3+1})^{j}, & u_{i+1} \in C_{q_{i}} \\ \sum_{i \in C_{q_{i}}}^{\mathbf{r}} (u_{1}, u_{i})^{j} \cdot \eta(u_{2}, u_{i})^{j}, & u_{i+1} \in C_{q_{i}} \end{cases}$$
(5-16)

而在第7-1次迭代中,选取 451:的概率为

$$\begin{aligned} & \frac{\left(\mathbf{r}\left(u_{t},u_{t+1}\right) + \frac{\Delta \mathbf{r}\left(u_{t},u_{t+1}\right)}{\rho}\right)^{q} \cdot q\left(u_{t},u_{t+1}\right)^{p}}{\rho}, & u_{t+1} \in C_{q} \\ & \sum_{\mathbf{r} \in C_{q}} \left(\mathbf{r}\left(u_{t},u_{t}\right) \cdot \frac{\Delta \mathbf{r}\left(u_{t},u_{t}\right)}{\rho}\right)^{q} \cdot q\left(u_{t},u\right)^{p}}, & u_{t+1} \in C_{q} \\ & 0, & \mathbb{X}^{\frac{q}{2}}. \end{aligned}$$

 $\frac{a}{a+b} < \frac{a+\Delta}{a+b+\Delta}$ $a,b,\Delta > 0$ (5-18)

可知 $p_{i_0 i_{k+1}}^i > p_{i_0 i_{k+1}}$,这证明了在信息素更新后、选择 z^{i_0} 的概率增加了。从而证明结论。

權论 如果在第:-1次述代中 $:^{loc}$ 对应边上的信息素为无穷大、则 $E(D(s_1;^{loc})|_{\Phi_{11}})=0$ 。

证明, 炎似于性质 2 的证明可知、 $P(D(s,s^{lm})=0|\mathbf{r},s)=1$ 。依据期望 的证实可知效论成立。

实际上,如果, "一对应边上信息素与其他边上的信息素的差异过大,此时则如果并能将会提小(核)近下(0),别数的探索能力加索房。而平均差异 能量期现差异量的无偏估计。在平均差异量小于某个阈值时。可以通过橡改 信息素的下界来保持搜索的多样性。

5.4 平均差异量的计算

为计算率均差异量、关键在于计算任息两个解的差异量、设两个路径(解)3。— (a_1, \cdots, a_r) $(a_1,$

$$S_s = \{(a_1, a_2), \cdots, (a_{s-1}, a_s)\}$$
 (5-19)
 $S_b = \{(b_1, b_2), \cdots, (b_{s-1}, b_s)\}$ (5-20)

 和 6. 即可。计算两个解差异量的伪代码在图 5. 1 中给出。

```
終鮮、用版電子の Q_{ab}

= 1、用版電子の Q_{ab}

= 1、用版電子の Q_{ab}

D(x_{a,x,y}) = 0

D(x_{a,x,y}) = 0

D(x_{a,x,y}) = 0

(x - y) = 1 a = 1 a = 1

a = 1 a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1

a = 1 a = 1 a = 1

a = 1 a = 1 a = 1

a = 1 a = 1 a = 1 a = 1

a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1 a = 1
```

M 5.1 计数据小解的监禁证的布件部

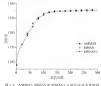
由传代码可见, $D(x_0, y_0)$ 的計算复杂度为O(v)+O(u)。显然,O(u)和O(v)都不大于O(u),因此,在最差情形下,差异量的计算复杂度不超过O(u, u),平均差异量的计算复杂度不超过O(u, u)

例,考虑总点数为? 约定向问题.一个维 s_* -(1,2,3,7),另一个维 s_* -(1,3,2,4,7),朋 s_* 对定的向量 P -(2,3,7,0,0,0,0),Q -(0,1,2,0,0,0,0)3)。 依据差异量的定义可见, $D(s_*,s_*)$ -6 H S_* -(2,3) +(2

5.5 实验分析

本文解提出的算量用 C = 实现并且 在 P4 3 GHz PC 上侧试、采用 文献(写)中的背侧或余测试的进程。参数成为1, 约以数 $n_i = 0.5$ 。。 -1.5 。 -1.5

为了分析 AMMAS 的性能,首先将其与 MMAS 以及 MMAS 上市作比 较,其中 MMAS 土市 是在 MMAS 中加入信息素重新初始化机制,其具体实 现是在平均差异量小于 7 时,将信息素的值设置为信息素上界。实际上,在 平均差异量较小时,也可以重新初始化信息素,从面避免信息素的差异过 大。在 MMAS 和 MMAS+ri 中,按照欠銀[11]的建议将 Pus设置为 0.05、 比值条数与 AMMAS 的一样。



[3.2 AMMAS,MMAS和MMAS+n的总收益变化由线 (在算例 64×80 □的结果)

表51和表52分別給出了两个最大的算例集(即钻石形(Diamond



NISS AMMAS.MMAS·HI的平均却异量变化南线 (在集制 64×80 - 66次集)

abaped 相力報形 (Square-abaped) 算質型) 可信実施結果 (直一个整例集中 的点数 » 力 64. 其 14 个算例。 巨一个整例集中的点数 » 力 56. 其 26 个背 例)。 表 5-1 権表 5 平均台) 了他十算例的量 た 18 校 底 優大街 1 将下均島 収 益 (平均旬) - 在 太中第二列省出的是 玄統 (3) 中的算法 (CW) 前実 強結果。 最 一般整新的法規制保 (本学位)

Mt 4-1	AND ACCURAGE TO MAKE Chief IV Discovered channel for \$2.00 (\$1.00.00.00.00.00.00.00.00.00.00.00.00.00	44 50

50 60	CGW	AM	MAS	M	/AS	MM/	S÷ri
20. 24	最大值	最大值	平均组	最大值	平均值	最大值	平均值
64×15	56	96	96.0	96	96.0	96	95.0
64×20	294	294	294.0	294	294.0	294	294.0
64×25	230	390	850, 0	390	389.1	230	390.0
64×30	474	486	484, 8	486	484,5	486	485, 4
64×35	570	576	569. 1	576	567.9	576	567.6
64×40	714	714	710, 7	714	708,9	714	708,8
64×45	816	816	896. 1	816	803.4	816	805, 5
64×50	900	900	895, 8	900	891,0	900	894, 0
64×55	984	984	975, 6	984	976.2	984	977.1
64×60	1044	1062	1058, 1	1062	1055.4	1062	1056, 5
54×55	1116	1116	1114.8	1116	1113.0	1116	1113.0

							经表
20. 60	CGW	AM	MAS	MN	(AS	MMA	NS + ri
37 56	最大值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
64×70	1176	1188	1186.8	1188	1186.8	1188	1187.1
64×75	1224	1236	1231.5	1236	1230.3	1236	1229.
64×80	1272	1284	1278.0	1284	1273.8	1284	1274.4

84×80	1272	1204	1276.9	1264	1210.0	1200	1679.
表 5-2	AMMAS.N	IMAS 81 M	IMAS+ri i	⊈ Square-s	haped 敦德:	集中的实验	計業
	CGW	AM	MAS	M	AAS .	MM/	NS+ri
7K 90	最大值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
66×5	10	10	10.0	10	10,0	10	10.0
66×10	40	45	45,0	45	45.0	45	45.0
66×15	120	120	120,0	120	120,0	120	120,0
66×20	195	205	263, 8	205	202, 3	205	203, 8
66×25	290	390	290,0	290	290,0	290	290.0
66×30	400	400	600,0	400	400.0	400	400.4
66×35	450	465	462.0	465	461.8	465	462, 3
66×40	576	575	575.0	575	575.0	575	575.0
66×45	650	650	647.5	650	646.5	650	647.0
66×50	730	730	730.0	750	729.8	730	730.4
66×55	825	825	823, 5	825	821, 5	825	823, 1
66×60	915	915	914,8	915	914.8	915	914.8
66×65	9.80	980	980,0	980	980,0	980	980.0
66×70	1070	1075	1075,0	1075	1075.0	1075	1075,
66×75	1140	1140	1140,0	1140	1140.0	1140	1140,
66×80	1215	1215	1214,3	1215	1214.3	1215	1214,
66×85	1270	1270	1267.3	1270	1256.3	1270	1266.
66×90	1340	1340	1340, 0	1340	1340.0	1340	1339,
66×95	1280	1395	1393.3	1395	1391. 3	1395	1392.
66×100	1435	1465	1464, 5	1465	1463.5	1465	1464.
66×105	1510	1529	1519.8	1520	1519.0	1520	1519.
66×110	1550	1560	1560, 0	1560	1559.8	1560	1560.
66×115	1595	1595	1594, 0	1596	1592, 5	1595	1593,
66×120	1635	1635	1635,0	1635	1635.0	1635	1634,
66×125	1655	1670	1669,8	1670	1669.0	1670	1667,
66×130	1680	1685	1679,8	1680	1679.8	1680	1679,

最后。終 AMMAS 与文献[10]中的教育等法 ACO-OP 相比。由于 ACO-OP 只给出小规模等到的最大点收益(ACO-OP 役在互致小下64 的等 例上测试)。本下改化较这些成大总收益。表 3 中的出的是 AMMAS 和 ACO-OP 获得的新的最大总收益。它们布其他算例中的结果相同。这表明 AMMAS B—布伦敦帝原定的国创教材整弦。

表 5-3 AMMAS 与 CGW, ACO-OP 的最大总收益

38 80	CGW	ACO-OP	AMMAS
21×30	265	265	278
21×40	395	395	460
32×60	220	225	225

5.6 小结

本市政府省近是发现各种级果核废取近向间隔。 每明了高频量形式 同位程中是一种是一种了新了直对海市的定。 或目了一个电阻计算平均显形 最龄市场、本有证券中部了自身有效的基本的特别企成的高级。 是小物域在 是 "完全港市" 与 MMAS 和用作品直接重新的物位或的最大最小物域在 方似可是大量小场域来提供打算用最好。 这一步而是用于超过设数而已 有效可是大量小场域来提供打算用最好。 这一步而是用于超过设数而已 是特殊发现等更加速。 为一面性成功,他们就知识在自己转 让价值是有例的。 与"发展中的"在他有发发生选相比。本专用被当的就达 AMMAS 能成效数率的时间或指据发动的

参考 文献

- Golden B L, Levy L. Vohra R. The orienteering problem [J]. Naval Research Logistics, 1987, 34, 397~318.
- [2] Hayes M., Norman J.M., Dynamic Programming in Orienteering 1 Route Choice and

- the Siting of Controls[J]. Journal of the Operational Research Society, 1984, 35 (9), 791~794.
- [3] Laporte G. Martello S. The Scientive Traveling Salesman Problem [1]. Discrete Applied Mathematics, 1990, 26, 193 ~ 207.
- [4] Leifer A C. Rosenwein M S. Strong linear programming relaxations for the orienteering problem [J]. European Journal of Operational Research. 1994, 73, 517—523.
- [5] Fischetti M, Gonzales J S, Toth P. Solving the orienteering problem through branch-and out I. INFORMS Journal of Computer, 1998, 10, 133~148.
- Tsiliguides T. Heuristic methods applied to orienteering[J]. Journal of Operations Research Society, 1984, 35, 797—819.
- [7] Ramesh R, Brown K M. An efficient four-phase houristic for the generalized orienteering problem [J]. Computers and Operations Research, 1991, 18, 151-165.
- [8] Chao I M., Golden B L. Wasil E A. A fast and effective heuristic for the orienteering problem [J]. European Journal of Operational Research, 1996, 88, 475~489.
- [9] Wang Q, Sun X, Golden B L, et al, Using artificial neural networks to solve the orienteering problems [1]. Annals of Operations Research, 1995, 61, 111—120.
- [10] Liang Y C, Smith A E. An ant colony approach to the orienteering problem [J], Journal of the Chinese Institute of Industrial Engineers, 2004, 23(5), 405~414.
- [11] Stitule T, Hoos H H, MAX MIN ant system[J]. Future Generation Computer Systems. 2000. 16(8), 889 ~914.



团队定向问题

6.1 问题描述

在組成定的问题(team orientering problem: TOP)中, 年基中的每个 生精试图的同一组具有一定效益的点,每个年期必须在规定的时间内从起 点出现到透路点,—目某个年期经过一个点,它需要附近点对应的收拾。其 他车辆取经过速度。在他被要排放点对应的收拾。其 把基础单位的成准的基件。

1994 年, Butt 和 Cavalier 最先研究团队定向问题, 不过他们移这类问题为多路最大收集问题(Multiple Tour Maximum Collection Problem)[17], 用队定向问题这个名字是由 Chao 等[1] F 1998 年確立於。

许多实际问题"以目标为知识定问地题",增加实现自然分增原制度分析 适等超级价格的现在分类。现在更多在一个工作口中实施能量的对于提会创助效 成立题解以致心。现在更多在一个工作口中实施能量的行为提会创助效 为一个工作目,由于存在时间到标。推整成功。但时间就是可必要可以有解 为一个工作目,由于存在时间到标。想象或少量比较简高分别常要很难多。 他实验问题,对解多于增来测度材配。对解现在,但或识别是可能是可能是一种更多 他实验问题。对解多于增来测度材配对。但一个工作和分别是有一个工作。

F dydrefel 2

The second secon

A CONTROL OF THE PROPERTY OF THE PARTY OF TH

C . Spinish and a first to the state of the

the second second second second

of the special dispersion in particular

$$\operatorname{Ann} \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{2}} \operatorname{crit}$$

$$\sum_{i=1}^{r-1} \sum_{j:i} c_{ij}x_{ijk} \leqslant T_{mn}(k-1,2,\cdots,m)$$

$$\sum_{i=0}^{r-1} x_{ijk} \leqslant |U| - 1(U \subset V \setminus (1,n)_1 - 2 \leqslant |U| \leqslant n - 2_1k - 1,2,\cdots,m)$$

 $x_{ii} \in \{0,1\}, (1 \le i \le j \le n; k = 1,2,\cdots,m)$

 $y_{ik} = y_{ik} = 1, y_{ik} \in (0,1)(i = 2, \dots, n = 1; k = 1, 2, \dots, m)$ 其中约束(6.2)限定与辆车必须从截点1出发终止于点 n; 约束(6.3)规定 路径的连通性;约束(6-4)规定除了点1和点。之外其他点最多经过一次; 约束(6.5)描述了时间约束,约束(6.6)避免出现子路径(即任一条边最多 包含于一条路径中);约束(6.7)和(6.8)限定了全量必须取值为0或1。

6.2 现有领法问题

由于团队定向问题是 NP-hard 问题,现有研究主要集中于自发算法。 Butt 和 Combler[1] 概则了一个金数额法。Chan 等[1] 概述了五面独立和核心。 主称动、咖啡、品类效用、果初给化)。他们还在Tsibgirides(*) 解积效块的基 袖上提出了一种启发算法。Tang 和 Miller Hooks "提出了一种禁忌算法。 Anchora in 1921 at the complete at the late an analog of the terror at the factor and the 老市思出了两个标准管法(exact algorithm), 一个是基下列生成(column generation based) 的精确算法[ii],另一个是基于分支定价(branch and price based)的精确算法[II]。但是它们只能在合理的时间内皮解得小理程的间 原、鱼加,在两小肚内,后一个算法只能求架测试数据集中的少数几个100 NE do tra se.

6.3 算法描述

在应用蚁群等法[2] 水解团队定向间题时,解的构造是一个关键点。有 许家应用中,每的构造过程是自然的。例如应用或胜等运发每 TSP 时,在 每个构造形,只需要从未被洗取的点中按照状态转移埋断选取一个点即可, 但是对于团队定面复数,在每个构造出,幅载必须序定哪个车辆移动以及冲 宗该车辆向哪个点移动,为解决这一问题,提出了4种构造法。

本意版基出的算法(ACO-TOP)在经典解野繁排解犯下来偏别其定向 问题, 其基本流程见图 6 1. 下面卷详细讨论该算法的转点。首先给出了



信息素和启发信息的定义;接着介绍解的构造和信息素的更新规则;最后 合绍品源超索

```
\label{eq:continuous} \begin{split} & \text{SIM-DEC }_{\text{REP}}(\mathbf{x}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{TREERED}_{\text{REP}}(\mathbf{x}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{TREERED}_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{TREERED}_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{SIM-DEC }_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{similar }_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{similar }_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{similar }_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{similar }_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}), \\ & \text{similar }_{\text{REP}}(\mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}_{t}, \mathbf{x}
```

6.3.1 信息素和启发信息的定义

製棚団队定向问题的定义。它可以表示为一个构造图(construction graph)。其页点就是原问题的原点。任意边(i, j) 都號有一定量的信息素 τ(i, j),用于表征从一个页点转移到下一个页点的编算(desirability)。

假设蚂蚁当前位置为:-高发信息 y(+,))用来表征一种先教的编好。注 您到国队定由问题的优化目标是在规定时间内,使得国队的总收益最大化。 因此蚂蚁更加值好那些具有较高收益且高;较近的点。

这一或家启发我们考虑点;的以下性震;①收益 r_1 ②t和;②向的距 解 r_{ij} ①如果解有点都位于同一平面且任意明点宜就可证(文献(2)中的算 例满足这个条件),此时可以考虑之j加 的度数;即 arccosse,其中 w_i 一 (c1+c1, c1) $2c_{ij}$ 4, 在图 a2 v3 始出了f7 i3 的永意图。a1, a1, a1, a1, a2 的角度分别为9和0°,且0<0°。由图62可见,如果选取j°,则使车辆偏 商点四,而如果选取j,则使车辆偏向于点四,考虑到时间约束,点;/从局器 来看)优于点j°。依据这些性质,启发信息的定义如下;

$$\eta(i,j) = \frac{r_i}{c_d} \exp(\gamma w_g) \qquad (8.9)$$

其中 γ 是一参数 $(\gamma \geqslant 0)$,它决定u,的重要性。当 $\gamma = 0$,此时不考虑w,,且v(i,j)与Tsiligirides^{[i)}提出的启发信息一致。



6.3.2 解的构造

由约束(6-5)可知, 违反式(6-10)的点一定是否可控表(6)。

 $c_{ii} + c_{ii} \leqslant T_{max}(2 \leqslant i \leqslant n - 1)$ (6-10)

如栗事先去掉途地不可行点,就可以减少需要考虑的点数,为方便起见,不失一般性,假定所有的点都满足式(6-10)。

约束的处理是构造解的一个关键点,一种可行方法是将贴问题转化为 无约束问题:常见的方法有简确数法包括内点法,外点法),但是简确数法 中, 問因子的选取是个难点,似群算法是一类构造性算法,它能作每个构造 步去种不可行点,这为处理的束握供了/框。

在构筑解的运程中,蜗放相当于一个具在简单等值的故障者。它的有 为特个全确选是一项订得指价性规则的向外从最近出发的选择点的 经)。具体打言,在每个构造市,制效地数一年期并为该年期选取一一刊行 点,正到所有的车辆都划选择。点 (这一过程对这"产团 6-1 中的 ConstructSchulen 提供),在常年级以下方法。

- (1)申行法。在这种方法中,蚂蚁咒翰一个车辆选择一条可行路径,然 后再给下一个车辆选择一条可行路径,直到所有车辆都安排了一条可行路径。
- (2) 同步法。在这种方法中,蚂蚁按照一定次序给每个车辆选择一可 行点,这 过程反复进行,直到所有车辆都安排了一条可行路径。与虚照种

安排车辆的次序,一种是确定性次序。即给车辆选择点的次序是固定不变 的;另一种品梯机性皮序,即给车辆资格点的次序是随机的。相应地,这两 带次序对应的方比分别称为确定性同步法,和能机性同步法。需要注意的 是,如果果个车辆没有可行点,据在以后的构造过程中不用考虑。

(3)同时法。在这种方法中,蚂蚁从连接每个车辆当前所在点到所有 可行点的边中选择一个边。该方法同时确定一个车辆和一个可行点。

考慮一个总点数π为7.且车辆数m为2的团队定向问题。图6-3到图66分别给出了4种构造方法的示意效果。在每个图中·边上的数字表示构造步的作号。图63号示的是电行法,从第一步到第三步-蚂蚁给第

一个车辆安排可行点。而在其效步中给第二个车辆安排可行点。图 6 4 和 图 6 5 分别最后的是确定性同步运输器机性同步法。这两种方法交替地给 两个车辆安排可行点。在图 6 6 中显示的是同时法,在每一步中蚂蚁同时确定一个车辆要推 1 个点。



图 6.3 申行法示意图 点数为7.5辆数为8.实线易车辆1的路径,或线是车辆2的路径,以上的数字点示 构造的次序。

为了在蚁群算法的框架下描述这4种方法,采用以下记号;

u.;在第 b 个构造步、第 i 个车辆所处的点(1≤i≤m)。

 $C_{s,1}$ 由所有未被经过且满足式(6-11)的点组成的集合。即 $\forall v \in C_s$, $L(t_s) + c_{s,s} + c_{s,s} \leq T_{ses}$ (8.1)

其中 L(r,) 是第 r 个 年辆经过的(未完成)路径 r,的长度。如果 C 。是 空集。 即没有可行点,则然引被选股并目第 r 条路径空成。

- 10:1 在第片构造步选取的点。
- q.; 在第 k 构造步选取的车辆。



图 6.4 确立性同步法示意图 点整为 7. 车辆整为 2. 实线后车辆 1. 的游径 · 库线是车辆 2. 的路径,设上的整字在示 构造的次序。



图 6.5 随机性同步法示意图

武数为7.专销数为2.实线是专销1.的接径,成线是专销2.的路径。以上的数字表示 构造的状序。

在舉行法、确定性同步法和随机性同步法中,蚂蚁按照以下概率选择下 一点,

$$\rho(v_{t+1} - v, q_{t+1} - j - C_{v_i}, \mathbf{1} \leq i \leq m, q_t, \tau)$$

$$= \begin{cases}
\frac{\tau(u_t, v)^s \cdot \tau(u_t, v)^s}{\tau(u_t, w)^s}, & v \in C_{v_i} \\
\frac{v}{u_t} = C_{v_i} & v \in C_{v_i}
\end{cases}$$
(6 12)

其中·a和 / 是参数。注意到在串行法中, 乍桐 qu 和 qu / 是相同的, 而在两

种同步法中它们可能是不同的。 虽然这个概率决策规则与基本效群界法的 器框框率规则形式上有所不同。但是一定在选取下一个移动为向时都编写于 这取前发信息和信息素较大的边。其基本思想与基本效斯算法的随机概率 即制于但,

MAA FIRMAARIN

《放散为7. 车辆数为2. 实线是车辆1.的路径,成就是车辆2.的路径,以1.的数字表示 构造的次字。

在同时法中、蚂蚁按照式(6 13)给出的概率选择下一个点, $\rho(v_{t+1} = v_t, q_{t+1})$ $i \in C_{t+1} \leq i \leq m_t q_{t+1}$

$$= \begin{cases}
\frac{\tau(u_I, v)^s \cdot \eta(u_I, v)^s}{\sum_{i=1}^n \sum_{n \in \mathbb{T}_q} \tau(u_i, w)^s \cdot \eta(u_i, w)^s}, & v \in C_{\tau_j} \\
\end{cases}$$
(6-13)

由于在每个构造步具有一个车辆和一个点被送取、式(6-13)可以通过 保存 $\sum_{u \in C} r(u_v, w)^u \cdot \eta(u_v, w)^d (1 \le \iota \le m)$ 来快速地計算。 假定车辆,和点

v被选取、则对于车辆 $i(i \neq j)$ 。它所对应的可行点集变为 $C_n \setminus \{v\}$ 。

6.3.3 信息素的更新规则

- 目所有的蚂蚁器构造了一个部、按照最大最小蚂蚁系统给出的规则 更新信息素(即图 6-1 中 Pheromone Update)。

$$r(u,v)^{(i)} \rho r(u,v)^{i} + \Delta r(u,v)$$
 (6-14)
 $\mathfrak{M} \otimes r(u,v)^{(i)} \leq r_{obs} \otimes \mathfrak{M} r(u,v)^{(i)} = r_{obs}$ (6-15)

知果
$$\tau(u,v)^{(i)} < \tau_{min}$$
, 別 $\tau(u,v)^{(i)} = \tau_{min}$ (6-15)
如果 $\tau(u,v)^{(i)} > \tau_{max}$, 別 $\tau(u,v)^{(i)}$ τ_{max} (8-16)

其中r(u,v)'是点(u,v)在第I代前的信息素。如果(u,v)在第I代徵最优 频数经过,剩Lr(u,v)'等于 $F(s_{tot})$,亦明Lr(u,v)=0。 最优解 s_{tot} 可能是 本次运代表得的散优解 s_{tot} 也可能是当前最优解 s_{tot} 。F(r)是质量函数 (ouality function)^[1],完由下点给出,

$$F(x) = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=1}^{n} r_{ij'a} / \sum_{j=1}^{n-1} r_{ij}$$
(6.1)

Tour 和 Tour 分別是信息素的 L. 下界、设置上下界的目的是为了避免停 等。它们按照式(6.18)和式(6.19)设置为

$$\tau_{\text{max}} = \frac{F(s_{g0})}{(1-\rho)} \qquad (6.18)$$

 $\tau_{\text{min}} = (1 - \sqrt[3]{P_{\text{bex}}})/((avg - 1) \sqrt[3]{P_{\text{bex}}})\tau_{\text{text}}$ (6-1)

其明·如实等于对2.P。基础数(公平)。(21)、依据 Stutick 和 Hoso 的过程 (4、信息表的能化为任意大约数值。这位明显在适合之间 传数分别的现象 第5)、分析。准新知效化信息素能起列改善可法性能的作用。在管理标行 过程中,如果从次则一一个当构就代析和验证 2、代的统设有投列新的最 使用"两省信息基种规定置为信息等和验证"。

6.3.4 局部搜索

局局推進常用承收表級程算協動物面。但在6月用甲寅時中考验解是 最相同即付值明显 1 中旬 LoolSacott 民间。 磁射 国际 1 年 C - 年 代载 均局重複素、本等利用了文献 [2] 中的局部搜索,其基本思想是,先用 2 中立,直面加坡中海海路边的广东,对加入水平地影响可引力。 法分替附收款 等于企业部分类化强加发展不由增加。对行2019年、在野田中、场 等提供用与特值透過上行交通。它在所有时效都构造之转之目且在信息来 比未知高之微数计

6.4 实验分析

本市用完全来等在火币服用的容量用化化。并付在2%。而有代明一 在"实现上位于环境为,3GHz CPU.1G RAM、Windows XP 指标系统。 深 用发航汽中的第一个部层第一位20分别而了十一般都像。这些数据前的 原发放汽力等为第一22.13.31.05.65.41.02。在每个最简单。每个点面等 每个点面等的对象之。4、企业是于他上有个影响的公司仅在于下止。每个条 都管理用工。大点一个表面影响,是不是我们是不是不会影响的。

- 数。每个算例用 x, y, x 表示, 其中 x 表示该算例所在数据集中的序号, y 表示车辆数, z 表示该算例在相应数据子集中的序号。
- ACO-TOP 算法用混合策略更新信息素: 每隔 5 代。当前最优解 zz 被 用来更新信息素:在其他代中。都用本次选代获得的最优解 zz 来更新信息 素: 对于每个管理,测过 10 /z.

6.4.1 参数设置

在新述算此之前。 (未免或等基础多数、 与 250。如反对许可持有"计算范集。 是人运行代数 Nc 为 2000。 (为级数为 2000。 2000。 如反对音法在性多反 用中一件。 11, pc 0.96,Pc = 0.05、实验表明。各致 pd pc 对复发片性 起着关键作用。 我们比较了不同的 pl 和 yc 它们的测试值分别为。 pc (0 0.25 0.5 1, 2 2 4 8 8) yc (0 0, 0.25 0.5 1, 2 4 8 8) 数偿销率表明 可看都版为 0.9 所述性物数分。

6.4.2 4种构造法的比较

在表电-1 和表电2分割信息 (4 种构造方法在每个规模很大的数据级 (19第4年4年) "快速的中的计算结果。由在其他数据级中4 科模选 方法的容界本人了部时排写郑星相声中给出。由结果用"电力量特别" 法最好。确定性同步级与磁机性同步级的计算结果相当。指透离好。在大 参数写典中。中行运输张式度在了风速上转分成。在第 4 散器影响,同时 协师平均微频片。在第 5 中表现第一种计划种平均有数好。

表 6-1 4种构造方法在第 4个数据集中的实验结果

25 04	191.8	710	横定性	国步法	随机性同步运		阿时故	
A 14	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
pt. 2. a	206	206	206	206	206	206	206	206
p4, 2, b	341	338,7	341	338	341	338.7	341	340.3
pt. 2. c	452	447.9	452	448.8	452	449.4	452	448
pt. 2. d	531	527.5	531	528.7	530	528.4	531	528, 2
pt. 2. e	618	596.9	600	595.6	600	597	613	599.1
p4, 2, f	687	672,6	672	667.6	672	663,8	672	664.
pt. 2. g	757	736,8	758	743.2	756	746.1	756	749.4
pt. 2, h	827	818, 2	819	812,8	819	812, 4	820	815
p4, 2, i	918	894, 1	900	888, 5	918	873, 8	918	895, 3
p4, 2, 3	965	953,2	962	949.6	962	945, 2	962	980.
pt. 2, k	1022	1001, 1	1018	1001, 3	1016	1004, 2	1016	1001,4

								织表
11 (11	813	Yth	确定性	同形法	FA 81.00	同步級	FI	対は
36 174	景大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
pt. 2. 1	1071	1063.5	1070	1062.2	1071	1058.9	1069	1060.8
p4. 2. m	1130	1110.6	1115	1106.9	1119	1108.3	1113	1094.2
pt. 2. n	1168	1146.9	1149	1133.6	1158	1148	1169	1145.4
pi. 2, o	1215	1175, 8	1209	1188	1198	1184, 3	1210	1184.
p4. 2. p	1242	1215	1229	1211.7	1233	1206.9	1239	1205.
p4. 2. q	1263	1234, 3	1253	1232.6	1252	1225,7	1260	1227.1
p4, 2, r	1288	1263.4	1278	1257.5	1278	1261.6	1279	1264
pt. 2, s	1904	1288, 4	1304	1288. 4	1303	1284,9	1304	1294.5
p4, 2, t	1306	1304.4	1306	1305.1	1306	1303	1305	1305
p1. 3. b	38	38	38	38	38	38	38	38
pt. 3. c	193	193	193	193	193	193	193	193
pt. 3, d	335	833	333	332.5	533	833	335	332
pt. 3. e	468	463.2	468	465.6	468	466.4	468	465.4
pt, 3, f	579	560, 2	579	575, 6	579	573, 8	579	569
p4. 3. g	653	651.6	652	652	653	647.2	652	649.4
p4, 3, h	720	712, 6	713	709.8	713	709,4	713	710,4
p4. 3. i	796	779.2	793	778	793	781.9	785	775.4
pt. 8. j	861	859, 4	857	845, 6	855	841, 4	858	850, 5
pt. 3, k	918	895, 7	913	900, 7	910	899	910	895.4
pt. 8.1	979	954.2	958	952. 4	976	961, 1	965	953.
p4, 3, m	1053	1023, 1	1039	1019.8	1028	1003, 4	1046	1028,8
pt. 3, n	1121	1100, 8	1109	1093.9	1112	1099,7	1103	1094.
pt. 3. o.	1170	1158, 1	1163	1154.2	1167	1155, 6	1165	1157.4
pt. 3, p	1221	1201,7	1202	1189.4	1207	1200, 8	1207	1202, 2
pt. 3. q	1252	1227, 4	1239	1232, 8	1239	1221, 8	1238	1231
p4, 3, r	1267	1255, 7	1263	1269.4	1263	1240,4	1263	1260.2
pt. 3, a	1293	1283, 7	1291	1284.9	1289	1282	1291	1286, 2
pt. 3. t	1905	1302, 3	1304	1302.8	1503	1293, 6	1304	1301.4
pt. 4, d	38	38	38	38	38	.38		38
pt. t. e	183	183	183	183	183	183	183	183
pt. 4. f	324	324	324	323.5	324	322, 2	324	328,5
pt. 4. g	661	460, 1	461	459.8	461	458,3	460	460
pt. 4. h	571	552	556	556	556	555.2	555	554.2
pt, 4, i	657	641,6	653	642,6	652	643,6	653	649,
pl, 4. j	732	726, 7	731	721, 2	711	707.3	731	726.8
pt. 4, k	821	814, 2	820	815.3	818	813	818	814



p7. 2. o

p7, 2, q

p7, 3, b 46

991.3

								20.55
27 51	dt i	Fritt.	确定性	确定性同形法		随机性同步宏		时法
16 27	最大值	平均值	最大位	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
p1.4.1	880	865.4	877	871.5	875	870.2	875	870.3
4.4.m	918	904.7	911	909.1	906	903.1	911	905, 9
pt. 4. n	961	946.3	955	948.9	956	548	956	952.3
p1.4.0	1036	1001.1	1030	1012, 3	1021	1002,7	1029	1015, 5
p1.4.p	1111	1074	1108	1073.5	1088	1064.4	1110	1099.4
p4. 4. q	1145	1106, 2	1150	1117.2	1137	1107, 7	1148	1122, 5
p4. 4. r	1200	1168.7	1195	1153	1195	1163.2	1194	1161.2
pt. 4. s	1249	1233.9	1256	1229.2	1249	1213.7	1252	1238, 1
pt. 4. t	1281	1268.4	1281	1276.2	1283	1273.5	1281	1268.6

	- 1	表 6-2 4	种构造方	法在第7	个效据集	中的实验	結果	
	101.9	yth:	确定性	国療法	箱机性	同步供	[4]	財法
28 (94	景大值	平均值	景大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平土
p7.2.a	30	30	30	30	30	30	30	3
p7. 2, b	64	64	64	64	64	64	64	- 6
p7. 2. e	101	101	101	101	101	101	101	10
p7. 2. d	190	190	190	190	150	150	190	1.9
p7, 2, e	290	210	290	290	290	290	290	29
p7. 2. f	387	386,7	287	386.7	387	387	387	38
p7. 2. g	459	459	459	459	450	459	459	45
p7, 2, h	521	521	521	520, 6	521	521	521	52
p7, 2, i	580	578, 6	579	578.3	579	578, 3	579	57
p7, 2, 3	646	644	646	644.6	646	645,7	646	64
p7, 2, k	705	701.2	704	701. 8	704	702.8	704	70
p7, 2, 1	767	765,4	767	765, 5	767	766,5	767	76
p7, 2, m	827	827	827	824.5	827	825,8	827	82
p7, 2, n	888	878	878	878	878	878	878	87

983.5

1082.9 1088

1161.9

985, 4

46

985, 6

1084.4

\$6章	团队定向问题	101)
	/	0

								织表
22 (9)	dif	100	确定性	同步状	随机物	同步级	E	时法
10 24	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	赦大值	平均值
p7. 3. d	117	117	117	117	117	117	117	117
p7. 3. e	175	175	175	175	175	175	175	175
p7. 3. f	247	247	247	247	247	247	247	247
р7. 3. д	344	344	344	344	344	344	344	344
p7. 3. h	425	424.3	425	423.9	425	423.1	425	424.5
p7, 3, i	487	485,3	487	485, 1	486	485, 6	487	485
p7, 3. j	564	543.2	564	562.8	544	563.4	564	563, 3
p7. 8. k	633	629.5	632	627.1	633	629.4	633	629.6
p7.3.1	684	680.7	683	680.5	684	679	684	681.2
p7, 3, m	762	759.1	762	756.8	762	754.2	762	755, 5
p7.3.n	820	813.9	819	811	819	811.2	820	813
p7.3.o	874	874	874	873.7	874	873	874	873,7
p7. 3. p	929	925.6	925	922.3	926	924.1	925	923.6
p7, 3, q	987	984,5	987	983, 1	987	982, 5	987	981
p7.3.r	1026	1018.4	1024	1017	1021	1015	1022	1016.4
p7, 3, a	1081	1070,3	1081	1062, 2	1031	1062, 6	1077	1061, 5
p7, 3, t	1118	1107.2	1117	1101	1103	1086.5	1117	1108
p7.4.b	30	30	30	80	30	30	30	30
p7, 4, e	46	46	46	46	46	46	46	46
p7.4.d	79	79	79	79	79	79	79	79
p7, 4, e	123	123	123	123	123	123	123	123
p7. 4. f	154	164	164	164	164	164	164	164
p7.4.g	217	217	217	217	217	217	217	217
p7.4, h	285	285	285	285	285	285	285	285
p7, 4, s	366	356	366	366	366	366	365	366
p7, 4, j	462	462	462	461,7	462	461, 1	462	462
p7. 4, k	520	518	520	517, 2	520	517, 8	520	517.9
p7, 4, 1	590	581.7	590	580.5	590	583, 6	590	584, 8
p2, 4, m	646	643,9	644	642, 9	616	643, 4	646	642, 2
p7.4.n	780	725,6	725	724.4	725	724.4	726	724.5
p7. 4. o	781	777,5	778	775.2	781	776.2	778	776, 5
p7.4.p	846	839,4	846	838,7	818	832.9	842	835, 5
p7. 4. q	909	905.1	909	905.6	909	504.1	909	904.2
p7, 4, r	970	959,2	970	968,8	970	968, 4	970	966,5
p7, 4, a	1022	1017,7	1019	1014,8	1021	1014,5	1019	1013, 4
p7, 4, t	1077	1072,8	1072	1070,5	1077	1071,1	1077	1071, 5



表 6-3 4 和构造方法在 21 个数据子集中的平均计算结果

銀報	申行法		确定性	国形法	FA EL PS	同步級	[4]	时法
子集	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
1. 2	149.1	149.1	149.1	149.1	149.1	149.1	149.1	149.1
1.3	125.0	125.0	125.0	125.0	125.0	125.0	125.0	125.0
1.4	101.0	101.0	101.0	101.0	101.0	101.0	101.0	101.0
2, 2	190,5	190, 5	190.5	190.5	190.5	190, 5	190, 5	190, 5
2. 3	136.4	136.4	136.4	136. 4	136.4	136. 4	136. 4	136.4
2, 4	94,5	94, 5	94, 5	94.5	94.5	94, 5	94,5	94, 5
3, 2	496.0	496, 0	496.0	495.8	496.0	495, 8	496.0	496.0
3. 3	411.5	411.4	411.5	411.2	411.5	411.1	411.5	411.2
5.4	336.5	334.5	336.5	336.5	336.5	336, 2	336.5	335.3
4. 2	915.6	899. 8	908, 4	898.3	909.5	897. 3	911.8	809.6
4.3	853.8	B41, 1	847.7	841.1	848. 4	840, 1	848, 2	841. 9
4.4	798.1	783, 0	795, 9	784.1	791. 4	780, 4	795.2	787.3
5, 2	897.6	891.1	896.4	890.5	894. 2	892, Z	896, 2	890.7
5, 8	782,8	775.3	780, 4	774.6	781, 2	774,5	781,0	774, 2
5.4	708.8	784.6	707.7	698.5	705.3	698, 2	705, 6	698, 2
6, 2	819.3	815, 4	818,7	814, 1	818, 7	814, 8	819, 3	815.7
6, 3	792,8	785, 0	790, 5	785, 6	790, 5	784, 7	791, 3	786, 3
6.4	714.0	701, 3	714.0	699.1	714.0	699,5	714.0	702.0
7.2	642.7	637.4	641.5	637.7	641.0	637, 1	641, 2	637, 4
7.3	599.9	597.1	599.4	595.5	598.6	594, 5	599, 2	595, 0
7.4	519.1	517.0	518, 2	516, 3	518.4	516, 2	518, 4	516, 3

6.4.3 与其他算法的比较

本章所提出的算法与下列算法进行了比较, CGW, Chao 等[1]提出的五步法;

TMH, Tang 和 Miller Hooks D提出的禁忌算法:

- GTP. Archetti 第[1] 提出的基下符方法的禁忌管法。
- GTF: Archetti 等提出的基于可行方法的禁忌等法;
- FVF, Archetti 等提出的传速空驾幅等法:
- SVF、Archerti等提出的概要领域管法、它与 FVF 的主要区域在下涨 89 60 IRC Rd .

由于上述文献中只给出了相应算法求得的每个算例的最大收益(最大 信),本意只比较最大收益、存款值定验时,路径长度的精度基一个必须考 也的问题。在CGW 中, Chao 等没有采用完要精度, 而品种路径长度四金石 人到小数点后第一位。而其他文献没有明确指出它们的数值精度、显然。 海果用生物精度时用得到的结果可能较多、注意利当路径长度调会五人到 小数点后第一位时,ACO-TOP(采用串行法构造问题的解) 能得到 19 个算 例的新的最大总数益,结果在表 6-4 中绘出、为了与现有管法和比较。 ACO TOP 上更老由生更缺败。

91 91		PO .	$T_{\rm mea}$	ACO TOP
p1, 2, e	32	2	12, 5	50
p4, 2, h	100	2	30, 0	344
p4, 2, k			75.0	1023
p4, 3, c	100	3	23, 3	194
p4, 3, d			26.7	336
p5, 3, f	66	3	10.0	195
p5, 3, q			28, 3	1080
p5.3.r			30.0	1145
p5, 3, s			31, 7	1225
pb, 3, y			41.7	1600
p5, 4, m	66	4	16, 2	590
p5, 4, p			20, 0	780
p5, 4, x			30, 0	1500
p8, 2, e	64	2	17, 5	384
p6, 2, j			30, 0	972
p6, 3, h	64	3	16.7	462
p6, t, k	64	4	16.2	558
p7, 2, g	102	2	70.0	467
p7, 4, q	102	- 4	85.0	912

对于每个算法,每个数据子集的(平均)最大总收益存表 6-5 中给出。 可见 ACO-TOP 和 SVF 的计算结果最好,GTF 和 FVF 次之,GTP 比以上



等法结果略差,而CGW和TMH的结果最差。ACO-TOP和SVF分别在 15个製能子集中或得优于其他算法的结果。另外,ACO-TOP能发现347 存换包知最大极差,并且它能找到12个算例新的最大总数益(详知结果 在表考6中绘出)。由以上比较结果可见。ACO-TOP具有较好的性能。

表 6-5 7 种算法的计算结果

	45 to 3 1 to 40 to 11 to 40 to											
数据产集	ACO TOP	CGW	TMH	GTP	GTF	FVF	SVF					
1.2	149.1	148.5	148.8	149.1	149.1	149.1	149.1					
1.3	125.0	125.6	124, 7	125,0	125,0	125.0	125,0					
1,4	101,0	99,3	101, 0	101.0	101,0	101,0	161, 0					
2, 2	190,5	190,0	190,0	190, 5	190, 5	190, 5	190, 5					
2, 3	136.4	135.9	185, 9	136, 4	136, 4	136, 4	136, 4					
2.4	94.5	94.5	94.5	94.5	94, 5	94. 5	94. 5					
3.2	496.0	488.5	492.0	494.5	496, 0	496.0	496, 0					
3.3	411.5	403.0	408.0	411.5	411.5	411.5	411.5					
3.4	336.5	\$32.5	335.0	336.5	336, 5	336. 5	334, 5					
4.2	915.6	875.7	895, 1	904.9	008,5	914.0	916. 2					
4.3	853.8	815.1	844.3	845,5	852, 5	853.0	855, 6					
4.4	798, 1	766, 1	784.6	800,1	802, 3	801.7	803, 2					
5, 2	897.6	890,6	814.8	892,6	897, 4	895, 8	897.0					
5, 3	783, 4	776,6	775,8	781, 4	783, 6	783.6	783, 6					
5, 4	768,8	690,0	699,0	707.5	768, 8	708, H	768, 8					
6, 2	819.3	814.9	818, 2	813,8	818, 7	819.3	819, 3					
6.3	792.8	787,5	783.0	792.8	792, 8	792.8	792, 8					
6.4	714.0	716.4	712.8	714.0	714.0	714.0	714.0					
7.2	642.7	633,9	623.5	639,6	641, 4	640, 6	642, 5					
7.3	599.9	585,5	592.5	596,7	597.7	597.1	599.3					
7.4	519.1	497, 4	514.6	517.2	516, 9	516, 9	518, 9					

表 6-6 ACO-TOP 求得的新的最大总收益(路径长衰为实效精度)

3X 91	#	m	$T_{\rm max}$	ACO TOP	已知環状
pt. 2. j	100	2	70.0	965	942
p4.2.p			100.0	1242	1241
pt. 2. r			110.0	1288	1286
p1, 2, s			115,0	1304	1301
p4.3.q	100	3	70.0	1252	1251
p1. 3. t			80,0	1305	1304
p5, 2, y	66	2	62.5	1645	1635

					10.50
3K 96	10	771	$T_{\rm max}$	ACO TOP	已知量优
p7, 2, i	102	2	\$0,0	580	579
p7, 2, j			100,0	646	644
p7, 3, 1	102	3	80,0	684	683
p7, 3, p			166,7	929	927
p7. 3. t			153.3	1118	1117

及4方他自有年度股份等均非期间,能量到COW 6 SUN 4-730 使作品标的。250H上 运行,TM HD DE Cabba VDC computer 667MH上 地行。所尽性常地在、260Ha PC Lieft,这种常能的会行与场色 也。我们是比较时间,SVF 运行的PC 代能与 AC OT OP 运行的 PC 被 过。它有两个规模大的模型和中间的运行时间和运动设计。2004年3 Jmn 3 VP 在第 4个整理单的计算时间为1118余荷度 2004的 3 成本等了个整理等的计 到得为 5118-446 2 Jmn 3 AC OT OP 在第 4 专数集中共和 经 (51.16) 和E登建之 Jmn 6 AC OT OP 管法可以在合 900的目的表现分人类似态的。

表 6-7 7 种算法的计算时間(s)

	ACO TOP	CGW	TMH	GTP	GTF	FVF	SVF
Set 1	7.9	15.4	N. A.	10,0	5.0	1.0	22, 0
Set 2	3.8	0.9	N.A.	0.0	0.0	0.0	1.0
Set 3	8, 5	15,4	N. A.	10,0	9,0	1,0	19,0
Set 4	51,1	934,8	795,7	612,0	324.0	121.0	1118, 0
Set 5	25, 2	193,7	71,3	147, 0	105,0	30,0	394,0
Set 6	20,3	150, 1	45,7	96,0	48,0	20,0	310,0
Set 7	44.7	841.4	432.6	582.0	514.0	90.0	911.0

6.5 小结

针对团队定向问题,提出了求解该问题的规群算法(ACO TOP 算法)。 在经典规群算法的基本框架下,提出了申行法、确定性同步法、随机性同步 体和即时还来地类问题的解

本章依据在经典算例中获得的计算结果、比较了这4种方法。结果表明,使用即行法能获得较高质量的解。最后,与现有的启发武算法(包括五步法、:种常忌算法、变邻域算法等)相比,ACO TOP 算法能在合理的时间

内提供令人遗食的证.

ACO-TOP 就決的 4 种物能法相互知 2 · 种中植的排产层 及用混合 策略来就说阿廷的地。即每个何效 在流射的方法可能不同。实验表现,延滞 提素能有效效 算符法性能。研究液分率的清晰提来—一个有能的方向。在 后德德阿克中·海巴效斯并选择广场其地系统问题中。例如 具有服务时间 (service tume) 的国政发育阿瑟希尔斯特格公司"

需要指出的是. ACO TOP 算法也可以用来求解定向问题. 但是由于采 用了局部搜索导效它比第 4 章中的暂选所用时间更多。如果算例规模不 大 4 章中的暂选存计算时间和计算结果上较好。但是. 对于大规模的问 题.可以利用未常的局部搜索。

本章治出的是文献[14]中的实验结果,我们也多虑用自适应最大最小 類似素族未溶解阳极定向问题。实验结果略有效进,由于自适应最大最小 物似系统来用新的有效的平衡多样性和强化性的方法。它为未解阴极定向 问题提供了可行的被选方案。

参考文献

- Butt SE. Cavalier TM. A Heuristic for the multiple path maximum collection problem [J]. Computers and Operations Research. 1994. 21; 101~111.
- [2] Chao IM. Golden B. Waul EA. The team orienteering problem [J]. European Journal of Operational Research, 1996, 88, 464—474.
- [3] Golden B. Levy L. Vohra R. The orienteering problem [J]. Naval Research Logistics, 1987, 34, 307—318.
- Ballou R. Chowdhury M. MSVS, an extended computer model for transport mode selection [J]. The Logistics and Transportation Review, 1980, 16, 325-323.
 Daby M. Ramesh R. The distribution problem with corrier service, a dual based
- penalty approach[J]. ORSA Journal on Computing, 1995, 7, 24~35,

 [6] Hall R, Racer M. Transportation with common carrier and private fleets, system
- assignment and shipment frequency optimization [1]. IE Transactions, 1995, 27, 217-225.

 [7] Tane H. Miller-Hooks E. A tabu search benefatis for the team orienteering.
- problem[J], Computers and Operations Research, 2005, 32, 1379~1407.

 [8] Talligitides T. Heuristic methods applied to orienteering[J], Journal of Operations Research Society, 1084, 35, 707-7050.
- [9] Archetti C. Hertz A. Spennza MG. Metabeuristics for the team orienteering problem I. Journal of Humanian, 2007, 13, 49-76.
- [10] Butt S. Ryan D. An optima, solution procedure for the multiple path maximum



- collection problem using column generation [J]. Computers and Operations Research, 1989, 28, 427~441.
- [11] Boussier S. Feillet D. Gendreau M. An exact algorithm for team orienteering problems[J], 4OR, 2007, 5(3), 211~230.
- [12] Stützle T. Hoos HH. MAX MIN ant system[J]. Future Generation Computer Systems, 2000, 16(8), 889-914.
- [13] Blum C., Dorigo M. The hyper-cube framework for ant colony optimization[J]. IEEE Transaction on Systems Man and Cybernetic-Part B, 2004, 34 (2), 1141~1172.
- [14] Ke L. Archetti C. Feng Z. Ants can solve the team orienteering problem[J]. Computers and Industrial Engineering, 2008, 54(3), 648~665.



属性约简

7.1 问题描述

在处理高機數場时,特計提取基字可过程卷不可少的一步,特值模取 研究如何从一个特征申申选择一个子樂使得它能是每歲晚地看達原始特征 處。通过關除不相美和完全時止,特任機取有的子改造字可算法的速度和 标准,同时在由于地區採和海機與如可鄉經經經

一个架架表信息系统可以表示另一(UA)、其中 U是应能、定由有 相准常规资油等的。A 是中医电影性素。由于任意。6-A。以「U、U、U 展性。的信能。A—CUD,其中 C是条件源性集力 D是改策属性集。在一 个决策是中,该原属性可能之种。4-BE次成[13]中的力量可以提及策策 长化为中一决策同性的实策点、中专具计划自另中一类原值性的实策表。

対于属性子集 $P \subseteq A$.定义如下的不可分辨关系(不分明关系)IND(P): $IND(P) = ((x,y) \in U^{\dagger} | \forall a \in P, a(x) = a(y))$ (7-1) 如果 $(x,y) \in IND(P)$, 原母報陽性子集 P, x 和 y 計不可以区分的。 整然不可分辨关系是一个等价关系。由 IND(P)确定的等价类划分记为 U·P。包含 x 的等价基记为「x □。不可分辨关系是粗糙集的数学基础。

决策表信息系统中的一个条件属性。对应者一个等价关系(即不分明 关系成不可分辨关系),它对论域U形成一个划分U/a,决策表的所有条 作属性形成论域一个划分,同时,决策属性也对论域形成一个部分,这两

全別分核式了条件固性地差報情水台地域半や今美的知识。 存相整理時空中、上下短刻起構在他的地点。特定科象報 XCU、X 的 P 上近氣報记为PX、它見 U 中根据副性介集P 可能但于集合 X 的对象组级的集合, X 的 PF 下近线制定为PX、2 是 U 中根据國性手集 P 一定料于参索 X 的场域和政府创集会。上下近程的海发及图

$$\overline{P}X = (x \mid [x]_F \cap X \neq \emptyset)$$
 (7-2)

 $PX = \{x \mid [x]_F \subseteq X\}$ (7.3) 由上下近似集的定义可知、 $PX \subseteq \overline{P}X$, 若 $PX = \overline{P}X$ 、則 X 称为 P 可定

文集: 否與:X 称为 P 組織集。
在數額分析时,一个关键问题是获取属性之间的依赖关系。依据 上下近似集, 原性碳酸医 (degree of densency) 宣文如下。

定文 F(依赖度) 今 P₂Q⊆A₂别依赖度 ε 的定义如下:

 $\kappa = r_{\rho}(Q) = |POS_{\rho}(Q)| / |U|$

其中 A 是相应集合的基数、P(38,(Q)称为正区域、它的定义如下。

$$POS_s(Q) = \bigcup_{X \in U \circ Q} PX$$
 (7-5)

依赖度 e 做量 Q 和 P 之间的依赖程度。如果 e = 1, 則 Q 完全依赖于 P 1 如果 $0 \le e \le 1$,則 Q 以程度 e)部分依赖 F P 。如果 e = 0 ,則 Q 不依赖 F P .

 $r_B(D)$ $r_C(D)$ 且 $\forall B \subset R, r_B(D) < r_B(D)$ (7-6)

判称 R 为 C 的 · 个约简。

在原始的淡菜表临免系统中的条件属性并非是同学重要的。甚至其中 基本条件级对显完全的。或件的资助能是中不必要仍或不重要的级件。但 是一个块浆或有量体的类似等。如果有效的实验,可以是一个块浆或可能有多个约需。由于约氮石级性的效目有能影响看效。 的常愿有他们。具有效本定数的约束组是小约则是是现较广的一类约员。 本会仅仅保证发来的他们,但是由被数为

$$\min_{R \in \mathcal{A}} |R|$$
 (7.7)

其中 Ø 是由属性集 C 所有约简构成的集合。

例 设有·决策表(总表7 1)。 沈集样属性为(a, b, c, d),决策属性为 e, 由约简的定义可知。 Θ—({a, b}, {a, c}), 最小约简为(a, b) 和{a, c}, 由此可见,最小约简也可能不唯一。

7.2 现有算法回顾

要几千秒[3,11]

7.3 算法描述

属性约筒可以宿还为一个完全图 G=(V.E),其中 V 是頂点葉,它对应 于条件周性集,E 是由所有边组成的集合。属性约筒的优化目标就是在图 中寻找一条路径,使经过的应构成的集合是一个均筒且它的基数最小。

本等就出了3种效形容以,依据其后是非移以方式分别格该3种符 达为他壳状菌等以它Beymoid, ACO, 治療方 Depe-ACO,1 同类或 管法(Clique mode ACO, 富养方 Clique -ACO) 和点模式数据等法:Vertexmode ACO, 氮常力 Vertex-ACO)。于西肯克介用属性均衡的基本概念。然 后治出了半草址的常量和常量的表现。但是是一个

本章提出的3种算法的主要流程为,在每一步,每个蚂蚁构造一个解。 然后依据构造的解更被信息素。算法一直进代到某个停止条件满足为止。 本章采用的停上条件为最大迭代次数。

7.3.1 边模式蚊群算法

在边模式中,每一个边都操有一定的信息素和启发信息。本年考虑基 于依佛殿的启发信息。如果某个边的启发信息过小,则则是得过它的概率 就可能过小,为耐免这种情形。有必要没预启发信息的取值范围。∀a.6€ C. 启发信息,nca.6)定义图下。

$$\eta(a,b) = |POS_{la,b}(D)| / |U|$$
 (7-8)

知果 $\eta(a,b) < \epsilon$, 則 $\eta(a,b) = \epsilon$ 其中 ϵ (0< ϵ <1)是一个正奏数。

在构版解时,蚂蚁从一个阳机选取的属作出发,它依据式(7-10)恰出的 概率选取下一个属性;

$$\hat{p}(c_{k+1}, w | \tau, c_k, u)$$

$$= \sum_{v \in C_k} \frac{\pi(u, w)^* \cdot \eta(u, v)^g}{\tau(u, w)^* \cdot \eta(u, w)^g}, \quad v \in C_k$$

$$(7-10)$$

其中。表示在第上步选取的属性。C。表示未被选取属性所组成的集合。 ては120分和5月10日20分别选近(14120)上的信息素和自发信息。由用足量两个参数。它们分别控制信息素和自发信息的相对重要程度。如果以下两个条件之一模是 传激过程放精点。 (1) 已洗取属件的数目太正当前最小基数。

(2) r₂(D) = r₂(D), 其中 R 呈與穀和造的 - 个解。

第一个条件意味着不可能构造更好的解。因此构造过程没有必要继续。 第二个条件意味着蚂蚁已经构造了一个更好的解。



当每有帕敦都完成构造器则,但显著主要根据 MMAS 展院的更高级 用来进行资源,并且与郑文献[11]中的建议。在边现式数据背边中、图子2 中为边额实际式器明。其中解是3。。。。。。。(2)) 具有当颗粒便等。20度 新化上的信息来不被更新。即建设。。的前宫两个展性的边上的信息来不能更新。即建设。前前宫两个展性的边上的信息来不能更加 更新。边框火量向后於奥文献[15]中项用。在这种模式下。后是非便到以 下分法要汤。

$$r(a,b)^{(i)} = \rho_T(a,b)^i + \Delta_T(a,b)$$
 (7-11)
 $\mathfrak{M} \oplus r(a,b)^{(i)} > r_m, \quad \mathfrak{M} r(a,b)^{(i)} = r_m$ (7-12)
 $\mathfrak{M} \oplus r(a,b)^{(i)} < r_m, \quad \mathfrak{M} r(a,b)^{(i)} = r_m$ (7-13)

$$\Delta r(a,b)$$
 $\left\{q/L_{\phi}, (a,b) \right\}$ 属于最锐蚂蚁经过的路径 (7.14)

広中のから、cのか、且の生気が被変な、火災一参数とよ。-15。 $|-r_{con}H r_{co}$ 分別場信息来上下等、r(a,b) 是近(a,b) 作幣 ℓ 代目的信息来、土きの引火 就[11]号地等、前途合変 (geodiness)、即-1D3、 但前 +1 ω 6加金分数 r_{sc} (D)是一个多数(即让前前还会定可以不多想、由边场式的信息来更新 限制で加工的制金处理和空间接受保健为公(上)

7.3.2 闭槽式粒器算法

在闭模式中, 每一个边都就有一定的信息者和自为信息, 具信息者和自



图72 边模式信息素释放方式示意图

发信息的定义与边缘式中一致,但是,何效信息等数对独定其构造物中杆 应两个属性的边上。图7 3 中始出了国政式水应图, 北中鄉是(a, a, a, a, a, a, m)最大的家本思想是, 成婚前的由宣程是分价的,到是其相互属性 所任意排列器通可行解。在构造部制,则以从一个相关选取的属性用效。它 也必要定式了10分亩的邮票或是一个基件。



图73 团模式信息素释放方式示意图

注意文献[16]中考虑用下式给出的概率选取下一个属性。

$$\begin{array}{ccc} & \left(\sum_{i \in g} r(u, \psi)\right)^s * \left(\sum_{i \in g} q(u, \psi)\right)^s \\ & \left(\sum_{i \in g} \left[\left(\sum_{i \in g} r(u, \psi)\right)^s * \left(\sum_{i \in g} q(u, \psi)\right)^s\right]^s & \psi \in S, \\ & \left(\sum_{i \in g} \left[\left(\sum_{i \in g} r(u, \psi)\right)^s * \left(\sum_{i \in g} q(u, \psi)\right)^s\right]^s & \psi \in S, \end{array}$$

(7 15)

当所有蚂蚁都完成构造过程时,只有当前最优蚂蚁才能更新信息家。

在团模式下,所有连接,44每两个周性的边上的信息素被更新。具体而言。 信息素按照如下方式更新。

$$\tau(a,b)^{(i)} = \rho \tau(a,b)^{i} + \Delta \tau(a,b)$$
 (7-16)
 $\Pi \Re \tau(a,b)^{(i)} > \tau_{mr}, \quad \Pi \tau(a,b)^{(i)} = \tau_{mr}$ (7-17)

如果
$$\tau(a,b)^{(i)} > \tau_{max}$$
, 則 $\tau(a,b)^{(i)} = \tau_{max}$ (7-17)
切果 $\tau(a,b)^{(i)} < \tau_{min}$, 別 $\tau(a,b)^{(i)} = \tau_{min}$ (7-18)

$$g/L_{\mu}$$
, $a,b \in s_{\mu}$, $\mathbb{L} a \neq b$ (7-1)

$$\Delta \mathbf{r}(a,b)$$

$$\begin{cases}
q/L_{\phi}, & a,b \in s_{\phi}, \mathbf{L} \ a \neq b \\
0, & \mathbf{H} \mathbf{\ell}
\end{cases}$$
(7-19)

此中 $a,b \in C$, $a \neq b$, $a \mapsto - \uparrow - \phi + \phi + L_a = - \downarrow a \mid , \tau(a,b)'$ 是边(a,b)在第 l 代 财的信息者、与为政才一样,团技术的信息者可能推断的财富复杂度和少 间复杂度器为 OC(C(!))。

7.3.3 点模式粒群算法

在古根之中,每一个古都联系。完的信息资和应受信息,并且仍然新用 胚于依赖度的启发信息,同样地,如果某个点的启发信息过小,则它被选取 的概率就可能过小。为避免这种情形,有必要设置启发信息的取值或图。 $\forall a$ ∈C, 启发信息 $\eta(a)$ 定义如下。

$$\pi(a) = |POS_{in}(D)| / |U|$$
 (7.20

類果
$$\eta(a) < \varepsilon$$
, 例 $\eta(a) = \varepsilon$ (7-21
集中 ε (0 < ε < 1) 最一个正参数.

在构五部时, 昭敏从一个随机沉取的属性出发, 它依据式(7-22)给出的 概率距取下,个属性,

$$p(c_{i+1} - v \mid \tau) = \begin{cases} \sum_{v \in C_i}^{\tau(w)^s} \cdot \eta(v)^{\rho}, & v \in C_s \\ \sum_{v \in C_i}^{\tau(w)^s} \cdot \eta(w)^{\delta}, & v \in C_s \end{cases}$$

$$(7-22)$$

其中 n. 表示在第4 应选取的属性。C. 表示未被选取属性组成的集合。r(w) 和 s(w)分别是点 w 上的信息素和启发信息。由(7-22)可知,那些具有较高 自发信息和信息素的属性被洗中的瓶率较大、构造过程在条件(1)或(2)两 者之一満足时结束。

在占模式较胜低法中, 蚂蚁络保险信息素训当消量化解对应的点下, 信息素按照如下方法更新[11]。

$$\tau(a)^{\mu_1} \quad \rho \tau(a)^i + \Delta \tau(a)$$
 (7-23
 $\text{in } \oplus \tau(a)^{\mu_1} > \tau_{\text{max}}, \quad \text{Bi } \tau(a)^{\mu_1} = \tau_{\text{max}}$ (7-24)

$$\mathfrak{M} \otimes \mathfrak{r}(a) = \mathfrak{r}_{\text{max}} \otimes \mathfrak{m} \otimes \mathfrak{r}(a) = \mathfrak{r}_{\text{max}} \otimes \mathfrak{m} \otimes \mathfrak{r}(a) \otimes \mathfrak{r}_{\text{max}} \otimes \mathfrak{r}_{\text{m$$

$$\Delta r(a) = \begin{cases} q/L_{\#}, & a \in s_{\#} \\ 0, & \text{this} \end{cases}$$
(7-26)

其中 $a \in C$, q是一个参数 $A_{\varphi} = |s_{\varphi}|_{1,\Gamma}(a)$ 是属性a 在第 / 代时的信息表 由占据者的信息要更新规则可加,其即和每个原和空间包含度和空间

7.4 实验分析

为了阅读效品的性能。本等第 ACO 現用到本标馆的,它目的 漏骨整构 刻象散不同。3 符章这都在 3GHz CPU(1GB RAM)PC 上层行,被同处 就[1]中的地位。 ω -1, ρ =0.1, ρ =0.9,后及基均值负为。5 昆增加一个小 所值假提动-r_w-1, r_w-0.001,q=0.1,其他参数为 π -0.01,纷级数为 Ω -1 日本上标行性数为 π -100.

考虑文献[11]中的 13 个例试算例, 其中 M of n, Exactly 和 Exactly 1971, 每个 管解網は 20 次。

再先比較 4 种面下皮起酵放的弧質性尚預算法。AntRSAR⁽¹⁾ 框 Edge-ACO,Clique-ACO,Vertex ACO, 住意秀在 AntRSAR 中, 制度数字 C。 运行贷数2 250。 计算结果在表 7-2 中由出,对下来等 3 个常点。表中始出 了平均是较以及时间(5) 面 欠款[11]中投 引用统治。AntRSAR 的目节时 前,概任实验由的是数分理。

B. S. S. Den 100 Charles 100 M Nove 100 M M M I

表 7-2 Edge-ACO, Clique-ACO 和 Vertex-ACO 实验结果							
放射泵	AntRSAR Edge		ACO Clique		-ACO	Vertex-ACO	
	平均基数	平均基数	00 \$6 (a)	平均基数	825E(s)	平均基数	10) \$4) Ca
M of n	6,00	6.00	0.42	6.00	0.41	6.00	0.32
Exectly	6, 00	6.90	0.46	6.00	0.44	6.00	0.36
Exactly2	19, 90	10,00	0.97	10.00	0.96	10.00	0.87
Heart	6,10	6, 90	0,34	6.00	0,34	6, 05	0, 34
Vote	8,00	8, 60	0, 28	8.00	0, 29	8, 00	0, 28
Credit	8,60	8, 60	1, 56	8, 15	1, 25	8, 55	1, 17
Mushroom	4,00	4, 60	1,56	4.00	1.46	4, 00	1, 41
Led	5, 25	5, 10	0,88	5.00	D. 9G	5.00	0.75
Letters	8,00	8, 15	0.27	8.00	0.27	8, 00	0, 27
Derm	6, 15	6,50	0, 69	6.00	0,64	6, 10	0, 64
Derm2	8, 85	9, 40	0,73	8,80	0,48	8, 85	0, 67
Wq	13, 45	14,55	1,38	13.25	1.32	13, 40	1. 23
Lone	4.00	4.90	0.52	4.00	0.32	4.00	0.30

由宝验结果可见, Clique-ACO 的计算结果最轻, Vertex-ACO 精谱 F Clique-ACO, fi Edge-ACO 在 3 个年例中获得的结果比 AntRSAR 更好。 由于算法的运行时间主要由解的依赖度计算时间决定,因此,可以把解的构 决定数约为一个集员管注计管时间的导,太空中管注和决解的共教为 1000,这小于AntRSAR构造解的总数。保知,数据集 M-of-n 的属性总数(其 作为13) 扱つ、延性构造解的总数为3250。而数据集 Lung 的属性总数(性能为 56)最多、则其构造解的总数为14000。由于本章算法构造解的数目都小于 AntRSAR、因此 Clique ACO 和 Vertex ACO 部协速转换创最好解。

由表 7-2 中给出的计算时间可见, Vertex-ACO 的计算时间最小, 这是 因为在信息者更新时, Edge-ACO和 Clique-ACO的计算量大。另外。 Clience ACO 世 Edge ACO 在會財制 中, 该是由于 Clience ACO 能更协能的 敛到较好解(相应地, 抗基数就小), 这样花费在计算依赖度的时间就少。由 手 Vertex-ACO 和 Clique-ACO 性能控於,以后日本也沒有种能法。

下面与文献中其他元启发算法相比较,这些算法包括 GenRSAR(II)(造 传算法),SimRSAR[II](植拟混火算法),TSAR[II](禁忌搜索), 这些算法的 定舱结果在表7-3 中给出、对下每个算法,给出了完验新得的不同基款以 及得到相应基数的次数(次数在括号中给出)。由结果可见, Vertex ACO 和 Clique-ACO 在所有数据集合中的计算结果最好、GenRSAR 性能最美。 TSAR 略任于 SunRSAR、 第三生成解的个数, 这些管法的知晓准备为。 ACO < TSAR < SimRSAR < GenRSAR.

表 7-3	Vextex-ACO,C	lique-ACO, Gu	RSAR , SimR	SAR # TSAR	的实验结果
数据集	Vextex-ACO	Clique ACO	GenRSAR	SimRSAR	TSAR
M-of-n	- 6	6	6 ^{cm} 7 ^{cm}	- 6	6
Exactly	6	6	gen you	- 6	- 6
Exactly?	10	10	10 ^{cm} 11 ^{cm}	10	10
Heart	6(11)7(1)	6	gen yen	\$00 TO	6
Vote	8	8	Best Bests	gens gens	8
Credit	811819(3) 1018	81177-9130	1000 1100	8 ⁽¹⁰⁾ 9 ⁽¹⁾ 11 ⁽¹⁾	8 ^{cm} 9 ^m 10 ^m
Mushroom	- 4	4	511) 6130 7130	- 4	4 ⁰¹⁷ 5 ⁰⁰
Led	5	5	611717178CEU	5	5
Letters	8	8	gett gettt	. 8	gn22.gc0
Derm.	600 700	6	10 ⁽⁰ 11 ⁽¹⁰⁾	6mm yen	60.0700
Derm2	8 ^{CH} g ^{CH} 3	8(10 9(10)	10 ^{ce} 11 ^{csc}	gen gen	8 ⁽¹⁾ 8 ⁽¹⁴⁾ 10 ⁽⁴⁾
Wq	1200 1300 14000	12 ^{co} 13 ^{co} 14 ^{co}	16	13 ⁽³⁰⁾ 14 ⁽⁴⁾	12 ^{CD} 13 ^{CD} 14 ^D
Lung	4	4	600 years	4 ^{co} 5 ^{co} 6 ^{co} 6	400500600

实验结果规则。如此成为太寿间现实的规律等业值有效也未够能行 的。从单本上的一规则和成功的。 以他们,这样找到高度能够可能抗效大,而且、它用一个简单的机构来平衡 的效保证和计定位力,它增加了高度使到对面的应量、从加速的设定 这一个规模的的现象。则可一论通知的应量的上下来现代。 一一方面,或样的比较级,则一个心理和的企业上下来用了条件(1)流(2),还可 使少种针等强度。

7.5 小结

本章报出了3种决策联件的简助教育等法。它们分别采用边模式《团 核大点规范·非特征图案、资助等规则、或组产和图表之题内与创意人员 信息素释放方式。点媒式放射等法计管时间较少。但因据式放射等法计算 均常校设计。与核无治定常法相比较、点型式放射等法和用模式较时算法 他有效地投资服数数十分解。

也可以條广或群等法未需使其他得美的均衡,例如近似賴的層⁽²⁾。另 外。由于於典祖體等理能不能衝射地处理实施與性。有必要研究機關組模 應能(fuzzy rough set theory)⁽²⁾和設群等法未張取特証,至于大规模要据 集。我们转进一步研究減少再存开始和计算的制的方法。

参考文献

- Theodoridis S. Koutroumbas K, Pattern Recognition M. Academic Press, 2016.
- [2] Pawlak Z, Rough sets [J], International Journal of Computer and Information Sciences, 1982, 11; 241—256.
 [3] Pawlak Z, Rough Sets, theoretical aspects of reasoning about data [M], Klewer.
- Boston 1991.

 [4] Pawlak Z. Rough sets and data analysis C. Proceedings of the Asian force
- systems Symposium, 1986, pp. 1~6, [5] Pawlak Z. Skowron A. Refirments of rough sets[J], Information Symposium, 2007,
- 177; 3~27.

 [6] Skouven A. Pal SK. Rouch Sets. Pattern Recognition, and Data Mining [1].
- Pattern Recognition Letters. 2003. 24, 829—933.
 Swiniarski RW. Skowren A. Rough set methods in feature selection and presention I. Pattern Recognition Letters. 2003. 24, 833—849.
- [8] Wong SKM. Ziarko W. On optional decision rules in decision tables(J), Bullitin of

- Polish Academy of Science, 1985, 33; 693~696,
- [9] Wang X. Yang J. Teng X. et al. Feature selection based on rough sets and particle awarm optimization [1]. Pattern Recognition Letters, 2007, 28, 459 – 471.
- swarm optimization[3]. Pattern Recognition Letters. 2007. 28; 459~471.
 Wróblewski J, Finding minimal reducts using genetic algorithms[C]. Proceedings of Second Annual Join Conference on Information Sciences. 1995. pp. 186~189.
- [11] Jensen R. Shen Q. Finding rough set reducts with Ant Colony Optimization[C]. Proceedings of 2003 UK Workshop Computational Intelligence. 2003. pp.
- [12] Hedar A. Wang J. Fukushima M. Tahu search for attribute reduction in rough set theory(R.). Technical Report 2006-008. Department of Applied Mathematics and Physics. Kyoto University 2006.
- and Physics . Kyoto University 2006, [13] 上回風, Rough 集理能与知识政策[M], 何安, 何安交通大学市航社, 2001,
- [14] Nguyen SH, Nguyen HS, Some efficient algorithms for rough set methods[C],
- Proceedings of the Conference of Information Personaing and Management of Uncertainty in Knowledge Besed Systems 1109 r. pp. 1451-1456, [15] Dorgo M. Manisono V. Colorni A. Ant system; Optimisation by a colony of cooperating agents [1]. IEEE Transactions on System Man. and Cybernetics Part
- D. 1996, 26; 29~41.

 [16] Solnon C. Bridge D. An ant colony optimization meta heuristic for Subset selection problems [C.]. In System Engineering using Particle Swarm
 - Optimization. Nedjah N. Mourelle L. Eds., NY; Nova Science publisher. 2016.

 pp. 7--29.

 [17] Raman B. Joerger TR. Instance-based filter for feature selection[J]. Journal of
 - [17] Kaman B. Jeerger TR. Instance-based tatter for feature selection J., Journal of Machine Learning Research, 2002, 1, 1-23.
 [18] Blake CL. Merz CJ. 1998. UCI Repository of Machine Learning Databases OL.
 - University of California at Irvine, http://www.ics.uci.edu/~micarn/.

 [19] Stitule T. Hoos HH, MAX MIN ant system[J], Future Generation Computer
 - Systems, 2000, 16(8), 889-914.

 [20] Skozak D. Wroblewski J. Oeder based genetic algorithms for the search of approximate entropy reducts[J]. Lecture Notes in Artificial Intelligence, 2003.
 - 2619, 308-311.
 [21] Jensen R. Shen Q. Sementics preserving dimensionality reduction; rough and fuzzy rough based approaches [J]. IEEE Transactions on Knowledge and Data Engineering. 2024. 15; 1457-1471.



卫星资源调度问题

8.1 问题描述

卫星在现代生活中的应用越来越广泛,而卫星的正常运行离不开地面 工作人员的维护。 卫星测控是工作人员借助地面通信设备,向卫星发送控 制指令和核收卫星数据的过程,它是卫星正常运行的重要保障^[14]。

8.1.1 万星到拉基本概念

卫星在《斯运行的过程中可能会出现偏高运行轨道或姿态发生变化等 所以需要通道工作人如定期原列轨道、途差、通常等价度较低等等 应见行到能差发展问题,还要预测值还要与其实上控制作。等助其模 复准常效态。更外,且是原效解列的截割也多定期预制地由。 这些工作都 与每日口层部的定面的

账面同 E 星堇信器是借助测枪设备以无线电波的形式完成的。地面测 控设备要同 E 星进行通信。各领病是以下3 个条件。

D 测控设备同卫星可见

前面已经提到,她面侧挖设备与卫星通信是借助无线电波实现的,由于 无线电波只能够指直线传播,因此只有当测控设备同卫星直线可见时,二者 才能够建立通信链路进行数据交换。一般而言,固定在地面基处的测控设



备,只能在卫星绕地球运转一个周期中的部分时间投与其可见(同步卫星除 外)。这一可见时间投称为可是减投或可见时间附口(见图 8·1)。由此可知。 每一个可见时间放口器件一对应一颗卫星和一个规格设备。



图 8 1 测控设备与以尼性可见示意图

在卫星楼地球运行,个周期内,一个地面固定的舆控钻与被卫星最多 只能有一个可见时间窗口,至于地球将步卫星,由于此与地面相对静止。故 对其可见的测控设备将始终可见。

2) 测控设备同卫星的技术参数医配

與面別股股格在与可见 12 提升通信标: 召光度建立通信局縣, 即在侧 按设备天线与卫星天线之间建立。无线值信储器, 而去线值信储器的建立制 要求例按设备和卫星的加美技术各载是底配价。对测时设备和卫星之间通 信信提供立有到明的技术参数主要有再次。两时设备和卫星可用的无线通 付款基础。少、卫星在介建设在介限分类都看着信仰。

由于民巡通信款在在布施发展。在不同时概定付的卫星、其所使用的无 设通信款不吸引多参数。如所采用的无线电流的预段、是有差异的。同样。 不同时附近急的地面测控制。2排他设备有效用的支线通信款不成服发金 数也是有异异的。居以、在对卫星进行测控时。必须总用使用相同无线通信 核本及此必参数的制控设备。那要调是调控设备和卫星房间的无线通信核 表的一般体。

此外,不同类型的卫星,由于其所要完成的任务的要求不同,其运行轨 道的高度有所不同,按照卫星的运行轨道高度的差异,可将卫星分为低轨 12是,中旬卫星麻痹执卫思。增(表>1)、不同轨道森库的卫星。对射行设 各的恒果地有所不同。一般而言。运行和道题高的卫星。其侧长度接入 对侧按位备的要求超高。反映使网控天线上。或是所谓规定关键的干燥 大、四比。在4不同轨道或控的已增进有1模形料,除了卫星对侧控设备可见 之外。还要指在已起行转能而开起转发各层整造相内。

表 8-1 低级、中转、高轨卫程的划分

卫星类型	轨道高度(km)	起行用期(b)	典型代表
他 65 日花	200~1200	2~4	後郷 D 即
中執卫星	20 000	12	學航世吧
高額甲基	35 786	24	継信日間

3) 测控设备同卫星均处于空间状态

在规有的测控系统中,一般暗言,一个耐控火线间一可到只能同一联卫 建进行数据通信, 12年 电路如此,即源控过程对荷控设备和但是都具有强占 性。因此,一对相互以及技术参数定任的前控设备和但是,只有当额此都 没有在执行,比他测控任务时,才能够建立通信储器进行数据通信。

对卫星进行一次测控的具体过程如图 8.2 所示。首先。根据测控离求 为卫星分配合适的测控设备和可见时间窗口;随后、测控设备在进行测控



之前。据据排行条约需求。测绘制的设备处态。加制较天线的指向。当 E 植物测物设备可见时。微学设备开始的会址门里是建立运信线路。通信线路建立之后,测控设备开始执行测控中等。一般包括发生控制指令。接收 E 标题的设据等。显示,"他我内容定量后,测控设备编升与 E 尼 同时的指信 铁路、海南川内中状态。是此年间的通信

8,1,2 卫星测控资源调度

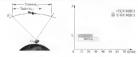
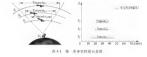


图 8 3 任务时间窗口示意图

的冲突情况:



- Tracely - Tracely - SANDSCO

图 8.5 第二类种突情况示直图

8.2 卫星测控资源调度模型

在現有卫星測控資源國度相美问题的研究成果中,已经形成了多种用 以構述卫星測控資源國度问题的数學模型。在本小节中,将介绍本意馬用 D.是海拉答道福度每题按照的建立过程及最终数位模型。

在介绍卫星测控资源调度模型之前,首先介绍模型中涉及的参数及变

量、所用变量及此符号表示如下:

S 是所有需要测控的卫星集合。 $S = \{1,2,\cdots,S\}_{ss} \in S$ 代表基類卫星。 M 是所有可用測控设备的集合。 $M = \{1,2,\cdots,M\}_{ss} \in M$ 代表某个测

J 局所有側程任务的集合、J-(1、2、…J)、JモJ代表某个满程任务。 (j)是任务j对应的卫星、因为每个测控任务都唯一对应一颗卫星、故

m(f) 定化分f 可用的機程设备・因为一个进程化分可用的概程设备可 能多于・ \uparrow ・所以m(f) 是・ \uparrow 年合f m(f) 二 M_1

p, 是执行测控任务 j 所置的时间。也称作任务持续时间;

w, 是成功执行测控任务/所获得的收益:

丁島湖度周期, 博測控需求的时间跨度, 其常见取值有1天或1周。

V(1, m)是在湖度周期內, 卫星, 与游技设备 m 间所有可见时间窗口的

集合

$$V(s,m) = \bigcup_{l=1,\ldots,N} [r_m^{met(l)}, r_m^{nd(l)}]$$
 (8)

其中, H_为可见时间窗口的数量。

8.2.1 决策变量的选择

每一个可见的制度口部看写这些权的 U果和侧板设备。由于任务时间 图目背影像全在某个可见时间窗口内。故时每一个侧腔任务而言。叫唱说了 其相应信任务时间窗口之后,现行此则使任务的则效应条种时间里很已确 定。任务时间窗口口以出任务开始时刻和任务持续时间第一确定。房以确 定金令条约任务的任务并分别的人用编辑中一编定一个调度作品。

为了便于描述任务开始时刻,以分钟为单位将则波周期 厂 划分成一组 从 1 到 厂的时间段,每一段都可表示为 $[t-1,t),t \in Z^*$ 。对于测控任务 j而 j . 任务开始时刻的 j 能取 借为

$$F'(j) = \bigcup_{i} Q(j,m)$$
 (8-2)

其中,Q(j,m)表示测控设备 m 可以开始执行测控任务 j 的所有时刻的集合,Q(j,m) \square Z^1 。

$$Q(j,m) = \bigcup_{k=1,\dots,R_m} [r_{jn}^{\text{march}}, r_{jn}^{\text{match}} - p_j]$$
 (8-3)

定义 "但变量 z'_m $\cdot x'_m$ 1 表示獨控设备 m 在 t 时刻开始执行测控任务 j .

其中 $t \in F'(j)$ 。 且星潮控资源调度问题的优化过程便转化为,为每个测花任务j 寻找合适的m 和t 使得 x_{im} 1,

8.2.2 约束条件的描述

機較資金型1以是計劃稅,需要減足3个条件。關稅设备到2以可 以,無約效益約1以由的程本發性於此關稅投資的12以均分至均依然。 其中,在每1以以前將改為依約。12以前分。16分割稅任約 份有可用时候21每稅稅收益。此时,關稅设备利以得近行減稅的前內个条件已持減之在收分的按付限中以需要施止,每个開稅收益。 每一一日前最至10以到一个辦稅分

首先,对则按股务而言,要保证则控股各在每一时则最多执行一个则 按任务,只需保证在每一个测程任务对应的任务时间或口中,都不会看其 值则按任务开始执行,所以,元(8.4)就保证了测控任务对测控股条的贴 占性。

$$\sum_{j=1}^{J} \sum_{i \in B_{T^{jm},i}} x_{jm}^{i} \leqslant 1, \quad m \in M, t \in T$$
(8-

EФ.

$$\Theta(j,m,t) = [i,i+p,-1] \cap F(j,m)$$
 (8-5)
 $F(j,m) = \bigcup_{i} V(j(j),m)$ (8-6)

F(i,m) 推动任务 i 医有可用的可见时间留口。

同样,对于已是而言,要需是测控任务对已量的第古性,只须保证针对 同一颗卫星的测控任务的任务时间前口不会已现底套,即满足式(8.7)。

$$\sum_{n=1, i_1, j_1; i_2 \in \{S_{j,m,i}\}} \sum_{r_{jm}} x_{jm}^r \leqslant 1, \quad s \in S, t \in T$$
(8.7)

8.2.3 卫星测控资源调度数学模型

U型測控资源调度问题常用的优化目标有:

(1) 嚴大化關控任务调度成功率,即成功调度的测控任务数同总任务 数之比;

(2) 最大化总收益。根据测控任务的重要程度赋予其不同的收益、最大 化总收益值;

(3) 最大化测控设备利用率,尽可能地高效利用现有测控设备。

(126) 教群智能优化方法及其应用

用 f(x'_n)表示目标函数,结合前面的介绍,可以得到 U 尼侧控资源调度 每期的数学模型如下,

$$18 \times f(x|_{u})$$
 (8-8)

要求

$$\sum_{i}^{N} \sum_{n} x_{in}^{i} \leq 1, \quad j \in J \quad (8-9)$$

$$\sum_{i=1}^{J} \sum_{n \in I} x J_n \leqslant 1, \quad m \in M, t \in T$$
(8-16)

$$\sum_{m=1}^{H} \sum_{t \in I \text{ both } B \text{ cond}} x_{jn}^{t} \leqslant 1, \quad s \in S, t \in T$$

$$(8-1)$$

$$\sum_{m=1}^{M} \sum_{i \in Q(j,m)} x_{im}^{j} = \sum_{m=1}^{M} \sum_{i \in F(j,m)} x_{jm}^{i} \leq 1, \quad j \in J$$

$$x_{im}^{i} \in (0,1)$$
(8)

其中,Q(j,m)的欺值同点(8.3)。母(j,m,n)的欺值同点(8.5)。式(8.9)保证 了每个测程序务最多以能被转一次。式(8.10)和武(8.11)分别保证了测 控任务的测控设备和卫星的购占性。式(8.12)保证了每个源校任务都具在 一个可见规模备口原常业。

本章将 1 星测控资源调度问题提述或单目标优化问题。以测控任务调 度成功率作为优化目标,即

$$f(x_{jn}^{i}) = \frac{1}{J} \sum_{j=1}^{J} \sum_{m=1}^{N} \sum_{j \in F(j,m)} x_{jm}^{i}$$
 (8-14)

所以,卫星测控资源调度优化模型如下;

$$\max f(x'_{jn}) = \frac{1}{j} \sum_{i=1}^{j} \sum_{m=1}^{M} \sum_{j \in \mathcal{F}_{i+m}} x'_{jm}$$
 (8.15)

要求条件满足式(8-9)~式(8-13)。

8.3 卫星测控资源调度问题求解

8.3.1 蚁群算法

效群优化等法^[1] 求解被歷主要有兩大步樂, 路径构建和信息素更新。 存解构理完成后可以附加局器搜索策略以改进居求得解的改量。求解框架 如 # 8 2 所示。

表 8-2 蚁群算法求解框架

Algorithm The Ant Colony Optimization

参数设置、初始化价且高初值 While 未达预算纹链束条件 do Ant Solution Construction

Apply Local Search (Optional)

Update_Phenomones

End While

算法初始化过程知表 8-3 所示,每只蚂蚁按表 8-4 所示过程独立完成解 的构建后执行局部搜索算法对获得额的驾驶进行搜索以提高额的质量。局 部模会计影加发 8-5 所必.

Procedure Ant Initialize

○四(計算器)=0 お所有質(いっ) 設置信息素相値 ((いっ) == 10

For 66 C 40 40 40 Do

根据具体问题,随机选择一个结点心,作为起始结点

我中vrs 为信息素包值·有 run Str Street

表 8-4 松群算法解构建计程伪机

Procedure Ant Solution Construction

While (n. 6-SA n. 6-S') H (1(1) 4-4) do

蚂蚁在第4次达代行走;步生或序列:a =<c.com.uc>后,根据下式宽取下--小林 也 ...

$$P_{q}(k) = \begin{cases} \frac{\left[\chi_{q}(k)\right]^{k} \cdot \left[\chi_{p}(k)\right]^{k}}{\sum_{i \in I(i)} \left[\chi_{p}(k)\right]^{k} \left[\chi_{p}(k)\right]^{k}}, & j \in I(i) \end{cases}$$

$$\chi(h) = \left\{ \sum_{a \in J(a)} \left[g_{aa}(h) \right]^a \left[g_{aa}(h) \right]^a \right\}$$

$$0, \quad \text{3E40}.$$

表中, S* 目室的最优颜色会。 J(i) 从结点:可以直接到达的,又不在蚂蚁已经访问过的结点到表(禁忌 朝表)的知点集合:

a.(b) 据方次进代时,据(c,i)上的启发式信息,启发式信息调赏器据信箱

你解你我讲行证证。 e.p--0~e.p<+~分别表示信息素和启发式信息的重要性参数。

在解传构建过程中,如果 J(z) 一列则蚂蚁完成了图的流历,即完成了解的

构程, Fed While



表 8-5 蚁群算法局部搜索过程伪码

积据具体问题设计等域结构对本次进代局部优解 5 分别进行推动

执行标题特索应专式等法。

当所有蚂蚁构建完路径后,算法将会进行信息来更新,信息来的更新 有两个步骤。首先,每次读代后,蚂蚁都会根据自己构建的路径长度在它们 本整经计的路径上进行信息要局部更新、问题空间中所有路径上的信息要 积分基金, 信息要求发展自然则太身因有的转征, 在管理中在胜下避免信息 素的无限积累,从而使搜索陷入局部最优、其次,当所有蚂蚁完成商历后。 别需进行信息素全局更新,信息素全局更新只在至今最优格径上基发和新 价信息器、记SC 为管法在等上次法律中得到的最好可行解,S*为算法法 代至今得到的最好可行解。信息家更新过程知表 8-6 所示。

表 8-6 轻照算法信息来更新过程伪码

Procedure Update Phenomones

品源仍负索更新。

为构成人类成果的海历证,为目在当我的特殊行动性。对比多历控制下之并行在

色素斑斑. $e_{0}^{s} \leftarrow \min\{(1-\rho)e_{0}^{s} + \Delta e_{0}^{s} \cdot r_{max}\}$

an - 9

武中,

O-00米品度,少在一定程度 影响性地的表面证明。

L. 蚂蚁大在本次损死中所走的路径长度。

如果 がけいくがい 川路会 だいぶ

 $V(i,j) \in J^*$, $r_s \leftarrow \min(r_{out}, \max(r_{out}, r_s + \Delta \hat{r}))$ of the

0 < a < 1 为行用更易效率。</p>

Com s Com 信息素下限与上限。广为目标函数:

2 据》次次代表提供数据编。

¿' 至今最优级。

8.3.2 解的构造

在实现过程中以每个任务的任务号所组成的序列的不同组合作为不同 的解,在将一个序列转化为问题的解时,需要考虑3个要素,唯一性、解的 盾景和计算效率。

- ① 理一性、卷稿一个信息的序列体形系列题的解析。是要保证每一个作用都严工规一个问题的解心里相同的作用。 認其的同时课,就就好新建业和同。只有保证了序列同僚之间的唯一对应关系,才能够促进允许程中序列中原包含的由版是原列不断的优先。
- (2) 解的張能,将一个序列转化为向壁的解的方式有很多种。不同的方 块系和贵的解也不相同。兩那來與贵更高度並解的方法。能够在一定程度上 加速企業。 一定不可能的過程之間。所以,在将一个给定序列转化为问题的解时,要 尽可能得到更高度验的解。
- (3) 计数条件。由于即将并转性发列间的循环定程作其由企业解决。 则用,而以用用其的的效金合理性有限的效金个性规则。从他 个智法库效金的效果来看。当间将个特性公司间隔的方法。20毫别在全国的 的计算效率。在另中,上面对他的 > 20毫别在全国的相同方法。 按如文章是实验的例如,但自己增加计算。20毫别在全国的间域的 提供,实实面或是影响的。但自己增加计算。这样常效中得近,而我们 证明,实实面或是影响的。但一定增加计算。这样常效中的。 证明,实实面或是影响的变量。但一定是有许可特性的原则的原则的原则 在我们是一个可则则实现的原则,但是一个可则则实现的原则,但是一个可则则实现的原则。

8.3.3 实验结果

实验采用西安卫层制控中心提供的实际测控数据(2015年3月30日到 2015年4月5日),共有83颗 U是,每天升降氧各两個、总任务数量为 2016、以下为完验结果。

设置挥发系数 0.9,当蚂蚁数目为 100,调度结果随选代次数的变化加 身8-7 所示。

表 8-7 调度结果预洗代次数的变化

进代次数	500	1000	1500	2000			
结果	2289	2291	2291	2291			

当选代次数不空时(设置为 1000),测度结果随蚂蚁数目的变化如 表88所示。

表 8-8 调应信果验购收款目的业化

蚂蚁数目	50	100	150	200
排除	2290	2290	2291	2291

可以看述, 似将算法的效果总体较好。当然实际调度过程中的约束条 作要复杂得多,可行解减会小很多,但似群算法仍然能在较短的时间内求出 一个校便的可行解。

8.4 小结

卫星资源到欧州那是在我国卫星资源测度实际需求基础上建立的一类 测度问题。本章首完给出这类问题的数学模型,再列用数群算法来解决该 问题。针对这类多约束问题,着重研究了算法中的解构致过程。

参考文献

- [1] 摩宁, 航天测控优先测度模型及其拉格侧目松弛来解算法[D], 长沙。同勤科学技术大学,2011。
- [2] Wu Bas, Li Yuanxin, Huang Yong Xuan. Optimal Scheduling of TT&C Network Resources Based on Genetic Algorithm [J], Journal of Astronouties, 2006, 27(6),
- 1136-1132.
 [3] Stutele T. Hoos HH, MAX MIN ant system[J], Future Generation Computer
- [5] 核枢、基丁拉格朗目检验的 B星衛起院黎湖度算法研究[D]。西安、西安交通大 2018



旅游路线规划问题

9.1 引言

描述人们生活不可的信息。基础信息的人选出外内的信息。 化房户次二 被撤回原用设置的未进业最高点。一个应外包含用来的一个。一个成分 看到过程之事下 WebCLS的信息的产者是"一"以附近流流为由于不相似实 成分与相似。运动的目标程程则是为他国际对价信息。但不是他自由 多位 17者。但于由区域需要多类是,更介理地方型的企业的变量。 化设于水 中一一个大幅相似强度的特性技术的。 计广系引令人或许可含义如小 分出的语态之所进来的特性人们。 用个系列中点扩充电影中间,

9.2 问题描述

一般地、旅游路线规划问题可情控如下,在满足用户约束条件下(如往 返交通、日程等安排、对费用、单日游览时间的需求、景点开放时间窗口、景 点间交通耗时等)。选择合适的路线、最大化用户满意度(***)。

在本章。假设每个景点都有一个给定收益值,用一个景点的收益值精速 用户对该景点的编好以及验玩该景点所得到的体验。旅游路线规划问题可 看作在有 V 个饭点和E 条边的完全图G(V, E)中 字投稿是约乘条件的影优 解。 20年,每个景边简信总部才表示为一个五元景(S, A, C, C, C, T, S, 基 水设值的。5分表表示景效的开始时间与实用的门心。显贵点的人员 1]票费用。T, 表示景点的建议游戏时间,每条边。对表示两个景点之间的 转移时间。 最级降收费在雾星刻间、费用等阳累的条件下,实现用户误查度 60的每400

按问题与常有时间附近的国际定询问题具有一定的相似性,如禁点开放 时间窗口对应配送节点开放时间窗口,聚点铺差度对应配送节点的收益值。 基本的最后或时间附近中间的现在分词多数的时间。两者之间区别主要看以下 方面。

(1) 约束条件存在差异。旅游路线规划问题旅需要满足常有时间窗团 决定向问题的约束条件外,还要满是用户预算所得来的约束条件,即门原费 用不能超过用户输入预算信息。

(2) 路线体验不同、放除作为学受效应的过程,与实际团队定向问题 完成就同一公里他还具有较大心理见别,主要体现在的客可能希望延长对 声尚最高的游览,往往对行程下奏有一定要求(如老年人往往希望节奏校 及),168团队定向问题明必须严格根据时间约束进行。

(3) 优化目标不同、附队定向问题优化目标通常选取为收益最大化 函放饰路线规划问题中由于满意度可以不同的表现形式,如复点收益值之 和最大化,成本最小化,或存得更轻松等。

9.3 旅游路线规划问题的数学模型

为了建模旅游路线规划问题,下面针对模型中相关因案进行分析。 1) 用户需求

用户请求主要包括用户对行程起始时间、结束时间、单日龄宽时间及此 行费用的限据。 民中单日的党创的表示每天可以用于常宽的最大时间。 如 专上九点至晚上上点对应的单日常宽时间则为 10 小时、单日常笼时间上 最记为 6m。 物用严酷上限记为 6m。

2) 景点描述信息

泉点信息主要包括四个国素,泉点开坡时间窗,泉点游览时间,泉点费用,泉点的吹弦低往意吹盘低依赖于用户)。对于第十个景点,已,(表示)泉云,的游览时间只面口,即泉点,的游览时间只能在这一时间区间内进行,泉点游波时间及表景点推荐游览时长,条师可到区间来表述这一参数,期用。

户在该景点的实际游览时间在一上下界之间, 其中上下界分别记为 T_{mn} , 实际游览时间记为 T_{n} , 景点的门票费用记为 G, 用户对景点的收益值则是用户对景点评分值, 记为 S.

 时间约束 时间因素除了景点开放时间窗口、游览时间外、还需要考虑景点之间转

时间因素除了景点开放时间窗口、游览时间外、还需要考虑景点之间却 移时间 t₀及单日游览时间限制 t_{ma}等时间约束。

4) 费用约束

此处费用仅考虑门票费用支出。所有门票支出需小于等于用户预算 上脚。

另外,引人繁游度图子δ来精速用户对行程繁游程度的需求,这一参数 定义在区间[0·1]中,以0.5 为分界点表标行程的紧密程度,最点实际游览 时间作为用户偏好值和紧海度共同作用的函数,其函数表示为

$$T_c = F(T_m, T_m, \delta, S_c)$$
 (9-)
其中, T_m , 和 T_m 分別表示景点推荐游览时间上界与下界。

当署演度發高時,將会有过多景点被幾刻至路後申,从而导致过多時间 用于景点的范蠡交通。基于此,在目标函数中加入了紧海度的评价最后。 统指标流取为路线所包含的景点或数和器或时间了min与总对同了min的比率之 标,各一定的行导紧接度要来下尽可能似还是够多的解或时间。

$$\max \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{i-1} S_i y_{ii} + \eta_i \cdot (\hat{\sigma} = 0, 5) \cdot \left(\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{i-1} y_{ii} + \frac{T_{rais}}{T_{cost}} \cdot \eta_i \right) (9-2)$$

$$T_{\text{stde}} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n-1} T_{i,j',0}$$
 (9-3)

$$T_{\text{test}} = \sum_{i}^{n} \left(\sum_{j=1}^{i-1} \sum_{\ell \in \mathcal{X}_{ijk}} + \sum_{j=1}^{n} t_{ij'ij} \right)$$
 (9-4)

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n-1} C_{ij} v_{ij} \leqslant C_{max}$$
(9.5)

$$\sum_{i=1}^{s-1} \sum_{j=1}^{s} t_{ij} x_{ijk} + \sum_{i=1}^{s} t_{ij} y_{ik} \leqslant t_{max} \quad k = 1, 2, \cdots, m \quad (9.6)$$

 $x_0 + T_1 + x_1 - x_2 \le M^* (1 - x_0)$ $i, i = 1, 2, \dots, n(k - 1, 2, \dots, m)$

$$\sum_{i \in j} x_{ijk} + \sum_{l > j} x_{ijk} = 2y_{jk} \quad (j = 2, 3, \cdots, n - 1, k = 1, 2, \cdots, m)$$
 (9-8)

$$\sum_{i=1}^{n} y_{ii} \leqslant 1 \quad (i = 2, 3, \dots_{n} - 1) \quad (9-9)$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} x_{i,k} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{i=1}^{n} x_{i,k} = m \qquad (9-10)$$

$$O_1 < s_0 < C_i$$
 $(1 \le i < j \le n_1 k = 1, 2, \dots, m)$ (9.11)

 $x_0 \in (0,1)$ $(1 \le i \le i \le nik = 1,2,\cdots,m)$ $y_{01} = y_{4} = 1$ $y_{4} \in \{0,1\}$ $(i = 2,3,\cdots,n-1)k = 1,2,\cdots,m)$ (9-13)

在上轮帐用中,约束条件(0.5)表示用户的费用约束,次(9.6)表示每日 总旅游时间约束,式(9-7)表示连续行程中后一个节点的游说应在前一个 节点状束之后开始。次(0.8)~(0.10)表示微编号为1.和。的显古作为出 党地点与冀困地点应被访问 ... 次外, 比他最点只能被游览一次; 式(9-11) 机基金等方面并给现在的基层等占并的联制编目。次(9.12)与次(9.13)部 常了变量的取值范围。

9.4 相关领法

9. 4. 1 GLS(Guided Local Search)

GLS 的基本思想品、当应用 GLS 录解制题时,类等针对转法解定之一 系列的特征(如针对 TSP 问题, 可洗样解是否直接似告从 A 账至 B 地这一 路线),在邻域模型的人局部最优性,综合选择综合的特征并惩罚,并加入例 目标试验中,由此改变领域搜索在搜索过程中的简格,能出局部最优[4]。

给定目标函数 g(x), 邻域搜索过程中采用的带有惩罚项的目标函数

$$h(s) = g(s) + \lambda \times \sum_{i} (p_i \times I_i(s))$$
 (9-14)

表中,3 是惩罚系数,3 是特征,5. 是第 ; 个特征的惩罚因子,所有 a. 最初均 为 0.1. 表示当前解,显否端足特征;满足则为 1. 否则为 0.

对于最小化问题,具有较大代价的特征对解新选成的代价影响最大,当 决到局部倡保占财, 您知斯特征 对当前局部最优强的住价东产生的作用。 同时,为避免特征被多次惩罚,还将考虑惩罚因子的当前值、当前特征对解

所产生影响的计算方式为

 $uill_i(s_*) = I_i(s_*) \times {c_1 \atop 1+a_i}$

(9 15)

其中。c, 是特征; 的代价, p, 表示当前惩罚值, 即当前解中若不包含该特征。 则惩罚项所产生的影响为 0。同时, p, 越大, 其所产生的影响越小。

Souffrau 等⁽⁴⁾用 GLS 来求解一个旅游路线规划问题的简单模型。在 50 个 6点以上的等别中得到的结果相比 DTGS (Dynamic Tour Guide systems)具有明显优势。其算法仍代码在表 9-1 中始出。

表 9-1 GLS 算法流程

Alg	orithm 3 GLS 算技流桿
I: 0	Constructi
$2 \cdot I$.oop2-01
3, v	rhile Leap2 <marloop2 do<="" td=""></marloop2>
41	Losp2+;
5,	$L_{00}\rho 1=0$
6,	while Loop1 < MarLoop1 and Solution improved do
71	Laupl-+;
8:	TSP ₁
9,	Inserts
10:	Replace
11,	cod
12,	if Solution better than BestFound then
131	Best Found = Solution
141	else
15,	If Solution-BestFound then
16:	If Not Disturbed Before then
17 ;	Disturb
18)	end
19:	end
20+	end

21, if Loop 2 = MaxLoop 2/2 then 22, Disturb: 23, end 24; cod 25; Return Best Found:

为了姚出局部最优点, 核算往应用了两个 GLS 想罚项, ①对未在当截 解序列中的最高的评分增加一个微频项, ②对解序列中的最点减少想罚项。

所有未包含在路线中的结点对解的正面影响由式(9 16)计算。具有最 大正面影响的结点将在分值中增加 pa。

$$U_r = \frac{S'_t}{1 + nr}$$
 (9-16)

其中。S'是当該結点分值与所得到的簽結項之相。S'S.+nr. « pa: nr. 表 示結点: 获得薇酚项的次数: pa. 表示微丽项的大小: 分母 1+nr. 的引入则 是为避免所有结点均有机会得到微脉項。

核受惩罚用的结么规是通过计算当前部中每个景点的负面影响来达 释,并由式(9.17)计算得到

$$DU_1 = \frac{1}{S' + (1 + m_1)}$$
 (9-17)

其中 $s'_i = S$, $np. * p_n \cdot np$, 表示该结点被惩罚的次数。

当惩罚项与撤售项被调用时,在下一轮选代中将对解空间进行新一轮 的模索。

Disturb 算子期是通过随机移除每条行程中的部分景点。来保证所有结 点均有机会被加入到解序列中。该算了会被运行至少一次,从前提高在解 空间掩盘过程中解的多样性。

9, 4, 2 GRASP(Greedy Random Adaptive Search Procedure)

GRASP 最早兩 Feo 和 Resende F 1989 年提出⁽¹⁾, 目前已被虚功用于 来称带有时间值的团风发盲问题⁽²⁾, Vansteenwegen⁽²⁾利用该算法实现了 在领着代域市路线团风发音研究如用,该算法确议的效率返用用户满意的 網线结果,表 步之中介绍了该效准的主要或便。

(9-18)

表 9-2 GRASP 算法流程

Algorithm 4 GRASP 10 25 (0.49)

- 1: while Stopping criterium is not met do
- - while VisitList not empty do
 - foreach Visit in Vestellier do.
- Calculate heuristic values end
- Determine threshold values
- 11. RandVisit=random Visit from restricted VisitList v
- Insert RandVisst into Solutions 13. VisitLast = Generate Possible Visits (Solution) :
- 14 and
- 15 cmd
- 16: Return Best Founds

在墙层终止条件前,连算形态反复次化地对解空间进行转击。每一个 选代过程都会随机选定一个余差系数,用于描述会参性与随机性之间的比 率。随后,根据当前解中已包含的结点,确定可以加入到当前解的候选结点 列表,并对候选列表中所有结点根据式(9-18)计算其启发信息

其中, Shift, 表示从当前节点到节点;所需要的时间, Interest Score, 则是当 的是点的评分值,

同时,为提高计算效率,式(9 19)计算了过滤候选列表节点的阈值

threshold $(h_{max} - h_{min})$ • greediness (9-19) 其中,b,,,和 b,,,分别表示当前候选列表所有结点的启发信息中的最大但与 最小的。greediness 表示当前法代周期的念梦系数。

对于候选列表中的剩余结点,则随机选择一个结点加入当窗解中。当 序列中所有结点均无法在满足时间约束的条件下访问时,算法将会被终止,

9.4.3 烟花算法

照花算法最早由 Ying Tan 提出并用来求解复杂函数的优化问题[1]。 作为一种群体智能优化管法,据花管法主要包括三个过程,解的初始化、常

(138) 教群智能优化方法及其应用

域物索和解的选择机制、管法资积限如图 9 1 解泌、



图 9 1 建化铁钛炭钾铁

1) 解的初始化

在解空间里随机选择 N 个位置, 作为初始现花位置并启动烟花, 每个 烟花代表解空间中的一个可行解。

2) 邻城搜索

在軍從的助后,將金在周围区域內产生,定數量的火建,這一过界可看 作在都域內透行采拌這麼,在這一份股中,將金生或兩轉不同的火龙,爆炸 火花和高點火花,倘者主要尋常城空间施行機索,這看別通过模索更大帶域 空间,截高層的多样性,以具体棚份超速面下。

(1) 學年火花,環花算法有弊法的搜索能力和开采能力引入了平衡机 額。以最小化目标商数值增为例,针对法局理值数好的零花,即其目标减数 值电更小,将选择更小的编阵平台人,和更大的编件火花数层 S. 对于每个 组花 X. J.玫瑰炸平谷与螺栓火花数层 计算公式为

$$A_{i} = \hat{A} \cdot \frac{f(X_{i} - y_{\text{mix}}) + \epsilon}{\sum_{i=1}^{N} (f(X_{i}) - y_{\text{mix}}) + \epsilon}$$

$$(9-20)$$

$$S_i = M_i \cdot \frac{y_{\text{out}} - f(X_i) + \epsilon}{\sum_{i=0}^{N} (y_{\text{out}} - f(X_i)) + \epsilon}$$
(9.21)

其中、 $y_{ms} = \min(f(X_i)), y_{ms} = \max(f(X_i)), \hat{A}$ 和 M, 作为两个多数, 分别 用于简节搜索率径及爆炸火花数量、 ε 作为核小量、用于建筑除零操作、此 外、为灌筑操作火花数量不合理、对其设定了上界和下界分别为 σ M, All 601 ...

(2)高新火化,在爆炸过程结束后,从烟花集合中随机选取 M。个烟花、 针对其中随机洗理,上个炼妆与正宏分布专品和表。面

$$\hat{X}_{ii} = X_{ii} * e$$
 (9-22)

式中 r~N(1.1), r 滿足均值与方差均为 1 約正卷分布, 改達烟花算法⁽⁵⁾ (Enhanced Fireworks Algorithms)中寸谈算 子那人了映射机制,在乘机组出边界后会睡机将该推度映射在可行域内任意区域。

3) 选择机制

在邻域搜索结束后,新一代的烟花种群将会在做选集 K 中选出,依法 集 K 由当宿城是种鲜,漏游业是和高斯大花组成, 被选集中中的最优解符 会被直接操组至下一代期花种群中, 对于比她的标述解 X , 则依模率 P(X)予以保值,P(X)表示为

$$P(X_i) = \sum_{X_j \in K} X_j$$
(9-23)

 $R(X_i) = \sum_{X_j \in \mathbb{K}} d(X_i - X_j) = \sum_{X_j \in \mathbb{K}} \left| \left| \left| X_i - X_j \right| \right| \right| \qquad (9-24)$

式中、R(X)是当前核选解与所有其他敏速解的距离之相。相比単純依据 目标(收敛值)的能量携选解策略,这一机制可以避免新一代种附近于集中在 基一个或某几个局部最优点附近,从前保证了所能选出的解具有一定的多 胚性。但还否和一般的标法也由验上生面最优加度的比如证价值。

定义,解之间的距离定义为两个解序列不考虑顺序时就包含的不同结 点的数目,即相同结点所组成的解序列之间的脱离为0。

存这一基础上,本文对经典期花算法框架下算法的主要该程及另涉及 算子进行了重新定义。

1) ## (N) ## (N) (P)

規花算法最初主要用于连续复杂函数的优化问题。对于这类问题: 陷 机生成初始规定。有利于保证的在邮管问当分分布。但对了就觉路线规划 问题而言: 陷机生成一个序列。中等下列解析为可行前,有限大可指针会的 对解的质量数差。因此是用解明性与专案性相结合的识别进行解的 50 Gr.

采用申行法进行构造解,首先对每个聚点建立候选列表,候选列表的排 序值版如下自身信息

Heur,
$$\frac{(S_i)^2}{t_0 + T_i}$$
 $i \cdot j = 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n - 1$ (9.25)

在收益每时,即构造 · 条单单的路线、对于每条路线,首先随电波 起点,并对误差。的构造列表核顺序进行列解,否而未加入列行程中,则以 一定概率度如5.00分割加至底路线,并作为当需要点继续这一轴往,在至该 路线时间均重不能调度。 2.2 维华度工

器蜂算子的核心作用是在活应度值较好的解附近以更小的牛轮进行更 多次数的邻极情况,提下对于距离的定义。最终等了最近都除至多几个结 点,构故常温地与可能分的结点的方式。并利用2-opt move 等于对解停共中 单条路线进行调整。2-opt move 知图 9 2 所示。



攀作等手供代码组表 9 3 所示。此外,由于路线规划模型为最大化问题,因此操作率经和操作火在数量率由式 (9 26) 与式 (9 27) 提到

$$A_i = \hat{A} \cdot \frac{y_{\text{max}} - f(X_i) + \epsilon}{\sum_{i} (y_{\text{max}} - f(X_j)) + \epsilon}$$
(9.26)

$$S_r = M_r \cdot \frac{f(X_t) - y_{\min} + \epsilon}{\sum_i (f(X_t) - y_{\min}) + \epsilon}$$

$$(9-27)$$

表 9-3 烟炸算了流程

Algorithm 1 提供等子连根

Set Parameters N. A. M.
 Calculate the amplitude A. and number of searls S.



Absorithm 1 摄作等子定程

- - $3 \cdot \text{ for } i = 1 \text{ to } 8 \cdot \text{de}$ rand - Rand (A.)
 - for j = 1 to rand do
 - Randomly remove a node from the current solution

 - Greedy insert new nodes at the best place Iteratively choose a daily tour to operate the 2 nm move.
 - end for
- 10 end for
- 11. Store all the explosion sparks into candidate set K

3) 高級電子

经典烟花算法中,高斯算子主要用于保证解的多样性,在求解连续问 提供,箱过过解的部分坐标进行空格,使能对更大的空间进行理索。对于高 散问题,这一过程难以实现。此节中提出的高斯算子致力于寻找当前解序 科所包含是点的是化顺序,国际允许插入新景点,以准一步程高目标函数 值。高斯算子除采用 2-opt move 对单条路线进行优化外,还将采用 cross move 对不同路线进行优化。为保证解放多样性, 连算子允许以一定概率 P. 接受坏解, cross move 示意图如图 9-3 所示。

物質子供代码技術加起 9.4 中形元.

表 9-4 高斯算了效程

- Algorithm 2 高路質子藻型 1. Set Paremeters N. M., P.
- 2. for i = 1 to M, do
- Randomly select two nodes from two tours, operate cross move



Algorithm 2 JUNE W. FW R

rand = Randon (1)

if $(rand < P_i)$

Implement operation

endif 12 - endid

13. Iteratively choose a daily tour to operate the 2 opt move

14; end for 15. Store all the mutation sparks into candidate set K

4) 传播推制

改括机器在烟花算法中检验了重要负负,与炒集组花算法相似,同样 直接保留当前纲花种群中的最优解至下一种群,对于其他解,则采用类似轮 **身端的方式进行选择,为增加解的适应商值介验读中的权准,采用平方理。** 而不是一次项计算选择概率。每个解序列被选择的概率为

$$P_{ul}(X_i) = \sum_{Y_{ul} \in \{(f(X_i) = y_{uk})^T = \xi\}^L} (f(X_i) = y_{uk}) + \xi)^L$$
(9.28)

超极这一公式, 具有更好活应度值的强, 终更可能被保留至下一种群。 相比增强型钢花等法中提到的随机选择机制, 实验结果表明这一选择策略 且有更好的来解效果。

9.5 蚁群筑法及此分析

推算 5 音中或解密由知题的自适应最大最小根群管法(AMMAS)推广 来解决 TTDP。算法用串行法构造解、启发信息、信息素的管理方式与第 5 章相同,

为测试算法,构造四个算例,参数 n. 和 n. 均选择为 10。通过统计分 析,参数设置知下,在GLS中,内循环决代次数设置为300,种群规构取为 28。在据花算法中构造解金售系数 8 取为 0,95。 爆炸火花半径上界为 10。 提出更多生态下见 1. 提出更多数量 1 见 AM. 取为 15. 提供更多数量下见 6M、取角为5, 高新火花数量取值为10、在收置管法中, 种胜规模为20、其 会参数与第5章相同、算法最大运行时间为3秒。

各算法运行所得到的最优目标调数值及二十次运行的平均目标调数值 见表 9 5。由表中结果可见、AMMAS 品一种效果很好的算法、它在所有算 例中都得到最好的最优值、而平均值在 3 个算例上好于其他算法。

表 9-5 四种剪沙结果对比

30 m.	FY	VA.	G.	LS	GR	ASP	AM	MAS
34-55	平均值	最优值	平均值	最优值	平均值	最优值	平均值	超代的
39.90 1	366.3	367, 1	366, 6	369, 1	366, 2	368, 2	367, 1	369, 1
99.94.2	443,8	446, 2	443, 2	446, 2	431, 2	439, 3	444,6	446,2
\$9.04 a	392,8	393, 2	392, 2	393, 2	390, 2	391,2	392,7	393, 2
37.00 4	370.3	370.6	365.4	370.6	361.3	369.5	371.0	371.1

9.6 小结

本章探讨了旅游路线规划问题并给出了该问题的 0-1 整数规划模型。 推广了求解定向问题的自适应效群算法,并与 GLS、GRASP 和烟花算法进行了对比。实验结果表明、AMMAS 算法是一种求解该问题的有效算法。

参考文献

- D Gavalas, C Konstantopoulos, K Mastakas, et al. A survey on algorithmic approaches for solving tourist trip design problems [J], Journal of Heuristics, 2014, 20 (3): 201-226.
- [2] Hui Ding, Liangjun Ke, Zihao Geng, Route Planning in a New Tourist Recommender System; a Fireworks Algorithm Based Approach [C], 2016 IEEE Compress on Ecologicary Computing, Vancourer, Canada, 2016.
- [3] 丁烷、个件化物的新花基纯中五键创新研究[D]、西安全提大学。2015。
- [4] W Souffrinn, P Vannteenwegen, J Vertommen, et al. A Personalized Tourist Trip Design Algorithm for blobile Tourist Guides []]. Applied Artificial Intelligence, 2008, 22 (10), 964–986.
- [5] Feo TA, Resende MG. A probabilistic heuristic for a computationally difficult set covering problem[J]. Operations research letters. 1989. 8 (2), 67~71.
- [6] A Garcin, O Arbeleitz, MT Linasa, et al. Personalized tourist route generation [M], German, Suringer, 2010.
- [7] P Vansteenwegen. W Souffries. GV Berghe. et al. The City Trip Planner: An expert system for tourists[J], Expert Systems with Applications. 2011. 38 (6);

144 蚁群智能优化方法及其应用

6540~6546.

- [8] Y Tan, Y Zhu, F.reworks algorithm for optimization [J]. Advances in Swarm Intelligence, Soringer, 2010; 335~344.
- [9] S. Zheng, A. Janocek, Y. Tan Enhanced fireworks algorithm. [C]. IEEE, 2013, 2069—2017.



多目标组合优化问题

10.1 引言

估许多实际应用中,一个整着自住里等出多个框架中央的目标。开 但相处一个看似中方案。这些用"可比使我多目标公路"。 EM 思的一个 Parto 载度解放三个载度将中的核选力率⁽¹⁾。 一个多目标便心 同题均匀都多差完全是另多个 Parto 载度解。在设备它并仅实行与它 的现在价值和多差完全是另多个 Parto 载度解。在设备可以实行为它 信息。所谓的 Parto 载度解离。一样的,在实际定用中,故事者必需是 经效益减少 Parto 前代安排的使用的。

许多进化算法已经被用于求解多目标优化问题⁽⁷⁾。多目标进化算法的 优势在于它们通过进化一组候选修可以在一次测试之后得到一个通近 Partin 简件版的概集

如智能法是一些反应或推索化使技术。它在促使的同时进行少以。它 战阻结合线器"中战性本特值款过程中在线信息统入智能计算方法并有上调 节算结行功,就群等法裁划是用于来解率目标组合化化问题。它利用信息 策矩阵记录搜索过程中切得的知识。每个那元素的信息素值是证据形式来 在一个各种中的创催了。另「从《问题刊记》。故群性影性在使某之 首就定义一个自发信息矩阵,就帮性影相用,用线数量开资条。在日 代,每个刺紋利用信息素和自发信息矩阵来构造解,然后利用新构造的解更 新信息累距停留值、级那算法已经或功用以解决许多单目标优化问题,受 起启发,文献[3~9]中已经有多目标数群等法的报道。在设计多目标数群 策法时,周个相互关键的因案需要任任者也。

(1) 信息來報以收益股份的定义。由于专用核模質等的信息表面 处据规度是个年级的信息提高的企业。如果仅仅是用一个信息来到来。 化解的金融设理派で展某中的信息。如果仅仅是用一个信息来到界一一 有效效应规则。或此处要于定一付年、光度也专业中心的企业的专业中 发动的原下。因此,大量数量引移或程序边相用令个信息来源的企业中 发动的原下。因此,大量数量引移或程序边相用令一信息来源的企业是有规则 身。这就像规则但一某个中空间目标可添加来源的间期,不过《说书》这些 月下规则是为企业的概念。另一位被重量。Perre 最后,但全是是一个规则。 有效的从来来定合适的信息来到外电影实验的一个成绩。

(2)解构造,多目每级群转法在每一代应该能构造一组多样化的新解 以更好地高级整个 Pareto 旅价,为此,存解构造是单小。不同的蚂蚁利用 不同的信息素和启发信息组合、从面面内 Pareto 前沿不同部分逼近,如何 合理题组合信息素和完发信息基本章的重点内容之一。

基于分解的美目标准定算生是一种未解单引标问题的混化资度积 则⁴⁰¹。 "3 MGCL MSOP № AN AN 等型目制建设算金融"⁴⁰¹。12 64 54 基于经典的复数方法,一个多目标问题资分解皮—但单目标优化了同题。 每一个问题到目标是参与目标的一个技术未发性加收组份。 于问题的 邻因发表保服于问题过到的按照单位的原则素确定。 每个个问题到时 素解邻即行同过过程中保险的信息来通行优化。基于分解的多目标进化等 该比较的干息都完全和标准化的。

本章在新子房的多目附近发挥上级平度排一种多目标或程序以 应往往前线理时,按照还是对上海内小线。 在城市场中,有效负责水 第一十分间距手找时中 Perce 前前的一部分。每十数或有一个有效包含水 等时限过后进程的下分间的原始已过。 使把于前面的转送场上这些构 就被分成有千年。每个前通道 Parce 前前的转定部分。在一个市中的 转级以等一个后级影响了一位的影响上。 在一位一位 20世中,每个每级之少为所有资的一位现代到的可能从,在构造一 一个编码件,和规则合它形在的信息来降在自动的自由的现实是但以对一 式下,构造过程更可能得到刺效解对应于问题的好解。每个子群的信息本 矩阵具用它将与假的解放构造的新原来更新。基于每个蚂蚁应应的目标两 数。如果它能从其邻域中得到新鲜、刺蚁更新其当首解。这值次而附的刺蚁 之间也可以相写合作,这是因为两个相等的蚂蚁可以服于不同的群。

10.2 多目标优化的基本概念

一般地, 多目标优化算法可以表述为

 $\min F(x) = (f_1(x), \dots, f_n(x))$

1) 多目标 0 1 背包阿题

给定 n 个物品, m 个背包, 多目标 0-1 背包问题可定义为

$$\max f_i(x) = \sum_{j=1}^{n} p_j x_j, i = 1, 2, \dots, m$$

s. t.
$$\sum_{i=1}^{s} w_{ij}x_{i} \leq \varepsilon_{i}, i = 1, 2, \cdots, m$$

 $x = (x_{1}, x_{2}, \cdots, x_{s}) \in (0, 1)^{s}$

(10-2)

其中 $p_a \ge 0$ 是物品 j 放到背包 i 的权益 ∞ $_0 \ge 0$ 是物品 j 放到背包 i 的代

价, 心是背包;的总容量。 心一1 表示物品) 被选择放入所有的背包。

2) 多目标旅行商问题

给定 n 个城市和m 个距离矩阵 $(c_{1})_{i \times n}$, $i=1,2,\cdots,m$, $c_{2} > 0$ 是从城市 i 列k 的代价。这个问题可以描述为

min
$$f_i(x) = \sum_{j=1}^{n-1} c_{s_j s_{i+1}}^j + c_{s_1 s_n}^j$$

 $i = 1, 2, \dots, m$ (10.3)

其中 x 是 n 个城市的一个全排列, 表示一条经过每个城市一次具仅一次的路线。

在数学规划文献中已经有多种将一个多目标优化问题分解成一组单目 标便化问题的方法,下面介绍商种重要的分解方法。

超収求和法: \diamondsuit **1** $-(\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n)$ 是収重向量: 且 $\sum_{i=1}^{n} \lambda_i - 1, \lambda_i \ge 0$, $i = 1, 2, \dots, m$, 如果 Pareto 前沿是凸的: 別下列优化向巡的最优架是(10. Di的 Pareto 最优架。

$$\min g(x \mid \lambda) = \sum_{i=1}^{n} \lambda_i f_i(x)$$

a.t. $x \in \Omega$ (10.4) 其中 $_{2}(x, \mathbf{\lambda})$ 是具有权重 $\mathbf{\lambda} = (\lambda_{1}, \lambda_{1}, \dots, \lambda_{n})$ 的加权目标函数、如果 Pateto 前

沿是非凸的。则通过京解加权求和子问题可能得不到一些 Pareto 最优解。 Tehebyeheff 持, 子问题的目标·函数定义为

$$\min_{z \in \mathcal{L}} g(z \mid \mathbf{\lambda}) = \max_{z \in \mathcal{L}} (\lambda_i(f_i(z) \mid z_i^*))$$

8.1. $x \in \Omega$ 其中 x^* $(z_1^*, z_1^*, \dots, z_n^*)$ 最参考点 $(z_1^* = \max f_*(x))$.

10.3 基于分解的多目标蚁群算法

由于g(x A)是A 连续函数,如果两个子问题的权能距离小。则这两个 问题的解相似问度高。受此启发,MOEA/D-ACO采用如下概念。

(1) 領域, 蚂蚁 / 的領域 B(/) 包含 T 个数相邻的蚂蚁,即这些蚂蚁的

权重应是与蚂蚁,的权重应是距离中长和蚂蚁对应於权业向量到蚂蚁,的 距离都小、显然有 i E B(i)。

(2) 子群, N 小蚂蚁依据比较重向量的要基被分成长 个子群、每个子 BY 66 At M. St. Pareto di 50 - 30 44

图 10 1 给出了 MOEA/D-ACO 中分解, 您城和子群的概念。

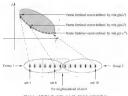


图 10.1 MOEA/D ACO 中分解、体域和子群的概念

图 10 1 价出的宝钢中。目标数(m)为 2、据规数(N)为 14。子胜数(K) 为 2, 邻城大小(T) 为 5。该多目标优化问题被分解成 14 个单目标子问题。 据位;负责优化子问题;。第一个子群由据位1到7组成,其他解位构成第 二个子程、每个组叙在方个领导,如何放弃的领导为组校4.5.6.7 和来。

在每一代,种群规模为 N 的 MOEA/D-ACO 维护以下信息。 N 小値 v¹, v¹ ··· ·vⁿ ∈ O. 禁由 v¹ 其 ē回 版 : 均当的報。

(2) F¹, F², ..., F^N, 北中 F 基上 的目标或数值(基于子同题 / 约目标) 函数), 图 F'=F(x').

(3) r', r', ···, r', 其中r' 是子群; 的信息烹矩阵,用以保存子群, 习得 con.

(4) 亩,亩,…,或,其中或是子问题/对应的启发信息矩阵。 (5) FP. 一个外部档案集,用以保存现有非占优保的目标函数值由量。 MOEA/D ACO 主要炒礎如下。

步骤 0(初始化), 对 $i=1,2,\cdots,N$,对每个子问题i产生一个初始解、令 F' F(x'),并初给化其信息累润阵。对 $j=1,2,\cdots,K$,初给化每个子称j的信息累到验x'。如验化 EP 为F'。…F''。"

步豐 1(解构故), 对 $i=1,2,\cdots,N$, 蚂蚁 i 利州威率規則这择評元素来构造一个新解 y',这个规集依赖 F x' ,y ,y' , 其中封 $i=1,2,\cdots,N$, 产问题 i

在于群j中。計算F(y'); 步骤 2(EP 的更新);对 $i=1,2,\cdots,N$,如果 EP 中没有向最占优

F(y'), 则将其加入到EP中,并且将EP中耶些被F(y')占优的南盐移除。

少雅 3(终止),如果算法终上条件满足,则停止算法,并输出 EP; 步骤 4(信息宏矩阵的更额),对 j-1.2.…,K,利用予胜;中蚂蚁构蓝

在每一代中,步骤1品每个蚂蚁构造一个解,步骤2品用这些新解来更 新 EP, 步骤4品一个蚂蚁如果得到新的幸古优牌,顿用其更新蚂蚁对应产 种的红粒染油陈, 步骤5品更新当首领, 而步骤3品简并终止各值相联

10.3.1 MOEA/D-ACO 求解 MOKP

1) 基本设置

(1) N 和A¹, ·····A² 的设置, N 受到, ·个参数 H 控制。具体而言。 A¹, ······A² 的每个分量从以下集合中选取一个值。(0, 1, ······ H₂ 1, 1), 因此

共有 N=Co.1---种权重的量组合。

(2) 千种数的设置,采用上述类似的方法来设置 K 及每个千醇的权重 向显**e'、e'、···、e**",两对**à、à、···、à**" 分别针算到**e'、e'、···、e**" 距离最近的一 个向最、从高给每个编级指定于群号。

(3) 邻城的设置, 欧氏距离用以计算权量向量的邻域。

(4) 启发信息和信息素,在多目标背包问题中,每个解被编码成 0 1 向最,采用市建实值向量来表征信息素和启发信息。具体而言,于群方的信息素矩阵为

$$\mathbf{r}' = (\vec{r}, \vec{r}, \cdots, \vec{r})$$
 (10-6)
其中日表征在以前提案中可得的物品未被子群/选择的价值、蚂蚁、的店

其中,或表征物品,被蚂蚁;的选择的先验价值。

2) 初始化

启发信息向量量 的第 8 个分量取值为

$$\eta_i = \sum_{i=1}^{\sum} \lambda_i^i p_A$$

$$\sum_{i=1}^{n} \gamma_i w_{ii}$$
(10.8)

其中 x 为线性规划松独问题的第 / 个约束的影子价格。

所有信息素向员的分量器初始化为一个相同的较大情。以推强算法的 paydens n.

3) 解构造过程 M & 1.2. ... , a. (7)

假设蚂蚁;在子母;中,其当前解为之一(元,元,元),在算法步骤1 中蚂蚁 / 以知下方式构造一个新蝴 (一(火,火,火,、火)),

其中 A.e. 8 是 3 个正参数, 如 表征 当 1 的偏好度,即物品 A 被选择的偏 好啦。

v ## M 40 Tr (0, ..., 0) . Ht #240 # H 10 (0) . G! J = (1, 2, ..., a) . M N 1 A 4. 重复以下操作。

(1) 对每个 s C J, 如果添加、倒设包中导致不可行解、则格 扰从 J 中

朝险。 (2) (m.W. J = CT, W145 FG v'.

从(0.1)之何产生随机物,如果少太平均物,则此,要为1,中心值品大 的元素, 炎测按照下式依据轮盘坚规建随机选择一个元素。

终,从1四线路,并提示1.

在式(10-11)中,云是子群;中所有蚂蚁共享的信息素矩阵的第天个分 位、元二1 表示物品上在子同期/当效解中被选择、元 导幅较/私有信息。 因此书十A×占融会了子形和私有信息、这种组会可以看成品蚂蚁。在物 思 4 上的位有要。

在构造倾过程中。依据推输机比例规则进行选择、参数,到节开发和 探索。如果随机数小子r。则进行开发并选择偏好值量大的物品。否则进行 校索搜索,此时,偏好值较大的物品被选择的可能性大。

4) 位息套钢筋的更新

□ 日 安徽皇前下各位的新疆。

CII AMENIAMA

(1)在当前代中被予群;构造出的当前解:
(2)在当前代報加州 FP 中於解。

(3) 第4个元素为1。

子群;中的第4个物品对应的信息家分量~1.更新如下。

$$rl_1 = \rho rl + \sum_{x \in [l]} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \rho_0 - g(x \mid \lambda^j)$$
 (10.12)

其中、参数ρ是信息素的保持率。在这个信息素更新公式中、信息素矩阵保存了于肾j中迄今为上的好解的统计信息。

为了避免有些信息素值过分大或小·信息素的上下界 rmm·rmm用以控制信息素的值。

依据 MMAS,在 MOEA/D-ACO 中,信息素的上界 Tons 在每个代更新知下:

$$(1 - \rho)$$
 $\left(\sum_{i}\sum_{j}\hat{p}_{ij} - g_{max}\right)$ (10-13)

其中, B 是当前代申非占优解的个数, goog 是所有了问题的最大目标函数值。 信息素的下界 too 置为

民中·ε∈(0.1) 是一个多数。如果 ri 比τωι小、则将其赋值为τωι 如果 ri 比τωι 大、电将其赋值为τωι

10.3.2 MOEA/D-ACO 求解 MTSP

1) 信息素和自发信息定义

在東部 MTSP 时,信息素和自发信息矩阵定义如下。

(1)每个子群」都有一个信息素矩阵、其中每个元素 ta 表示城市 k 和 i 之间的信息素值。

(2) 每个蚂蚁;都有一个启发信息矩阵,其中每个元素 "成表示城市》

和1之间的启发信息值。 (3) 每个解释是被由於一个推测。

(3) 每个瞬页 2) 初始化

商景信息传初始化加下。

5k ___ 1 (10.15

面信息素 12 初始化为 1.

3) 解构造

假设蚂蚁;在于鲜;中,其当前解为 $x'=(x'_1,x_1,...,x_i)$ 。在鲜法步骤 1中蚂蚁;以如下方式构造一个新娘 $y'=(y'_1,y'_2,...,y'_i)$ 。

t t 1.2. ... n . ii⁷

$$\phi w = (v_k + \Delta \times In(x^i, (k, l)))^a (v_k)^a,$$
 (10-16)

蚂蚁;随机选择一个城市作为初始城市开始构造解。假设当值城市为 7.且还有城市未被协约,记这些城市为集 C。如果 C = Ø、重复以下操作。

(1) 从(0.1)之间产生随机数,知果它大手参数パ期券 (置为1 中 4 依

最大的元素, 否则按照下式依据轮盘贴规则随机选择一个元素。

- (2) 将 k 从 C 中移除。
- (3) 如果 C 为空集,则得到解。 4) 信息素振序的重新
- 证 II 为满足加下各件的新鲜。
- 记 | | 为新足如下条件的新丽
- (1) 在当前代中被子群;构造出的当前解:
- (2) 在当前代報加到EP中的解: (3) 经过边(k,i)。
- (9) 45747474411

子群;中的边(4.1)对应的信息素值 位更新为

$$\overrightarrow{r}_{k,i} = \rho \overrightarrow{r}_k + \sum_{x \in \prod} \frac{1}{g(x \mid \lambda^t)}$$

其中、參數 ρ 显信息素的保持率。

信息素的上界 race 在每个代更新为

智息系的上升 Taux 在每个代更新。

$$\tau_{max} = \frac{B+1}{(1-p)g_{min}}$$
 (10 18)

其中,B 最当前代中非占优解的个数,g_m,是所有子问题的最小目标感数值。 信息家的下界 e_m,置为

$$\tau_{mh} = \epsilon \tau_{max}$$
 (10-19)

其中 $\epsilon \in (0,1)$ 是一个参数。如果 τ_0 比 τ_{ms} 小、则终其赋值为 τ_{ms} : 如果 τ_0 比 τ_{ms} 大、集将其赋值为 τ_{ms} .

10.4 与 MOEA/ D-GA 在 MOKP 上的比较

文献[10] 將 MOEA/D 结合传统的遗传算 千和局部提索用以解决 MOKP 问题,其交叉算子基单点交叉,变异是构解的一个基因位以较小的 概率反转。局部搜索算了采用文献[13]。

同 MOEA/D-GA 进行比较的原因是,它是一类有效的多目标进化算法,它比 MOGLS 等在内的算法性能都好,而且是基于 MOEA/D 框架。

10.4.1 实验条件

实验数据是文献[14]中的 9 个算例。

MOEA/D-GA 的参数设置如文献[10] 所述。由于加权求和法比 Tehabushaff 法的结果以,仅是由加权求和法。

为了公平比较。两个算法中相同的参数都取相同的值。在实验中,蚂蚁 敷和手群数是表 10.1, 其經參數設置如下, $T = 10 \cdot \rho = 1 \cdot \rho = 0.95$ 。 $y = 0.9 \cdot e = \frac{1}{\sigma_{e}}$, $\Delta = 0.05 r_{max}$.

表 10-1 MOEA/D-ACO 的存款设置

lost	1000	N(H)	K(H)
R	79	NOB	K(N)
250	2	150 (149)	9 (8)
5:00	2	200 (199)	9 (8)
750	2	250 (249)	9 (8)
250	3	351 (25)	10 (3)
500	3	351 (25)	10 (3)
750	3	351 (25)	10 (3)
250	4	455 (12)	20 (3)
500	4	455 (12)	20 (3)
750	4	455 (12)	20 (3)

所有算法在 300 代后终止, 所有的实验都在相同的计算机上测试。

10.4.2 性能评价指标

采用 IGD(inverted generational distance)来评价性能。

今 P' 为一组沿着 Pareto 高沿均匀分布的点组成的集合; P 是 Pareto 高器的一个面近。 類 P' 和 P 之间的 IGD 定义为

$$D(P^*, P) = \sum_{v \in P^*} d(v, P)$$
(10-20)

以中、dr、、から成立。中電会P 之前前書席。即立。可報会P 中立点的最小形 魚、如果 P^{*} 免除大・地記修好表示 Pareto 前沿・関 D(P^{*}、P) 建酸料 4 年代 性和收斂資源、为均利一个小的 D(P^{*}、P)、P を運電資資車面面 Pareto 前 信・4 年 化設定機 Pareto 前沿 不能跨到。在実验 中、P 方案院 [1] 中旬 年 福豆、

10 4 3 结果比较

将每个算法在每个算例测试 30 次。得到 30 个非占任而。

表 10 2 始生了这些生态优面的 GD 的 平均值 细胞滤点。表 10 3 给出 方给年海源位 CD 时间杆落。因 10 22 给出了6 中转选 30 文里央 56 (即随住 IGD) 非占优面的分布图,MOBA D -ACO*和 MOBA/D -ACO' 分别表示采用加强采用设备 T Chebyedt 试进行分解的 MOBA/D -ACO、 用 10 3 ~ 图 10 5 给出了平均区的 黄鹂曾花似乎在的由线。

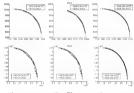
表 10-2 MOEA/D-ACO* MOEA/D-ACO* 以及 MOEA/D-GA 的 IGD 依比較

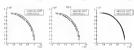
Insti	stot	MC	EA-D-A	00°	MO	EA DA	COT	MOE	A. D-GA
	.14	mean	std dev	1 test	mean	std dev	t test	mean	std dev
250	2	13.8	0.3	+	18.4	0.4	+	59.1	6.3
500	2	12.7	0,5	+	12.7	0, 6	+	157, 1	16.5
750	2	14.0	0.5	+	14.4	0.5	+	401.7	36.4
250	8	46.6	1,4	+	47.3	1, 5	+	119.7	8.2
500	8	73.9	2.6	+	77.2	2.3	+	357, 1	24.3
750	8	101.2	3, 1	+	106,1	3, 9	+	696, 1	30.7
250	4	90.3	1, 4	+	88.7	1.2	+	195, 2	6.3
500	4	175.4	1,5	+	170.3	1.9	+	534.0	15.2
750	- 6	280.7	1.9	+	270.8	2.1	+	1064.5	28.1

表 10-3 MOEA/D-ACO*、MOEA/D-ACO* 以及 MOEA/D-GA 的计算制阀比较

lest	1000	MOEA/	D-ACOF	MOEA/	D-ACO ^T	MOE	A/D/GA
n	70	mean	std dev	moan	std dev	mean	std dev
250	2	6.4	0.0	6.2	0.0	0.9	0.0
500	2	10,9	0.0	10.7	0,0	2.8	0.0
750	2	15.7	0.0	15.5	0.1	5.8	0.1
250	3	15.9	0.9	16.2	0.0	2.3	0.1

Inst	sore	MOEA	D-ACOW	MOEA	D-ACO ^F	MOE	织表 A-D-GA
10	751	mean	std dev	moan	std dev	mean	std dev
500	3	24.6	0.1	24.3	0.0	7.2	0, 2
750	3	33, 7	0.1	34.0	0.1	18.1	0.8
250	4	26, 1	0.0	25, 3	0.5	6.4	0.1
500	4	43.1	0.0	42.3	0.0	16.2	0, 2





第10-8 MOEA/D ACO*、MOEA/D ACO*以及 MOEA/D GA 在 250 · 2、 500 · 2 和750 · 2 3 个客侧上唇洞的 30 次尖蟾结用中原好的温吃酱馅前

从表 10 2 中可以看到依疑 IGD 指标。两个版本的 MOEA/D ACO 在 所有算例上都比 MOEA/D-GA 要好。例如.在算例 250 • 2.500 • 3.750 •

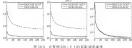
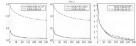


图 10-3 小果例 250 · 2 上的 IGD 海 化电线





F 10-5 ACM WI 750 + 2 F M TGD SEQUERS

4 上, MOEA/D-ACO 分别改进了 23%, 22%, 25%。从图 10-2 中可以看 料, 两个版本的 MOEA/D-ACO 於是提小基本上產以分班, 基下知程求和 \$5.65 MORA/D ACO IS 66.

从图 10-2 中可见,在 250 · 2,500 · 2,750 · 2 3 个算侧上,基本上所有 MOEA/D-GA 得到的生去依面都被占住 F MOEA/D-ACO 得到的生去住 值。随着决策变量的增加, MOEA/D-GA 和 MOEA/D-ACO 的性能非异 越大。表 10 3 表明 MOEA/D ACO 花费的时间略多于 MOEA/D GA。这 是因为 ACO 的计算开锁要太平空见算子和变异算子。然而。如果以构造解

的个数来看。图 10-3~图 10-5 表明 MOEA/D-ACO 更为有效。

業 10-4 MOEA/D-ACO[®] 与 MOEA/D-ACO[®] 在多取值不同时的 IGD 值比较

Ines			MOE	A/D ACOF			MO	EA, D.A	COF	
History.	ince	defaul	setting	ρ=0		default	setting		$\beta = 0$	
п	89	mean	etd des	mean std dev	t test	mean	std dev	BEGOD.	std dev	t tes
250	2	13, 8	0.3	1101.9 137.3	r	13.4	0.4	1050, 5	142, 0	+
500	2	12.7	0.5	3728. 9 349. 8	+	12.7	0.6	3690.5	428.0	+
750	2	14.0	0.5	14, 4 658, 7	+	14.4	0.5	5171.4	688, 6	+
250	3	46, 6	1.4	47, 3 28, 4	+	47.3	1.5	803,5	92.1	+
500	3	73.9	2, 6	77, 2 287, 3	+	77. 2	2, 3	2847.5	295.4	+
750	3	101, 2	3, 1	106, 1 865, 6		105.1	3, 9	4803, 9	580, 9	+
250	4	90, 3	1.4	88.7 38.0	+	88.7	1.2	857.7	82.1	+
500	4	175, 4	1.5	170.3 89.7	+	170.3	1.9	2619.4	140, 1	+
750	4	280, 7	1, 9	270, 8 381, 8	+	270.8	2.1	4104.4	418.3	+

10.5 与 BicriterionAnt 在 MTSP 上的比较

BicriterionAnt 是最好的多目标叙释算法之一。而且它也用到子群的概念。通过社较 MOEA/D-ACO 算法和 BicriterionAnt 算法,可以分析分辨 方法的作用。

10.5.1 实验条件

采用 TSP 网站 http://eden. dei. uc. pt/~paquete/tsp/中的算例用 F 宏妙分析。

参数设备和 F.

f群数目为 3.每个子群中期载数为 8.ρ 0.95.c 1.β 2.γ 0.9.4

域的大小 $T-10.e - \frac{1}{2n}, \Delta = 0.05\tau_{max}$.

在计算 IGD 值时, P* 为实验中得到的非占优解(即每次得到的非占优 解之后, 再得到这些解的非占优解)。每个算例都测试 30 遍。

10.5.2 实验结果

表 10-5 MOEA/D-ACO* .MOEA/D-ACO* 以及 BicriterionAnt 的 IGD 值比较

lasta	102	MO	EA/D/A	COF	MO	EA/D A	COT	Bicriter	ionAnt
1007017	.10	BECAR	atd dev	1. test	BECOM	atd dev	t test	BLOSD	atd des
kroab100	100	2008, 2	330, 3	+	1865, 7	318, 6	+	12318,5	382, 9
krose100	100	1733, 0	254, 9	+	1697, 8	288, 4	+	13209,0	373.1
kroad100	100	1494.6	217.3	+	1440.2	200,8	+	11838.0	403.1
krose100	100	1887.3	303, 5	+	1669.6	290, 3	+	12526, 1	368. 9
krobe100	100	1802, 5	345, 3	+	1452, 9	172, 8	+	13881, 1	387. 9
krobil100	100	1777, 3	298, 3	+	1655, 1	215, 7	+	13625,8	271.0
krobe100	100	2285, 9	292, 8	1	1864, 9	301, 8	11	15042,7	458, 2
kroed100	100	1897. 3	295, 4	+	1650, 2	299, 4	+	11638, 2	274.0
kroce100	100	1852. 2	311.2	+	1710.3	275.9	+	13050, 4	324. 7
krode100	100	2017. 1	340.5	+	1904. 6	375, 7	+	12451.9	328.1
kroeb200	200	4476, 7	598, 6	+	3910, 1	393, 8	+	32691.2	908. 1
kroeb300	300	8735, 9	1121.2	+	6441.4	595, 2	+	51776,2	1171.5

表 10-6 MOEA/D-ACO*、MOEA/D-ACO* 以及 BicriterionAnt 的 IGD 值比较

martic	19	mean	std dev	mean	std dev	mean	std dev
krosb100	100	4,9	0, 1	4.9	0.1	68, 4	0, 1
krosel00	100	4.9	0, 1	4.9	0.1	68, 3	0.0
kroad100	100	4,9	0.1	4,9	0, 1	68, 3	0,0
krose100	100	4,9	0, 1	4.9	0.0	68, 3	0, 1
krobel00	100	5.0	0.0	4.9	0.1	68. 6	0.2

Insta	nev	MOEA/	D ACO*	MOEA/	D ACOT	Bierit	rrionAnt
mame	18	mean	std dev	newn	std dev	mesn	std der
krohd100	100	4,9	0, 1	4.9	0,0	68, 8	0, 1
krohe100	100	4.9	0.1	4.9	0.0	68, 8	0.1
kroed100	100	4.9	0.0	4.9	0.1	68.7	0.0
kroce100	100	4.9	0.0	4.9	0.0	68. 6	0.1
krodel 00	100	4.9	0.0	4.9	0.0	68. 5	0.1
kroab200	200	20.4	0.2	20.3	0.1	276.3	0.3
kroab300	300	45, 1	0.5	45, 1	0.4	629, 1	1.1

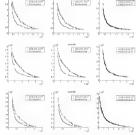


图 10 6 MOEA/D ACO^F, MOEA/D ACO^F 以及 MOEA/D GA 在 krosh200、 krosh300 和 krode100 3 个算例上符到的 30 次实验结果中最好的逼近 证符金

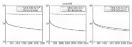


图 10 7 在算候 krosh200 上於 IGD 演化曲线

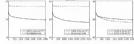


图 10 8 在算例 kroab300 上的 IGD 演化由线

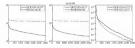


图 10 9 在算例 krodel00 上的 IGD 演化南级

MOEA/D-ACO 和 BicriterionAnt 都用 ACO 来构造解。其差异在于 MOEA/D-ACO 采用当前期用于解构器。而且利用包子群和邻域的概念来 交換信息。下面来分析以下 3 个问题。

- (1) 如果不用子群,效果如何? 即考虑 4-1 时算法性能。
- (2) 如果不用当前解,效果如何? 即考虑 A-0 时算法性能。
- (3) 如果相邻子问题之间不交换信息,效果如何?即考虑 T=1 对算法 性能。

实验结果在表 10 7 和表 10 8 中给出。由结果可见;

			報 19-7	MOEA/D	ACO* 25.7	日本数値	表 19-7 MOEA/D-ACO" 在不同参数情形下的 ICD 信比较	温井野				
Instance	999	default	Setting		K-1			0 - 0			7-1	
193/96	œ	menn	std dev	menn	rad dev	1 1055	mean	std der	T test	mean	std der	1 0000
kroab100	100	1865.7	318.6	3217.1	592.1	+	2379. 6	238.5	+	1953, 6	408.1	
Arose100	100	1597, 8	288.4	3134.1	547.3	+	2125.7	281.2	+	1789.1	320.5	+
kroad100	100	1440.2	2007	2356,6	317.9	+	1996.7	216.6	+	1552, 4	187,8	+
krone100	100	1569, 6	290, 3	2326,3	834,3	+	2142,0	330,8	+	1740,6	261,1	+
krobe100	100	1452,9	172, 8	2544,2	338.4	+	2080, 6	198,0	+	1758,4	289, 3	+
krobd100	100	1655,1	215, 7	2770,1	312.1	+	2133, 9	222.8	+	1750,7	216.9	+
krobe100	100	1864.9	301.8	2363, 9	512.5	+	2431.6	209.0	+	1975.8	266.0	÷
krocd100	100	1550.2	299. 4	2358.1	654.3	+	2074. 6	289.9	+	1691.0	243.9	+
ksore100	100	1710.3	275.9	2590,6	389.2	+	2166.5	219.6	+	1925.3	307.4	+
krode100	100	1504, 6	375, 7	2714.3	687.0	+	2255, 5	308,2	+	1947.8	324, 6	+
kroab200	300	3910,1	393, 8	5465,2	784, 2	+	5487, 8	545, 2	+	4031, 1	373, 3	+
kresh300	300	5441.4	5.85. 2	7758.9	818.2		8249.5	679.0	+	6477.2	604.8	+

			S 10-8	MOEA/D	ACO' 在不	日参数技	表 10-8 MOEA/D-ACO*在不可参数情形下的 ICD 蛋比较	温比粒				
Instance	20	default	Burnasi		K=1			0 = 0			1-1	
95000	ĸ	menn	std dev	menn	and dev	1 5695	mean	and dev	t test	mean	std der	t brest
kroab100	100	2008.2	330.3	2398.3	510.5	+	2417.2	1.482	+	2488.5	404.8	+
kroar100	100	1733.0	254.9	2916.1	477.7	+	2045.9	248.2	+	2045.1	276.6	+
kroad100	100	1494.6	217.3	2356.8	355.8	÷	1957, 4	182.0	+	1855.2	252.7	+
krose100	100	1887, 3	303, 5	2740.2	317.4	+	2051, 8	285.2	+	2012, 2	329, 7	+
krobe100	100	1802.5	345.3	2517.2	485.3	+	2011.1	230.2	+	2141.9	307.8	+
krobd100	100	1777.3	298, 3	2501,9	407.3	÷	2175, 3	216,2	+	2247.6	238, 5	+
krobe100	100	2285,9	292, 8	3015, 1	6/11.5	+	2371, 3	250, 4	+	2723, 2	352, 7	+
kroed100	100	1897.3	295.4	2538.3	6.104	+	2081.9	259.8	+	2216.2	344.0	+
kroreldd	100	1852, 2	311.2	2500, 4	577,2	+-	2134, 8	218.2	+	2283, 2	291, 3	r
krode100	100	2017.1	3.9.5	2835.9	\$54.3	+	2211.6	221.9	+	2308.8	274.0	ž.
kroab200	200	4476.7	598, 5	5186.5	762.3	+	5612, 1	556.3	+	5253, 9	392.3	+
kroahioo	300	8035,9	1121.2	8950.5	1334.7	+	9579, 5	742.8	+	9580.3	901,8	

(164) 蚁群智能优化方法及其应用

- (1) 采用子群,能运好于不采用子群。例如,在特例 kroab200 中,采用 子群的 MOEA/D-ACO 能减少 IGD 值 20%左右。
- (2) 利用当前解能这好于不利用当前朝。例如,在算到 krosab100 中。 MOEA, D-ACO 利用了当前解得到的 IGD 是没有当前解的 MOEA/D-ACO 俱创的 IGD 值前 78%。
 - (3) 当交换信息时,MOEA/D-ACO 在所有算例都能得到更好的结果。

10,6 小结

参考文献

- [1] K. Mertinen. Nonlinear Multiobjective Optimisation[M]. Boston. MA, Kluwer. 1999.
- [2] K. Deb, Multi Objective Optimization Using Evolutionary Algorithms [M], New York, Wiley, 2001.
- [3] K. Doerner, W. J. Guţahr, R. F. Hartl, C. Strauss, and C. Summer, Pereto ant colony optimization: A metabeonstic approach to multiobjective portfolio arlection J. Ann. Ones. Res. 2004.131(1.4), 730—90.
- [4] C. Garris Martines, O. Cordon, and F. Herrera, A taxonomy and an empirical analysis of multiple objective ant colony optimization algorithms for the bi-critera TSPC11 For. L. Oner. Res. 2007;180(1):116~148.
- [5] D. Angus and C. Woodward. Multiple objective ant colony optimization [J]. Swarm Intell. 2009, 3(1), 49-35.
- [6] I. Alaya, C. Solnon, and K. Ghedira. Ant colony optimization for multiobjective optimization problems [C], in Proc. 19th IEEE Int. Conf. Tools Artif. Intell, 2007.450—457.

- [7] M. Löper-Ibá? er and T. Stötzle. The impact of design choices of multiobjective ant colony optimization algorithms on performance. An experimental study on the biobjective TSP(C). in Proc. GECCO, 2010, 71~78.
- [8] M. Guntsch and M. Middendarl, A population based approach for ACO applications of evolutionary computing [C], in Proc. Appl. Evol. Comput. EroWorkshops EvoCOP. EvolASP. EvoSTIM/EvoPLAN, 2002.72~81.
 [9] S. Irefi, D. Merkle, and M. Middendorf, Bi-criterion optimization with melail
- colony ant algorithms[C], in Proc. 1st Int. Conf. EMO, 2001;339-37E.

 [10.] Q. Zhang and H. Li. MOEA/D₁ A multiobjective evolutionary algorithm based
- [10] Q. Zhang and H. Li. MOEA/D, A multiobjective evolutionary algorithm based on decomposition[J]. IEEE Trans. Evol. Comput. 2007, 11(6), 712-731.
- [11.] H. Ishibuchi and T. Murats, Multi objective genetic local search algorithm and its application to flowshop schoduling [J]. IEEE Trans. Syst., Man. Cybern. C. Appl. Rev. 1938, 28(3), 392~403.
- [12.] S. Iredi, D. Merkle, and M. Middendorf, Bi criterion optimization with moltiolony ant algorithms [C], in Proc. 1st Int. Conf. EMO, 2091, 359~372.
- [13] A. Jazkiewicz, On the performance of multiple-objective genetic local search on the 0/1 knapsack problem. A comparative experiment [1], IEEE Trans. Evol. Comput., 2002.6(4), 402~412.
 - [14] E. Zitzler and L. Thiele, Multiobjective evolutionary algorithms: A comparative case atudy and the atrength Pareto approach[J], IEEE Trans. Evol. Comput., 1999, 3(4): 257~271.



附录

在团队定向问题中采用蚁群等法,本书第6 章考率了半行法,确定同步 法,德则师涉法相同时法共 4 种对法方法。第 6 章给出了 4 种对法方法在 第 4 个和第 7 个数据集中的计算结果,本附录列出了 4 种构造方法在第 1 个、第 2 个、第 3 个、第 5 个和第 6 个数据集中的计算构集。

10. 64	申行故		确定性同步绘		额机性同步法		阿叶加	
31 (H	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	順大信 15 20 30 45 80 90 110 135 155 175 195 215	平均值
p1, 2, b	15	15	15	15	15	15	15	15
p1.2.c	20	20	20	210	20	20	20	210
p1, 2, d	30	30	90	50	30	30	30	30
pl. 2. e	45	45	45	45	45	45	45	45
p1, 2, f	80	80	80	80	80	80	80	80
pl. 2. g	90	90	90	90	90	90	90	90
pl. 2, h	110	110	110	110	110	110	110	110
pl. 2. i	135	135	135	135	135	135	135	135
p1, 2, j	155	155	155	155	155	155	155	155
pl. 2. k	175	175	175	175	175	175	175	175
p1, 2, 1	195	195	195	195	195	195	195	195
p1. 2. m	215	215	215	215	215	215	215	215
p1, 2, n	235	235	235	235	235	235	235	235



								织妆
20. 60	- 由名	itt	确定性	同步法	胸机性	同步法	Fi	H100
94 94	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
p1.2.0	240	240	240	240	240	240	240	240
pl. 2. p	250	250	250	250	250	250	250	250
p1.2.q	265	265	265	265	265	265	265	265
р1, 2, т	280	280	280	280	280	280	280	280
pl. 3. c	15	15	15	15	15	15	15	15
p1, 3, d	15	15	15	15	15	15	15	15
pl. 3. c	30	30	30	30	30	30	30	30
p1.3.f	40	40	40	40	60	40	40	40
pl. 3. g	50	50	50	50	50	50	50	50
pl. 3. h	70	70	70	70	70	70	70	70
pl. 3. i	105	105	105	105	105	105	105	105
pl. 3. j	115	115	115	115	115	115	115	115
pl. 3. k	135	135	135	135	135	135	135	135
pl. 3, 1	155	155	155	155	155	155	155	155
pl. 3. m	175	175	175	175	175	175	175	175
pl, 3, n	190	190	190	190	190	190	190	190
pl. 3. o	205	205	205	205	205	205	205	206
pl, 3, p	220	220	220	220	220	220	220	220
p1.3.q	230	230	230	230	230	230	210	230
p1.3, r	250	250	250	250	250	250	250	250
p1, 4, d	15	15	15	15	15	15	15	15
pl. 4, c	15	15	15	15	15	15	15	15
pl. 4. f	25	25	25	25	25	25	25	25
p1, 4, g	35	3.5	35	35	35	35	35	35
pl. 4. h	45	45	45	45	45	45	45	45
p1,4,i	60	60	60	60	60	60	60	60
pl, 4. j	75	75	75	75	75	75	75	75
pl. 4. k	100	100	100	100	100	100	100	100
pl. 4.1	120	120	120	120	195	193	120	120
p1.4.m	130	130	130	130	130	150	130	130
pl. 4, n	155	155	155	155	155	155	155	155
p1.4.0	165	165	165	165	165	165	165	165
pl. 4. p	175	175	175	175	175	175	175	175
p1, 4, q	190	190	190	190	190	190	190	190
p1, 4, r	210	210	210	210	210	210	210	210



表則 2 4 种构造方法在第 2 个数据集中的实验结果

30 60	柳台	強	确定性	同步法	赖机作用步法		阿时兹	
34. 24	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
p2. 2. n	90	90	90	90	90	50	90	90
p2. 2. b	120	120	120	120	120	120	120	120
p2.2.c	140	140	140	140	140	140	140	140
p2, 2, d	160	160	160	150	160	160	160	150
p2. 2. e	190	190	190	190	190	190	190	190
p2, 2, f	200	200	200	200	200	200	200	200
p2, 2, g	200	200	200	200	200	200	210	200
p2, 2, h	210	230	230	230	230	230	210	230
p2. 2. i	210	230	230	230	230	230	210	230
p2, 2, j	240	260	260	250	260	260	260	250
p2. 2. k	275	275	275	275	275	275	275	275
p2, 3, a	70	70	70	70	70	70	70	70
p2, 3, b	70	70	70	70	70	70	70	70
p2, 3, c	105	105	105	105	105	105	105	105
p2, 3, d	105	105	105	106	105	105	105	106
p2, 3, u	120	120	120	120	120	120	120	120
p2.3.f	120	120	190	120	120	120	120	120
p2, 3, g	145	145	145	145	145	145	145	145
p2, 3, h	165	165	165	165	165	165	165	165
p2, 3, i	200	200	200	200	200	200	210	200
p2, 3, j	200	200	200	200	200	200	200	200
p2, 3, k	200	200	200	200	200	200	220	200
p2. 4. n	10	10	10	10	10	10	10	10
p2, 4, b	70	70	70	70	70	70	70	70
p2.4.c	70	70	70	70	70	70	70	70
p2, 4, d	70	70	70	70	70	70	70	70
p2, 4, e	70	70	70	70	70	70	70	70
p2, 4, f	105	105	105	105	105	105	105	105
p2, 4, g	105	105	105	106	105	105	105	106
p2, 4, h	120	120	120	120	120	120	120	120
p2, 4, i	120	120	190	120	120	180	120	120
p2, 4. j	120	120	120	120	120	120	120	120
p2, 4, la	180	180	180	180	180	180	180	180



表到 3 4 转构进方法在第 3 个数据集中的实验程果

\$1. (9)	用行法		确定性	同步法	5法 副机性同步法		同时效	
34. [9]	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均信
p3. 2. n	90	90	90	90	90	90	90	90
p3. 2. b	150	150	150	150	150	150	150	150
p3.2.c	180	180	180	180	180	180	180	180
p3, 2, d	220	220	220	220	220	220	220	220
р3. 2. е	260	260	260	250	260	260	260	250
p3, 2, f	900	300	300	\$50	300	300	300	300
p3, 2, g	350	360	360	350	360	360	350	350
p3, 2, h	410	410	610	410	410	610	410	410
p3. 2. i	440	460	460	450	450	460	450	450
p3, 2, 1	510	510	510	510	510	510	510	510
p3. 2. k	550	550	550	5.50	550	550	550	5.50
p8, 2, 1	590	590	590	590	590	590	590	590
p3. 2. m	620	620	620	6.20	620	620	620	620
p3, 2, n	540	660	660	6.50	660	660	610	650
p3. 2. o	690	690	690	650	690	690	610	690
p3, 2, p	720	720	720	720	720	720	720	720
p3. 2. q	760	760	760	750	760	760	760	760
p8, 2, r	790	790	790	790	790	790	790	790
p3. 2. s	800	800	800	800	800	BDD	810	800
p3, 2, t	800	800	800	800	800	800	810	800
p3, 3, a	30	30	30	30	30	30	30	.30
p3, 3, b	90	90	90	90	90	90	90	90
p3. 3. c	120	120	190	120	120	120	120	120
p3, 3, d	170	170	170	170	170	170	170	170
р3, 3, е	200	200	200	200	200	200	200	200
p3, 3, f	230	230	230	230	230	230	230	230
p3, 3, g	270	270	270	270	270	270	270	270
p3, 3, h	300	300	300	500	300	300	820	300
p3, 3, i	330	330	335	2.50	330	330	330	330
p3, 3, j	380	380	380	5.80	380	380	380	380
p3, 3, k	440	440	640	440	440	640	440	440
p3, 3, 1	480	480	480	480	480	480	480	480
p3. 3. m	520	520	520	5.20	520	520	520	520
p3, 3, n	570	570	570	570	570	570	570	570
p3, 3, n	590	590	590	590	590	590	590	590
p3, 3, p	640	640	640	640	640	640	640	640



37. 64	1818	排	确定性	同步法	10 Ft ff:	同步法	Fi	付款
34. DI	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
p3. 3. q	680	680	580	680	680	680	650	680
р3. 3. г	710	710	710	710	710	710	710	710
p3.3.a	720	720	720	720	720	720	720	720
p3. 3, t	760	760	760	760	760	760	760	760
р3. 4. п	20	20	20	20	20	20	20	20
p3, 4, b	30	30	30	30	30	90	30	30
p3.4.c	90	90	90	90	90	90	SO	90
p3, 4, d	100	100	100	100	100	100	100	100
p3. 4. c	140	140	140	140	140	140	140	140
p3.4.f	190	190	190	190	190	190	190	190
p3. 4. g	220	220	220	220	220	220	220	220
p3, 4, h	240	240	240	240	240	240	240	240
p3. 4. i	270	270	270	270	270	270	100	100
p3, 4, j	310	310	310	310	310	310	270	270
p3. 4. k	350	350	350	350	350	350	310	310
p3, 4, 1	380	380	380	580	380	380	510	850
p3. 4. m	390	390	390	390	390	390	830	390
p3, 4, n	440	440	440	440	440	640	440	640
p3. 4. o	500	500	500	500	500	500	500	500
p3, 4, p	560	560	560	540	560	560	560	540
p3. 4. q	560	560	550	560	580	590	540	540
p3. 4. r	600	600	800	600	600	600	600	600
р3. 4. я	670	670	670	670	670	670	670	670
p3, 4, 1	670	670	670	670	670	670	670	670

1X 64	申行法		确定性同步法		箱机性同步法		Filte	
hr. 1st	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
p5, 2, b	20	20	20	20	20	20	20	20
p5, 2, c	50	50	50	50	50	50	50	50
p5, 2, d	80	80	80	80	80	80	80	80
рб. 2. с	180	180	180	180	180	180	180	180
p5, 2, f	240	240	240	240	240	240	240	240
p5, 2, g	320	320	320	320	320	320	320	320
p5, 2, h	410	404, 5	610	402.5	410	403	410	403, 5



37. 64	415	計談	确定性	同步法	胸机性	同步法	同时级	
37. 191	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
p5. 2. i	480	480	480	480	480	480	480	680
p5. 2. j	580	580	580	580	580	590	550	580
p5. 2. k	670	670	670	669.5	670	659.5	670	670
p5, 2, 1	800	778	B00	773	800	773	820	774
p5. 2. m	860	859. 5	860	859.5	860	859	850	860
p5, 2, n	925	921	920	919	920	920	925	920,
p5. 2. o	1020	1011	1020	1012	1010	1010	1010	1010
p6, 2, p	1150	1143, 5	1150	1150	1150	1150	1150	1150
p5. 2. q	1195	1194	1195	1192.5	1195	1193	1195	1195
р5. 2. т	1240	1258, 5	1260	1257. 5	1260	1259	1240	1256.
p5. 2. s	1340	1324	1330	1325	1330	1323, 5	1330	1324
p5, 2, 1	1400	1382	1400	1377	1400	1379.5	1400	1382
p5. 2. u	1460	1452.5	1460	1447	1460	1457.5	1460	1448
p5, 2, v	1505	1491,5	1495	1487	1500	1496, 5	1495	1486,
p5. 2. w	1560	1537.5	1555	1541. 5	1555	1549.5	1555	1536
p5, 2, x	1610	1595, 5	1610	1586, 5	1610	1607	1610	1593,
pS, 2, y	1645	1631.5	1645	1633, 5	1645	1631.5	1645	1632
p5, 2, a	1680	1672.5	1680	1680	1680	1673	1680	1677
p5, 3, b	15	15	15	15	15	15	15	15
p5, 3, c	20	20	20	20	20	20	20	20
p5, 3, d	60	60	60	60	80	60	60	60
p5, 3, e	95	95	95	95	95	95	95	95
p5. 3. f	110	110	110	110	110	110	110	110
p5, 3, g	185	185	185	185	185	185	185	1.85
p5, 3, h	260	260	260	260	260	250	250	260
p5, 3, i	335	335	335	535	335	335	835	335
p5, 3, j	470	470	470	470	470	470	470	470
p5, 3, k	495	495	495	495	495	495	495	496
p8, 3, 1	595	590	598	586	595	584	595	584
p5, 3, m	450	649.5	650	649, 5	650	619	650	649
p5, 3, n	755	755	755	755	755	755	755	755
p5. 3. o	870	865	870	864, 5	870	867.5	870	864
p5. 3. p	990	990	990	590	990	989	990	990
p5, 3, q	1070	1061, 5	1065	1056, 5	1065	1057, 5	1055	1056
р5. 3, г	1125	1114, 5	1120	1113	1125	1114,5	1125	1114,
р5, 3, в	1190	1187	1190	1180, 5	1190	1178.5	1185	1179





	_		_		_		_	织表
31. (9)	排名	计核	确定性	同步法	和机性	用步法	Fi	时级
97 141	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
pδ. 3, t	1260	1251	1250	1246,5	1255	1246,5	1240	1250, 5
p5. 3. u	1345	1336	1330	1319	1335	1320	1335	1326
p5, 3, v	1425	1402	1425	1412,5	1425	1414.5	1420	1398, 5
p5, S, w	1485	1458	1445	1455	1465	1452	1445	1452, 5
р5, 3, х	1540	1513, 5	1535	1523,5	1540	1518	1540	1522
рб, 3, у	1590	1555	1590	1552, 5	1590	1547.5	1590	1552,
p5.3.z	1635	1610	1635	1616.5	1635	1623	1635	1615.5
p5.4.c	20	200	20	200	200	20	20	20
p5, 4, d	20	20	20	20	20	20	20	20
рб. 4. е	20	20	20	20	20	20	20	20
p5.4.f	80	80	80	80	80	80	80	80
p5, 4, g	140	140	140	140	140	140	140	140
16. 4. h	140	140	140	140	140	140	140	140
p5, 4, i	240	240	240	240	240	240	240	240
p5.4.j	340	340	840	340	340	340	340	840
p5. 4. k	340	340	340	340	340	340	340	340
p5, 4, 1	430	429.1	430	4.28	430	428	4.10	428
p5, 4, m	555	554	555	5.52	555	551, 5	555	550
p6, 4, n	620	620	620	620	620	620	620	620
p5. 4. o	690	650	690	689,5	690	690	690	689,
p5, 4, p	765	758	760	755	760	752	760	753
p5.4.q	860	851	840	837,5	860	847	860	839,
p5. 4. r	960	960	960	950	960	958	940	954
р5. 4. я	1030	1020	1030	1017	1030	1019.5	1030	1011,
pS, 4, t	1160	1152	1160	1134,5	1160	1139, 5	1160	1131
p5, 4, u	1300	1300	1300	1274,5	1300	1260	1300	1282,0
p5. 4. v	1320	1320	1320	1292,5	1320	1297	1320	1300.
p5, t, w	1390	1373. 5	1380	1574	1390	1374.5	1380	1374.
p5, 4, x	1450	1443	1450	1440,5	1450	1439	1450	1441
p5, 4, y	1520	1513	1510	1483	1510	1492	1500	1485
p5, 4, z	1620	1585, E	1620	15-57	1575	1549	1580	1553, 5



表别 5 4 种构造方法在第 6 个数据集中的实验就 8

27. 64	申行法		确定包	同步法	X041.15	同步法	Fi	B130:
34. 104	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值	最大值	平均值
p6. 2. d	192	189	192	186.6	192	188.4	192	188.4
рб. 2. с	360	359. 4	360	358.8	360	357	550	350
p6.2.f	588	587. 4	588	585.6	588	585	588	586.8
p6, 2, g	660	660	660	650	660	660	650	660
p6. 2. h	780	780	780	780	780	780	780	780
p6, 2, i	888	888	888	858	888	888	858	888
p6, 2, j	948	947. 4	918	918	948	948	948	948
p6, 2, k	1032	1032	1032	1032	1032	1032	1032	1032
p6, 2, 1	1116	1111.2	1110	1106.4	1116	1111.2	1116	1110.6
p4, 2, m	1188	1184. 4	1188	1175.4	1188	1182.6	1188	1183, 8
p6. 2. n	1260	1230. 6	1260	1234.8	1254	1230.6	1250	1235, 4
pf. 3. g	282	278, 4	282	277.2	282	275.6	282	277.8
p6. 3. h	444	427.8	444	427.8	438	428.4	438	480.2
p6, 3, i	642	640, 8	642	640, 8	642	639,6	642	638, 4
p6.3.j	828	825. 6	R28	825	828	825	828	825, 6
p6, 3, k	894	888, 6	888	888	888	888	894	888, 6
p6. 3.1	1002	996	1002	996	1002	993	1002	996
p4, 3, m	1080	1071,6	1074	1059, 8	1080	1071.6	1080	1074
p6, 3, n	1170	1159. 2	1164	1160, 4	1164	1155	1164	1159, 8
p6, 4. j	366	363	364	362, 4	366	361.8	346	363
p5. 4. k	528	525	528	522	528	517.8	253	520, 2
p6, 4, 1	696	671.4	696	675, 6	696	679.2	656	674.4
p6, 4. m	912	885. 6	912	873.6	912	875.6	912	886, 2
p6, 4, n	1048	1061, 4	1068	1052	1068	1062	1058	1066, 2